بسم الله الرحمن الرحیم

کتاب پېژندنه

د کتاب نوم: احصائیه او احتمالات

څانگه: اداره او منجمنت

مولف: محبوبه مموزی او میره محمد شاه رفیعی

ژباړن: نورالله عماد

د څار کمېټه:

- محمد آصف ننگ د تخنیکي او مسلکي زده کړو معین
- دیپلوم انجنیر عبدالله کوزاېي د تعلیمي نصاب رییس
- محمد اشرف وحدت په تعلیمي نصاب کې د معینیت د مقام سلاکار

د تصحیح کمېټه:

- محمد احسان احسان
- شیرگل شینواری

د گرافیک او ډیزاین څانگې مسئول : محمد جان علیرضایي

گرافیک او ډیزاین: محمد سلیم خان

چاپ کال: ۱۳۹۲ لمریز کال

تیراژ: ۳۰۰۰

چاپ ځل: لومړی

وېب پاڼه: www.dmtvet.gov.af

برېښنالیک: info@dmtvet.gov.af

د ISBN کډ: ۹۷۸۹۹۳٦۳۰۰٥١٤

Ketabton.com

د چاپ حق د تخنیکي او مسلکي زده کړو له معینیت سره خوندي دی

(c) ketabton.com: The Digital Library

ملي سرود

دا وطن افغانستان دی   دا عزت د هر افغان دی

کور د سولې کور د تورې   هر بچی یې قهرمان دی

دا وطن د ټولو کور دی   د بلوڅو د ازبکو

د پښتون او هزاره وو   د ترکمنو د تاجکو

ور سره عرب، ګوجر دي   پامیریان، نورستانیان

براهوي دي، قزلباش دي   هم ایماق، هم پشه یان

دا هیواد به تل ځلیږي   لکه لمر پر شنه آسمان

په سینه کې د آسیا به   لکه زړه وي جاویدان

نوم د حق مو دی رهبر   وایو الله اکبر وایو الله اکبر

(c) ketabton.com: The Digital Library

د پوهنې وزير پیغام

ګرانو زده کوونکو، محصلانو او درنو ښوونکو!

د یوې ټولنې وده او پرمختګ کاملاً د همغې ټولنې د پیاوړو کاري کادرونو، بشري قوې او ماهرو فکرونو په کار او زیار پورې تړلې دي. همدا بشري قوه او کاري متې دي چې د هیواد انکشافي اهدافو ته د رسیدو لارې چارې طی کوي او د یوه نیکمرغه، مرفه او ودان افغانستان راتلونکی تضمینوي.

انسان په خپل وار سره د الله تعالی له جانبه او هم د خپل انساني فطرت له اړخه مؤظف او مکلف دی چې د ځمکې په عمران او د یوه سوکاله ژوند د اسبابو او ایجاباتو د تکمیل لپاره خپل اغیزمن نقش، همدارنګه ملي او اسلامي رسالت ادا کړي.

له همدې ځایه ده چې د یوه ژوندي او فعال انسان نقش، د خپل ژوند د چاپیریال او خپلې اړوندې ټولنې په اړه، تل مطلوب او په هیڅ حالت کې نه نفی کیږي او نه هم منقطع کیږي.

په ټول کې د پوهنې نظام او په خاصه توګه د تخنیکي او مسلکي زده کړو معینیت مسوولیت او مکلفیت لري چې د اسلامي ارزښتونو، احکامو او همداراز معقولو او مشروعو قوانینو ته په ژمنتیا سره، د افغانستان په انکشاف کې فعاله، چابکه او موثره ونډه واخلي، ځکه دغه ستر او سپیڅلي هدف ته د رسیدو په خاطر د انساني ظرفیت وده، د حرفوي، مسلکي او تخنیکي کادرونو روزنه او پراختیا یو اړین مقصد دی. همدا په تخنیکي او مسلکي زده کړو مزین تنکي ځوانان کولی شي چې په خپلې حرفې او هنر سره په سیستماتیک ډول د هیواد انکشاف محقق او میسر کړي.

جوته ده چې په افغانستان کې د ژوند تګ لاره، دولتداري او ټولنیز نظام د اسلام له سپیڅلو احکامو څخه الهام اخیستی، نو لازمه ده چې زموږ د ټولنې لپاره هر ډول پرمختګ او ترقي باید په علمي معیارونو داسې اساس او بنا شي؛ چې زموږ د کارګر نسل مادي او معنوي ودې ته یکې لومړیتوب ورکړ شي. د حرفوي ظرفیت جوړونې تر څنګ د ځوانانو سالم تربیت او په سوچه اسلامي روحیې د هغوی پالنه نه یوازې پخپل ذات کې یوه اساسي وجیبه ده، بلکې دا پالنه کولی شي چې زموږ وطن پخپلو پښو ودروي، له ضعف څخه یې وژغوري او د نورو له سیاسي او اقتصادي احتیاج څخه یې آزاد کړي.

زموږ ګران زده کوونکي، محصلان، درانه استادان او مربیون باید په بشپړه توګه پوه شي، چې د ودان او نیکمرغه افغانستان ارمان، یوازې او یوازې د دوی په پیاوړو متو، ویښ احساس او نه ستړي کیدونکي جد او جهد کې نغښتی او د همدغو مسلکي او تخنیکي زده کړو له امله کیدای شي په ډیرو برخو کې د افغانستان انکشافي اهداف تر لاسه شي.

د دې نصاب له ټولو لیکوالانو، مولفینو، ژباړونکو، سموونکو او تدقیق کوونکو څخه د امتنان تر څنګ، په دې بهیر کې د ټولو کورنیو او بهرنیو همکارانو له مؤثرې ونډې او مرستو څخه د زړه له کومې مننه کوم. له درنو او پیاوړو استادانو څخه رجامندانه هیله کوم چې د دې نصاب په ګټور تدریس او فعاله تدریب سره دې د زړه په ټول خلوص، صمیمي هڅو او وجداني پیکار خپل ملي او اسلامي نقش ادا کړي.

د نیکمرغه، مرفه، پرمختللي او ویاړمن افغانستان په هیله

فاروق وردګ

د افغانستان د اسلامي جمهوریت د پوهنې وزیر

(c) ketabton.com: The Digital Library

لړلیک

څپرکی	سرلیکونه	پاڼې
لومړی	د احصائیې تعریف او اصطلاح	۱-۸
دویم	د احصائیوي څېړنو پړاوونه	۹-۲٤
درېیم	د پېښېدو (وقوع) بیا وېشنه او د فریکونسي وېشنه	۲۵-٤۲
څلورم	مرکزي (اوسط) میلان مقیاس	٤۳-۷۸
پنځم	د انحراف یا خورېدو (پراګندګۍ) مقیاسونه	۷۹-۹۰
	دویم برخه	
	مقدمه: احتمالات	۹۱-۹۲
لومړی	د احتمالاتو مفاهیم	۹۳-۱۰٤
دویم	د احتمالاتو د سنجش بنسټیز قواعد	۱۰۵-۱۱۰
درېیم	د ترکیباتو تیوري	۱۱۱-۱۱۸
	سرچینې او اخیستنې	۱۱۹
	د ښوونیز نصاب د پراختیا د ریاست پیغام	۱۲۰

(c) ketabton.com: The Digital Library

مقدمه

له نفوس، توليدي او صنعتي موسساتو او د يو هيواد له محصولاتو څخه په دقيقه توګه معلومات لرل مبرمه اړتيا ده، چې له دې پرته د هر ډول ټولنيزو او اقتصادي پاليسيو طرح او تطبيق او د طرحه شوو پلانونو تحقق غير ممکن وي. د همدې اړتيا له مخې د پرمختګ او ودې په لور ګام په ګام ويښ او متمدن بشريت د معلوماتو او تخليص د راټولولو او له هغه څخه د نتيجه اخستلو په غرض له علمي ميتودونو او روشونو څخه استفاده کړې ده.

د حساب سيستماتيک مفاهيم او منظم تکامل انسان بريالی کړ تر څو د احصائيې او احتمالاتو د علم بنسټ کيږدي او د همدې علم په مرسته اوس هم زياتې ستونزې او مهم مسايل په اقتصادي او ټوليزو کارونو کې حلوي. د احصائيې او احتمالاتو تيوري چې نن ورځ د زياتره تعليمي ځانګو لکه اقتصاد، کرنې، کمپيوټر د مطالعې وړ ګرځول کيږي، توانيدلې د معاصر انسان د ټولنيزو فعاليتونو ټول اړخونه تر خپلې وړانګې لاندې راولي. په عمومي بڼه احصائيه د لوړو رياضياتو له يوې ځانګې څخه ده چې د تاريخ له علم سره ډېر لرغونتوب لري.

له احصائيې څخه په استفادې کولای شو له محدودو معلوماتو څخه نسبتاً دقيقې نتيجې لاس ته راوړو. له دې پلوه متخصصينو احصائيه د هنر د تصميم نيونې په شان په نامعينو شرايطوکې تعريف کړې ده. زموږ ګران هيواد چې د تخنيکي او مسلکي بيا رغونې په حال کې دی، د تخنيکي او مسلکي زده کړو معينيت د مسلکي او فني کادرونو او د مؤثرو او برياليو اداري کارکوونکو روزنه يې د خپلو دندو له برخو څخه ګرځولې ده او هڅه کوي چې د ادارې او حسابدارۍ د انسټيټيوټونو له لارې کارکوونکي وروزي تر څو وکړای شي په دولتي او خصوصي ادارو کې د کارونو د ادارې او لارښوونې په غرض، د کاري پلانونو د جوړونې او سمبالښت دندې سرته ورسوي. نو ځکه د هغوی خبريدل د احتمالاتو او احصائيې له اساساتو څخه او د هغه په کار اچونه په ورځنيو کارونو کې يو له مهمو اړتياوو څخه شمېرل کيږي. هيله لرو تر څو ګران محصلين د دغه اثر په مطالعې سره وکولای شي د احصائيې د علم په ارزښت ځانونه پوه کړي او وکړای شي د دندو د سرته رسولو پر وخت له هغې څخه مطلوبه ګټه واخلي.

په درناوی

(c) ketabton.com: The Digital Library

د کتاب ټولیزه موخه:

- د احصايې تعريف، د احصايوي پراوونو پېژندل، مرکزي ميلان مقياس او د انحراف يا خوريدو د مقياسونو پېژندل.

- د احتمالاتو، د هغوی د بنسټيزو قواعدو او ترکيباتو د تيورۍ پېژندنه.

(c) ketabton.com: The Digital Library

لومړی څپرکی

د احصایې تعریف او اصطلاح

ټولیزه موخه:
د احصایې له اصطلاح او تعریف څخه بشپړه پوهه

د زده کړې موخې: د دې څپرکي په پای کې محصلین کولای شي لاندې موضوعات تعریف او توضیح کړي:

1- په علمي بڼه د احصائيې مفهوم او د احصائيې د علم تعریف
٢- له ټولنې سره د احصائیې د اړیکو مفهوم
٣- د احصائیې تاریخچه
۴- د اقتصاد او پلان جوړونې په امورو کې له احصائیې څخه د استفادې موارد

احصائیه عربي کلمه ده چې معنا یې د ژوند د اړوندو مسایلو شمارل، نیول او کله هم شمېرل شکاره کوي. د اقتصاد د پوهانو او د احصایې د نظر خاوندانو په عقیده د Statistic کلمه د status له کلمې څخه مشتق شوې چې، له هغې څخه د قانوني وضعیت او قانوني موقف مفاهیم استنتاج کیږي. سربېره پر دې له نوموړې کلمې څخه د حکومت، حالت او وضعیت معنا هم اخیستل کیږي. د status علمي تفسیر د دولت او سیاستوالو د اړتیا وړ ارقامو او معلوماتو په کلمې منتج کیږي.
د احصائیې د علم په اړه بېلابېل تعریفونه ورکړل شوي، چې ځینې یې محدود مفاهیم او ځینې نور یې پراخ مفاهیم رانغاړي، مثلاً یو یې د ارقامو علم او بل یې د یوې پرمختللې یا پرمختګ په لور ټولنې د خصوصیاتو د موندلو مطالعې وسیله شودلې. ځینو د زیاتو طبقاتو

(c) ketabton.com: The Digital Library

او بېلابېلو ګروپونو مطالعه، د احصائيې د علم د ښکاره ځانګړنو له جملې څخه ګڼلې ده، چې په ټولیزو اصولو سره، د کار وړ اطلاعات د دولت د کارکوونکو اوسیاستوالو د علمي څېړنو د استفادې په غرض ارزښتناک نقش لري. د احصائيې د مفهوم موضوع او اطلاق له کچې يا اندازې څخه عبارت ده يا په بل عبارت هغه څیزونه يا موضوعات، چې د شمار په قید کې د راتلو امکان و لري او د شمېرلو په مرسته څرګندېدلای شي د هغه په علمي او پراخه مفهوم کولای شو احصائيه داسې تعريف کړو:

احصائيه د لاندې موضوعاتو په غرض د علم يا علمي طريقو له مجموعې څخه عبارت ده:

١- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو) راټولونه، لنډيز او ترتيب.

٢- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو)څرګندول.

٣- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو) مطالعه او تحليل.

۴- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو) نتيجه ګيري، تفسير او څېړنه .

۵- د تحليل شوو معلوماتو او شمېرو(اعدادو) په نظر د تصاميمو نيول.

په بل عبارت احصائيه د تحليل شوو معلوماتو او شمېرو(اعدادو) په نظر د علم يا د علمي میتودونو له مجموعې څخه د ټولنې په غرض، په يو يا څو برخو کې د معلوماتو او شمېرو (اعدادو) د څرګندولو او تحليل له انسجام او د هغه په اړه نتيجه اخيستنې او تصميم نيونې څخه عبارت دی. په عملي ژوند کې د احصائيې له يوې ورځې نه بلې ورځې ته زيات او دايمي اهميت د انکار وړ نه دی او په درملنه (طبابت)، بيالوژي، کيميا، فزيک او بالاخره د طبيعي علومو په ټولو ځانګو کې يې د منلو وړ اهميت لاسته راوړی دی. همدارنګه د ذهني علومو نيمه برخه هم رانغاړي. په ځانګړی توګه په هغو علومو کې، چې د هغوی د بحث وړ توکی يا(اجزاوې) بشپړ وي او بشر د ټولنې(جمعيت) په توګه په دولتي، کلتوري او اقتصادي ژوند کې ځانګړی راول لوبوي او د دې علم له مرستې څخه سترګې نه شي پټولای.

له ټولنې سره د احصائيې اړيکې:

د هرې ورځې په تېرېدو سره بشر دننني ژوند مفاهيمو ته اړتيا پيدا کوي، چې د احصائيوي تحليل شوو معلوماتو پر مخ ټينګ ولاړ وي او سربېره پر دې د احصائيوي مډرنو روشونو بنسټ اېښودنه د احتمالاتو د تيوريو د اساساتو له مخې شوې ده. د علومو په بېلابېلو څانګو لکه بيالوژي، طب، اقتصاد، اجتماعيات، ښوونې او روزنې،کرنې او صنعت کې

(c) ketabton.com: The Digital Library

تل د استفادې وړ ګرځي. البته له احصائيې څخه په ځينو څانګو کې له يوې برخې څخه او په نورو څانګو کې له بلې برخې څخه ګټه اخيستل کيږي. له احصائيې څخه د علومو له څانګو څخه د يوې څانګې په توګه او له خاصو ميتودونو او روشونو څخه د يوې ساحې په توګه په لاندې ډګرونو کې په پراخه توګه کار اخيستل کيږي:

۱- د کرنې او صنعتي محصولاتو د توليد او توضيح په ډګرکې.

۲- د نفوسو،کورنيو او وګړو د خصوصياتو په ډګر کې.

۳- د مهاجرتونو، مسافرتونو او په هغه پورې د اړوندو حالاتوپه ډګر کې.

۴- د فزيکي، اقتصادي، ټولنيزو بنسټونو د ودانولو او د هغوی د ساتنې او څارنې په ډګر کې.

۵- د علومو په بېلابېلو څانګو کې د علمي څېړنو، مطالعاتو او سروې ګانو په ډګر کې.

۶- د سياست، رهبري د روشونو، ټاکنو او انساني حقوقو په ډګر کې.

۷- د مالياتو د ټولونې او ترانسپورت په ډګر کې.

۸- د ملي او نظامي خدماتو د ښوونې او روزنې او د نفوسو د جلب په ډګر کې.

۹- د ساينس او تکنالوژۍ په ډګر کې.

۱۰- د بېړنيو حالاتو اوچټکو مرستو، بيا رغونې او د اقتصادي پراختيا په ډګر کې.

د احصائيې تاريخچه:

احصائيې د دولتونو د اختصاصي علومو، پراختيا او پيدايښت له څانګو څخه د يوې څانګې په توګه ارتوالی او انکشاف پيدا کړی او اوږده سابقه لري. لرغونو مصريانو، بابليانو اوروميانو به د سرچينو او نفوسو مفصل ريکارډونه د دولت د کارونو په منظور ساتل. د ارسطو په وخت کې به احصائيه د دولتي، نفوس شمېرنې او ټکټونو په مسايلوکې په کار اچول کيده.

د روم په امپراتورۍ کې له هغې څخه د کار اخيستلو شواهد شته، د يوناني سکندر لپاره احصائيه د اهميت وړ وه. د هغه وخت امپراتورۍ د لومړي ځل لپاره د خپل دولت بيلانس سمبال کړ چې، خپل عساکر او بيړۍ به يې شميرلې. همدارنګه مصريانو او روميانو په بېلابېلو مواردو کې له احصائيوي روشونو څخه استفاده کړې ده. د بېلګې په ډول د يوناني فيثاغورث په وخت کې له اوسطو قواعدو او د وسطي حدودو سنجش څخه استفاده شوې ده.

(c) ketabton.com: The Digital Library

احصائيه په ۱۶ او ۱۷ پیړۍ کې په ځانګړي توګه د قمار د لوبو د اوښتونکو ترمنځ مروجه وه ځکه چې هغوی په احتمال او چانس عقیده درلوده او ستونزې او مسایل به یې د هغې زمانې لویو علماوو لکه ګالیله(Galila)، کاردینو (Cardano)، برنولي او فرمت (Farmet) ته وړاندې کړل تر څو له هغوی څخه ځواب لاس ته راوړي. په عین وخت کې د احصائیې زیات پرمختګونه په اروپا کې رامنځ ته شول. لومړی جان ګرانت (John Grant) په انګلستان کې د ریاضیاتو له لارې د احصائیې په اړه مطالعه وکړه. په طبي احصائیو کې یې بیمې او اقتصاد په نشر ورسول. د نوموړي مطالعات وروسته په دقیقه توګه په قاعده کې د لویو اعدادو تر سرلیک لاندې د برنولي په مرسته توضیح او تشریح شول او وروسته یو اثر د پیارسون Pearson په مرسته خپور شو.

دیمایتر Demoiter عالم، د لومړي ځل لپاره په ۱۷۳۳کال کې توضیح جوړونه ونوموله. همدارنګه د نجوم په ساحه کې د احتمالاتو د تطبیق قوانین د لاپلاس Laplace او ګوس Gouss په مرسته تر سره شوي دي. د ۱۹ پیړۍ په پیل کې بلجیمي مشهور منجم او احصائیه پوه ادولت کواتلیت د لومړي ځل لپاره احصائیوي تیوري ګانې د علمي څېړنو په سر ته رسولو کې د میتود او روش په توګه د استفادې وړ وګرځولې. همدارنګه دVnapp په نوم یو عالم د عمر په بېلابېلو وختونو کې د انسانانو د مړینې په اړه احصائیه جوړه او خپره کړه. ګالتن Galton د بیولوژۍ په ساحه کې د وراثت په علم پورې اړوند مخصوصو مسایلو کې د احصائیوي روشونو تطبیق مروج کړ او انګلیسي احصائیه پوه رونالد فشر Ronand Fisher هم د کرنې په ساحه کې د علمي او تحقیقاتي تجربو د طرحې په اړه احصائیه په ښه توګه مروجه او پراخه کړه.

له تاریخي پلوه د احصائیې تیوري خپل پراختیايي پړاوونه د زیاتو علماوو په مرسته د نړۍ په بېلابېلو ځایونو کې وهلي دي. دا یو ستونزمن کار دی تر څو د بېلابېلو ځانګو د پوهانو لست چې د احصائیې په پراختیا کې یې مرسته کړې جوړ کړو! د احصائیې د تاریخچې په هکله زیاتوو چې:

۱- په چین او لرغوني هند کې د مسیح له میلاد څخه زرکاله وړاندې د نفوس سرشمیرنه او د شتمنیو، مالونو او نفوسو اندازه نیونه منځ ته راغلې ده.

۲- له میلاد څخه وړاندې د درې زره کلونو په شاو خوا کې مصریانو، بابلیانو او رومیانو د نفوسو او ځمکو ریکارد ساته.

(c) ketabton.com: The Digital Library

۳- له میلاد څخه ۳۵۰۰ کاله ترمخه په مصر کې د نفوسو سرشمېرنې رواج درلود، په کلیمیانو(ټیپانو) پورې اړوند یو کتاب((د اعدادوکتاب))په نوم چې د سړیو سرشمېرنه د سرتېرو د جلب په مقصد د جنګ لپاره رانغاړي.

۴- په اتلسمه پیړۍ کې دولت پیژندنه په پوهنتونونو کې تدریس کېده، دا څانګه یې د Statistics په نوم یادوله، چې وروسته د Arithmetician politics سیاسي حساب دانانو په نوم منځ ته راغله.

۵- په مصر کې د فرعون په وخت کې نغده کلنګ (خراج) او کلنګ یا خراج له خپله محصولاتو څخه اخیستل کېده، دا کلنګ د څو کلنو د منځنیو پیداوارو په اساس محاسبه او وروسته اخیستل کېده.

۶- د خُلفای راشدینو او حضرت عمرفارق(رض) په دوره کې د ځمکو تقسیم بندي د خلافت تر نظام لاندې منځ ته راغله. د حکامو د مالونو او جایدادو حساب اخیستنه او حساب ورکونه تر سره کېده.

دعراق له فتحې سره هم مهاله د خلکو شمېرنه منځ ته راغله. سعد بن وقاص (رض)د کرنیزو ځمکو اندازه کول پیل کړل.

۷- انګلیسي رونالد فیشرRonal Fisher چې تر ۱۹۶۲کاله ژوندی ؤ، د کرنې په ساحه کې څېړنې او د علمي څېړنو په برخه کې یې په بې ساري توګه احصائیې ته پراخوالی ورکړ.

په افغانستان کې له هغې دورې څخه چې، د مستوفیتونو نوم اخیستل کیږي، د حکومتونو معاملات له احصائیې سره او د احصائیې په کار اچونه د حکومتي (عامه) شتمنیو په راټولونه او سمبال کې څرګندوي.

په وروستیو کلونو کې احصائیه د یوه دسپلین په بڼه منځ ته راغله او په زیاتره علمي او نظري څانګو کې یې د ورځې په تېرېدو سره ډېر اهمیت تر لاسه کړی او د دې پیړۍ په نیمایي کې د احصائیې کورسونه په ترتیب سره د ښوونې او روزنې، اقتصاد او د روحیاتو په ډیپارټمنټونو کې او اوس د بېلابېلو هیوادونو د پوهنتونونو په زیاترو ډیپارټمنټونو کې تدریس او تعقیبیږي. د ۱۳۵۴ لمریز کال له پیل نه را په دې خوا احصائیوي رشتوي مضامین او د احصائیې او اکسونومتري څانګه (ډیپارټمنټ)د اقتصاد د پوهنځي په چوکاټ کې منځ ته راغلې، چې د اقتصاد پوهنځي د دې ډیپارټمنټ لومړني فارغان د ۱۳۵۶لمریز کال په پای کې ټولنې ته وړاندې شول.

(c) ketabton.com: The Digital Library

له احصائيې څخه ګټه اخيستنه او په پلان جوړونه او اقتصاد کې د هغې اهميت:

څرنګه چې مخکې يادونه وشوه د احصائيې تاريخي لرغونتوب ډېرو تېرو زمانو ته رسيږي، د احصائيې پراختيا او د استفادې مواردو هم بېلابېل پړاوونه وهلي او اوس هم د ودې په حال کې ده. په لرغونو ټولنو کې احصائيه د نفوس د شمېرلو، د مالياتو ورکړه او د مکلفيتونو د سرته رسولو په مقصد په کار اچول کېده. له حياتي احصائيې او د نفوسو د احوال ثبت سره مينه له دوو اړخونو زياته شوي. يو له دې اړخه چې د ساري ناروغيو تلفات او شيوع يې په سمه توګه وسنجول شي او پرې پوه شو. او بل له دې اړخه، چې نفوس د دولت مهم قدرت او عظمت په خاصه توګه نظامي قدرت پېژندل کېده. د حياتي (مړينه او زېږېدنه) احصائيو له ثبت او د نفوسو له احصائيې څخه وروسته، په اروپا کې زياتره په کليسا ګانو کې د کشيشانو په مرسته په دفترونو کې ليکل کيدې او دولتي څانګو هغه ته اعتبار ورکاوه. همدارنګه په اروپا کې اقتصادي احصائيې په خاصه توګه بهرني تجارت او قيمت بيه اوسپنو (فلزاتو)په تدريج سره اهميت ترلاسه کړ. احصائيوي معلومات، چې په غالب ګمان د دولت پټ رازونه پېژندل کېدل، په تدريج سره په ورځپاڼو او جريدو کې خپرې او په هر ځاى کې ووېشل شوې. د احصائيوي معلوماتو د صحت او اعتبارپه اړه لازمې څېړنې ترسره شوې. په احصائېه او اقتصاد کې د رياضي او احتمالاتو شاملول د احصائيې په زياته پراختيا کې ځانګړي قدمونه وشمېرل شول. د احصائيوي علماوو لومړنۍ نړيواله جلسه په ۱۸۵۳ ميلادي کال کې د احصائيې د نړيوال کانګرس تر سرليک لاندې جوړه شوه.

د نړۍ په زياتره هيوادونو کې احصائيه د مهمې او بنسټيزې وسيلې په توګه د پلان جوړونې، کنترول او څارنې په امورو کې استعماليږي.

زموږ په هيواد کې هم د احصائيې مرکزي اداره د عظمی صدارت تر مسقيم اثر لاندې په ۱۳۵۲کال کې جوړه شوه او اوس د يوې خپلواکې ادارې په توګه په ځانګړي ډول د لاندينيو موخو په اړه فعاليت کوي.

۱- د هيواد له عيني شرايطو سره سم د اړتيا وړ علمي سيستم او د احصائيوی ټمرکز تأمين او توسعه د علمي او نړيوالو معيارونه سره سم د انکشافي، اقتصادي، ټولنيزو او د ټولو مواردو د پلانونو او پروګرامونو د لارښوونې او استفادې د ترتيب په مقصد.

۲- د ادارې، موسساتو او ټولو وګړو د احصائيوي فعاليتونو د علمي او مسلکي لارښوونو لپاره نظارت چې، د احصائيوي معلوماتو او ارقامو په راټولولو اقدام کوي.

۳- په ملي سطحه د کمپيوټري خدماتو او فعاليتونو ټمرکز او تنظيم.

(c) ketabton.com: The Digital Library

۴- د میتودولوژۍ تثبیت، د حیاتي وقایع د احصائیې ثبت او راټولونه او د هغه تدریجي عامول یا دودول په ملي سطحه.

۵- د هغو پروژو او پروګرامونو د کار د پرمختګ او تطبیق په اړوند چې د دولت په انکشافي پلانونو کې شامل دي د احصائیو او ارقامو راټولونه- د راپورونو د جوړونې او بررسۍ په منظور- او لازم وړاندیزونه په دې برخه کې ذیصلاح مقاماتو ته ورکول.

په لنډ ډول د نن ورځې احصائیه او احصائیوي معلومات د ژوند په ټولو مسایلو کې سر او کار لري د ارقامو او شمېرو استنتاج، تحلیل، ترتیب او جوړونه په ټولو امورو کې او په پلان جوړونه کې په عمومي توګه په کار اچول کیږي. د بېلګې په ډول د نفوسو احصائیه، حیاتي ځانګړې احصائیې، د تجارت احصائیه، بانکي احصائیه، د کانو او صنایعو احصائیه، د کرنې احصائیه، د مخابراتو او مواصلاتو احصائیې، د ښوونې، عامه روغتیا او ټولنیزو خدماتو احصائیه، مالي احصائیه، د ملي محاسباتو احصائیې او داسې نور.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د لومړي څپرکي د مطالبو لنډيز:

د احصائيې تعريف: احصائيه د شمېرو او معلوماتو د راټولونې، لنډيز او ترتيب، او د نتيجه اخستنې د مطالعې او تحليل او د راټولو شوو معلوماتو او شمېرو په اړه د تصميم نيونې په غرض د علم يا علمي روشونو له مجموعې څخه عبارت ده.

داحصائيې مفهوم: احصائيه له کچې يا اندازې څخه عبارت ده يا په بل عبارت هغه څيزونه يا موضوعات دي، چې د شمېرې په قيد کې راوړل شي او د شمېرلو په مرسته توضيح کړل شي.

داحصائيې اړيکې له ټولنې سره: د بشر ننني ژوند د ورځې په تېرېدو سره هغو مفاهيموته اړتيا پيدا کوي چې، په احصائيوي تحليل شوو معلوماتو استوار دي او د علومو په بېلابېلو څانګو کې په کار اچول کيږي. په اقتصاد او پلان جوړونه کې د احصائيې د استفادې موارد او د هغه اهميت زيات دی. څرنګه چې موږ ووېل د احصائيې تاريخي لرغونتوب ډېرو تېرو زمانو ته رسيږي، چې له احصائيې څخه انکشاف او د استفادې مواردو هم بېلابېل پړاوونه وهلي او تر اوسه هم په وده کې ده.

داحصائيې تاريخچه :احصائيې د علومو له اختصاصي څانګو څخه د يوې څانګې په توګه انکشاف او پراخوالی پيدا کړی او اوږده سابقه لري.

د لومړي څپرکي پوښتنې:

۱- په پښتو او انګليسي کې د احصائيې لغوي معنا څه ده؟
۲- د هغو مفاهيمو نوم واخلئ چې د Status له کلمې څخه اخيستل شوي؟
۳- احصائيه په علمي او پراخ مفهوم سره تعريف کړئ ؟
۴- د احصائيې اهميت په ټولو مالي مسايلو کې په عمومي توګه او د پلان جوړونې په اړه په لنډ ډول وليکئ؟
۵- د احصائيې د علمي تاريخچې په اړه لنډ توضيحات ورکړئ؟
۶- د احصائيې تاريخچه د کابل پوهنتون په اقتصاد پوهنځي کې وليکئ؟
۷- له احصائيې څخه په استفادې د احصائيې جوړونې دندې تشريح کړئ؟
۸- په لرغونو ټولنو کې له احصائيې څخه دکومو مقصدونو لپاره کار اخيستل کېده؟
۹- د هغو مهمو علماوو او پوهانو نومونه واخلئ چې، د احصائيې د علم په انکشاف کې يې ښکاره ونډه درلوده؟

(c) ketabton.com: The Digital Library

دویم څپرکی

د احصائیوي څېړنو پړاوونه

ټولیزه موخه:

داحصائیوي عملیو او څېړنو د پړاوونو پر مفاهیمو پوهېدل

د زده کړې موخې: په دې څپرکې کې زده کوونکي باید له لاندې موضوعاتو سره آشنايي پیدا کړي:

۱- د احصائیوي عملیو او څېړنو د پړاوونو زده کول.

۲- د شمېرو څرګندول د احصائیوي بڼو (شکلونو) په وسیله سره.

۳- د احصائیوي جدولونو توضیح او ترتیب کول.

۴- د احصائیوي ګرافونو د مفهوم توضیح او انځور کول.

۵- دخطي او غیرخطي ګرافونو ترتیبول.

څرنګه چې په مخکني څپرکي کې وویل شول احصائیه له علمي لارو او روشونو سره سر او کار لري چې، د هغو په اساس شمېرې او معلومات راټولې، ترتیب، لنډې، تحلیل او څرګندیږي او نظر هغه ته نتیجه ګیري او تصمیم نیونه کیږي.

د دې عملیو د ترسره کولو لپاره باید لاندې پړاوونه ترسره شي:

۱- د موخې ټاکل یا تثبیت چې، څېړنه یا تحقیق په همدې منظور ترسره کیږي.

۲- د تجربې طرحه یا ټاکل .

۳- د شمېرو او معلوماتو راولونه.

۴- د شمېرو او معلوماتو ترتیبول.

۵- نتیجه ګیري او تصمیم.

اوس په لنډه توګه د دې هر یوه په څرګندولو پیل کوو.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د موخې تثبيت يا ټاکل:

احصائيوي تحليل په شمېرو او ارقامو پيل کيږي. څېړونکي بايد له هرڅه نه د مخه ځرګنده کړي چې، د اړتيا وړ شمېرو او معلوماتو د راټولونې په غرض کومه موضوع څېړي. نو په دې اساس هغه بايد پوښتنه او ستونزه په دقيقه او ځرګنده توګه طرحه او وټاکي چې، څه ډول شمېرې او معلومات د اړتيا وړ دي.

بايد ځرګنده کړو چې، د احصائيوي پايلو کيفيت او ځرنګوالی چې لاس ته راځي د راټولو شوو شمېرو په مناسبوالي او ثقه والي باندې متکي دي چې، په خپل وار سره د طرحې شوې ستونزې په سم تشخيص او طرحې پورې اړه لري.

په احصائيه کې د هغو شمېرو مجموعه چې د يوې طرحې شوې ستونزې په اړه کېدای شي راټولې شي د ټولګي(جماعت) په نامه يادېږي. د بېلګې په ډول که د يوه مملکت په قوای کار کې د بېکارۍ د فيصدي موندنه په يوه ټاکلي زمان کې طرحه شوې ستونزه وي، په دې صورت کې ټولګی (جماعت)، خپلې ټولې کتنې(مشاهدات) په هماغه مملکت او په هماغه زمان کې د ټولو بېکارو او يا په کار اخته کارګرانو په اړه رانغاړي.

بايد يادونه وکړو چې يو احصائيوي ټولګی يا جماعت د يوې ځانګړې ستونزې په اړه د کتنو (مشاهداتو) مجموعه رانغاړي.

د تجربې طرح يا ټاکل:

که چېرې د پام وړ ستونزه په دقيقه توګه طرح شوه، څېړونکي بايد تصميم ونيسي چې اړوندو کتنو مجموعه ټوله يا د هغې يوه برخه مطالعه کړي. که چېرې ټول (جماعت) مطالعه کړي په « ټوليزشمار» سره او که چېرې تاسې د هغه يوه برخه ووينی، اړوند ګړنلاره د «نمونه ګيرۍ» په نوم يادېږي. ټوليز شمار عملاً زيات وخت او زيات لګښت غواړي او حتی د هغه تطبيق ځينې وخت د امکان وړ نه وي نو د هغه په ځای ناچاره بايد د نمونه اخستنې له لارې مطالعه ترسره شي. په نمونه اخستنې کې هڅه کيږي ترڅو د نمونه يې شمېرو په اساس چې، له ټولګي (جماعت)څخه نمونه ګيري شوې ده تصميم ونيول شي، نو په دې اساس نښه يا سمپل بايد له اړوند ټولګي(جماعت) څخه استازيتوب وکړي. د احصائيوی ځانګړې برخې داسې نښې يا نمونې اخيستل، احصائيوي تيوري جوړوي او داسې پوښتنې لکه نمونه اخستنه بايد تر کومې اندازې لويه وي، څه ډول شمېرې بايد راټولې شي، دا شمېرې څه ډول راټولې شي، چې دا ډول پوښتنې د احصائيې په هغې ځانګې پورې اړونديږي چې، د ((تجربې طرح)) يا د نښې د طرحې په نوم يادېږي، د نښې طرح بايد په

(c) ketabton.com: The Digital Library

بشپړ دقت سره ترسره شي، پرته له دې نه شو کولای مطلوبې نتیجه اخستنې ته ورسیږو. د نمونې طرح کېدای شی په بېلابېلوبڼو تر سره شی لکه ناڅاپی یا تصادفی نمونه گیری او غیر ناڅاپي یا غیر تصادفي نمونه اخستنه، په خپل وار سره اتفاقي نمونه گیري په مختلفو بڼو اتفاقي ویشل کیږي. لکه ساده ناڅاپي یا اتفاقي نمونه گیري او مقیده ناڅاپي یا اتفاقي نمونې طرح کیدای شي په بېلابېلو بڼو تر سره شي. لکه ناڅاپي(یا تصادفي) نمونه گیري ونه گیري، یواړخیزه، دوه اړخیزه او څو اړخیزه او مکرره نمونه گیري، همدارنگه غیر اتفاقي نمونه گیري د توپیر لرونکي یا تفاوتي نمونه گیری په بڼه په صحیح او ډاډ سره نیول کیږي چې هر یو د دغو نمونه گیری لارې د ځانگړو ښېگڼو یا مزایاوو او نیمگړتیاو لرونکې دي چې تر یوه حده پورې د کتنو یا مشاهداتو په ډول او د احصاییوي سروې په موخې پورې اړه لري

د احصائیوي شمېرو او معلوماتو راټولونه:

د احصائیوي څېړنو درېیم پړاو له طرحې شوې تجربې سره سم د شمېرو او معلوماتو راټولونې څخه عبارت دی. دا پړاو نظر بل هر یو احصائیوی څېړنیز پړاو ته زیات وخت او زیات لگښت غواړي. او دا پړاو هغه وخت ښو پایلوته رسیږي چې، په دې اړه شخصي قضاوتونه دخیل نه وي.

په عمومي توگه د معلوماتو ترلاسه کول او د شمېرو راټولونه په دوه بڼو تر سره کیږي.

مستقیم او غیر مستقیم:

په مستقیمه بڼه څېړونکی کولای شي شمېرې او معلومات د ملاقاتونو، مصاحبو، سروې (نمونوي یا بشپړه) او کتنو یا مشاهداتو له لارو راټولې کړي.

په غیر مستقیمه بڼه څېړونکی کولای شي معلومات د مکتوب، پوښتنپاڼو (استعلام)، فورمو، د نشراتو د سرچینو له اخځلیکونو څخه په استفادې او داسې نورو په مرسته لاسته راوړي. باید څرگنده کړو چې د شمېرو او معلوماتو په راټولونه کې به ښه دا وي تر څو وخت سموالی او اقتصاد په نظر کې ونیول شي.

د احصائیوی شمېرو سمبالول:

د موخې له سمبالولو، تثبیت یا ټاکلو څخه وروسته، د تجربې یا نمونې طرح او د شمېرو راټولونه باید سمبال، لنډه او تصنیف شي.که چېرې راټولې شوې شمېرې اوږدې وي باید هغوی د سمبالولو په غرض لنډې کړای شي. د بېلگې په ډول سمې یا صحیحی شمېرې د

(c) ketabton.com: The Digital Library

۱۰,۱۰۰,۱۰۰۰ او داسې نور په واحدونو لنډې (خلاصه) شي، یا اوړدو اعشاري خانو ته دې له امکاناتو سره سم ډېرو نږدې لومړۍ، دویمې او دریمې خانو ته تقرب ورکړل شي.

له لنډیز وروسته شمېرې باید واضحې او د لوستلو وړ ولیکل شي او د آسانولو، ښه لوستلو او تحلیل په غرض سمبال شي. د شمېرو سمبالول او تصنیف په بېلابېلو لارو تر سره کېدای شي.

که چېرې شمېرې د کمیت او اندازې په نظر سمبال او تصنیف شي کومه لړۍ یا سلسله چې په لاس راځي (د پېښې د بیا وېشنې) یا د فریکونسي وېشنې په نوم یادیږي، چې په درېم څپرکي بد کې تشریح شوي.

همدارنګه که شمېرې د زمان یا مهال له مخې سمبال شي، اړوندې لړۍ یا سلسلې به سربېره پر جغرافیایي، محیطي،کیفیتي، جنسي او د ټولو خصوصیاتو د موقعیت او شرایطو له مخې یوه زماني لړۍ یا سلسه لنډه او څرګنده وي.

د شمېرو څرګندول کېدای شي د احصائیوي بېلابېلو بڼو (شکلونو) لکه جدولونو، ګرافونو او زیاترو هندسي بڼو په مرسته ترسره شي. د څېړنو په څلورم پړاو کې ځینې وخت د تشریحي یا توصیفي احصائیې په نوم هم یادیږي.

نتیجه ګیري او تصمیم:

که چېرې د ټول ټولګي (جماعت) نمونه یا تجربه راونغاړي، یعنې احصائیوي څېړنه په یوه سروې کې د کُلی شمار په بڼه وي، د نظر وړ سروې د وروستی پړاو تشریحي احصائیه یعنې څلورم پړاو، چې پورته یې یادونه وشوه جوړوي. په بل عبارت په څلورم پړاو کې د ټولګي (جماعت) خصوصیات او مشخصات توضیح او تشریح شوي او نظر هغه ته د طرح شوې ستونزې په اړه تصمیم نیول کیږي. په خلاف د دې که چېرې سروې نمونوي وي او یواځې له مجموعې څخه یوه برخه غوره کړي، په دې حالت کې تشریحي احصائیه د څېړنې وروستی پړاو نه دی، بلکې د زیاتو مطالعاتو او احصائیوي عملیو غوښتنه کوي. ځکه د یوه ټولګي(جماعت)د نمونې له مطالعې او تحلیل څخه موخه د هماغه ټولګي (جماعت) په اړه نتیجه ګیري اوتصمیم نیونه ده. نو ځکه د نمونوي سروې ګانو په صورت کې د څېړنې او احصائیوي عملیو وروستی پړاو د شمېرو د نمونو په نظر له نتیجه ګیرۍ څخه عبارت دی.

د احصائیوي بڼو (شکلونو) په مرسته د شمېرو څرګندول:

احصائیوي شمېرې او معلومات له راټولونې، سمبالونې، یووالي (توحید) او تصنیف څخه وروسته باید څرګندې شي، د شمېرو څرګندېدل په عمومي توګه په دوو لارو ترسره کیږي. په شفاهي یا لفظي ډول او د احصائیوي بڼو په وسیله په لیکلې بڼه.

(c) ketabton.com: The Digital Library

احصائیوي بڼې (شکلونه) ډېرې دي خوپه عمومي توګه په دوه ډلو وېشل کیږي:

احصائیوي جدولونه او احصائیوي ګرافونه:

احصائیوي جدولونه او د شمېرو جدول بندي:

جدول بندي د پرتلنې او تحلیل په غرض د شمېرو او معلوماتو د سیستماتیک او منظمو سمبالولو څخه عبارت دی.که څه هم احصائیوي جدولونه د موخې او ستونزې د لیکل شوو شمېرو په نظر زیات دي اما په عمومي توګه په دوه ډوله ویشل کیږي، عمومي جدولونه او خصوصي جدولونه.

په عمومي جدولونو کې لومړنۍ شمېرې یا اصلي شمېرې سمبال او لیکل شوي او د عمومي مقصدونو لپاره په کار اچول کیږي، په داسې حال کې، چې د شمېرو او معلوماتو خصوصي جدولونه، سمبال او خلاصه شوې د مشخصو مقصدونو لپاره د استفادې وړ ګرځي.

د یوه احصائیوي جدول په سمبالولو او جوړولو کې باید لاندې ټکي په پام کې ونیول شي.

عنوان: هر احصائیوي جدول باید د یوه عنوان یا سرلیک لرونکی وي، د جدول سرلیک باید په ښکاره او لنډ ډول او د هغه په پورتنۍ برخه کې ولیکل شي او باید درې شیان څرګند کړي:

الف- په جدول کې د لیکل شوو شمېرو محتوی او د بحث وړ موضوع.

ب- هغه ځای چې شمېرې رانغاړي.

ج- هغه وخت یا مهال چې د هغې په وسیله لیکل شوې شمېرې رانغاړل شوي دي.

د سرچینې یا اخځلیک:که چېرې لومړنۍ یا اصلي شمېرې د لومړي ځل لپاره د څېړونکي په مرسته راټولې شوې وي کېدای شي پرته د اخځلیک یا سرچینې له یادولو څخه په یوه جدول کې ولیکل شي، که چېرې لیکل شوې شمېرې لومړنۍ شمېرې نه وي باید د هغوی سرچینې او مأخذونه د جدول په ښکته برخه کې او له لمن لیک څخه مخکې ولیکل شي.

یادښت یا لمن لیک:که چېرې په یوه جدول کې لیکل شوې شمېرې زیاتې تشریح او توضیح ته د یادښتونو او لمن لیکونو په بڼه اړتیا پیدا کړي، دا یادښتونه باید په وضاحت سره د جدول په ښکته برخه کې خو له اخځلیک او سرچینې څخه وروسته ځای پر ځای شي.

د جدول خانې (ستون) او قطارونه: هر احصائیوي جدول خانې (ستونونه) او قطارونه لري چې، د هغوی اندازه په هماغه جدول کې د لیکل شوې موضوع په څرنګوالي، د شمېرو او معلوماتو په اندازې پورې مربوطیږي. د جدول خانې او قطارونه باید د زیات وضاحت لپاره د فرعي سرلیکونو لرونکی وي. که چېرې د خانو او قطارونو شمېر زیات وي ښه به وي، د آسانۍ د څرګندولو او پرتلنې لپاره تصنیف او نمره بندي شي. څرنګه چې په ۱-۲ جدول کې

(c) ketabton.com: The Digital Library

لیدل کیږي څلور خانې دي چې، دویمه خانه په وار سره په پنځو نورو فرعي خانو باندې وېشل کیږي سربېره پر دې دا جدول شپږ قطاره و نه لري.

د کچې (مقیاس) واحد: په جدول کې باید د مقیاس واحد یا واحدونه په څرګنده توګه د جدول تر اصلي عنوان لاندې او یا د هرې خانې تر فرعي عنوانونو لاندې ولیکل شي. د بېلګې په ډول څرنګه چې د ۱-۲جدول ټولې لیکل شوې شمېرې په فیصدۍ سره سنجول شوي دي په دې حالت کې یواځې د مقیاس یو واحد (فیصدۍ) شتون درلود او د جدول تر اصلي عنوان لاندې څرګند شوي دي. په جدول کې باید د امکان تر حده هڅه وشي ترڅو ګډ واحد په کار واچول شي، د بېلګې په ډول که لومړنۍ شمېرې په کیلو ګرام، ټن، من، پاو او داسې نورو چې، ټول د وزن مقیاس دي، راټولې شوې وي ښه به وي دا ټول په یوه ګډ مروج مقیاس باندې لکه کیلو ګرام تبدیل او په جدول کې څرګندې شي.

په جدول کې د شمېرو ترتیب: په یوه جدول کې لیکل شوې شمېرې باید په وضاحت او پوره دقت سره خلاصه، ترتیب، توحید او په اړوند جدول کې ولیکل شي. ترڅو د پرتلنې او تحلیل لوستل آسانه کړي او اړوندې شمېرې کولای شو د لاندینیو بڼو څخه د یوې بڼې په توګه ترتیب او ډلبندي کړو.

- د الفبا د تورو له اړخه (مثلاً الف - ب - ج - د - او داسې نور)
- د زمان یا مهال له نظر ه(لکه ورځ، میاشت، کال او داسې نور)
- د اداري واحدونو او جغرافیایي موقعیت په نظر (لکه ولسوالۍ، ولایت، هیواد، شمال، سوېل(جنوب) او داسې نور.
- د دموګرافیکي خصوصیاتو له نظر ه(لکه نظر سن، جنس، مورنۍ ژبې او داسې نور).
- د فزیکي، بیالوژیکي، تخنیکي او داسې نورو خصوصیاتو له نظره.
- د بل تعامل یا مشخصاتو او خصوصیاتو له نظره.

په ۱-۲ جدول کې د خانو(ستونو) ترتیب د پرمختللو هیوادونو د خصوصیاتو او د هغوی د جغرافیایي موقعیت په نظر تر سره شوي څرنګه چې د جدول قطارونه د زمان یا مهال یعنې د ۱۹۶۰-۱۹۸۱ کلونو په نظر سمبال شوي دي.

غونډ (مجموع): په عمومي توګه د یوه جدول خانې او قطارونه د هغه جدول د لیکل شوو شمېرو د مجموعې لرونکي دي، البته د خانو او قطارونو د شمېرو په مجموع کولو کې د ګډ مقیاس واحدونه شرط دي. ځکه نشو کولای د مقیاس توپیر لرونکي او بېلابېل واحدونه غونډ (مجموعه) کړو. د دې شرط د شتون په صورت کې د یوه جدول د قطارونو او خانو(ستونونو) مجموع معمولاً د هغه د مخالف لوري په آخر کې ښودل کیږي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

په ۱-۲ جدول کې د خانو او قطارونو د مجموعې اخیستل کوم مفهوم نه لري نو ځکه نه ده ښودل شوې. باید زیاته کړو که چېرې د جدول شمېر زیات وي هر جدول باید د تړاو او موضوع له پلوه نمره بندي شي، د جدول هره برخه په خاصه توګه د جدول د آخري خانو او قطارونو فرعي سرلیکونه (عنوانونه) یعنې د مجموعې قطار باید په څرګند ډول خط کشي شي.

بېلګه: لاندې جدول په پام کې نیسو.

د هیواد د منسوجاتو د تولیداتو اندازه په ۱۳۸۰-۱۳۸۲ کلونوکې(ارقام په ملیون متر)

دجنس / ډول / کال	نخي منسوجات	سندي منسوجات	پشمي یا وړین منسوجات
1389	26.5	10.8	0.2448
1381	31.9	6.8	0.2769
1382	37.8	6.8	0.2866

۱-۲ جدول د پرمختللو هیوادونو د داخلي مجموعي محصولاتو د ودې روش په ۱۹۶۰-۱۹۷۹ کلونوکې او په کلنۍ فیصدي باندې د ۱۹۸۰-۱۹۸۱ کلونو وړاندوینه.

کال	د پرمختګ په حال کې هیوادونه: په عمومي توګه	افریقا	لاتینه امریکا	د آسیا سویل او لویدیځ	د آسیا ختیځ	د پرمختګ په حال کې صنعتي هیوادونه د نفتو صادراتونه	هغه هیوادونه چې پرمختګ یې کړی دی
196-1970	0.5	4.6	5.5	4.7	8.7	5.2	3.1
1970-1980	6.2	5.3	5.9	5.4	9.0	5.4	3.1
1978	5.2	4.8	4.6	6.8	3.2	5.3	3.3
1979	5.3	5.3	6.3	4.8	3.0	5.2	2.4
1980	5.9	6.1	5.8	5.3	7.0	5.7	2.6
1981	6.0	6.3	5.6	6.1	7.0	5.4	3.4

(c) ketabton.com: The Digital Library

سرچینه: د سکرتریت UNCTA ځانګې دې د ملي او نړیوالو رسمي شمېرو او سرچینو په اساس ولیدل شي.

احصائیوي ګرافونه: ګرافونه د دوو یا زیاتو متحولو تر منځ د اړیکو له جولیز (شکلي) څرګندولو څخه عبارت دی. د ګرافونو ډولونه او بڼې ډېرې زیاتې دي چې د متحول په ډول او شمېر، د شمېرو په څرنګوالي او د ستونزو په ډول پورې اړوندېږي چې، په بېلابېلو بڼو نظر موخو ته په خاصه توګه انځور څرګندیږي. په دې ځای کې څو ډوله ساده ګرافونه او معمولي ګرافونه او چارتونه په وروستي څپرکي کې توضیح کیږي.

خطي ګرافونه: په دې ډول ګرافونوکې څرنګه چې د هغوی له نوم څخه څرګندیږي د متحولو تر منځ خطی اړیکې دي. د شمېرو بدلونونه او تحولات د مستقیمو کرښو په مرسته ښودل کیږي. د بېلګې په ډول که چېرې اړیکې د تابع متحول y او خپلواک متحول (تابع کوونکی) X خطي وي دا ډول اړیکې معمولاً د مستقیمې کرښې د یوې معادلې په وسیله په لاندې بڼه څرګندیږي:

$$Y=a+bx$$

په دې ځای کې b,a ثابت دی، لومړنی یې د عمودي قاطع په نوم او دویم یې د x ضریب په نوم یادیږي.

۱ بېلګه- د $y=-5+2x$ معادلې ګراف انځور کړئ.

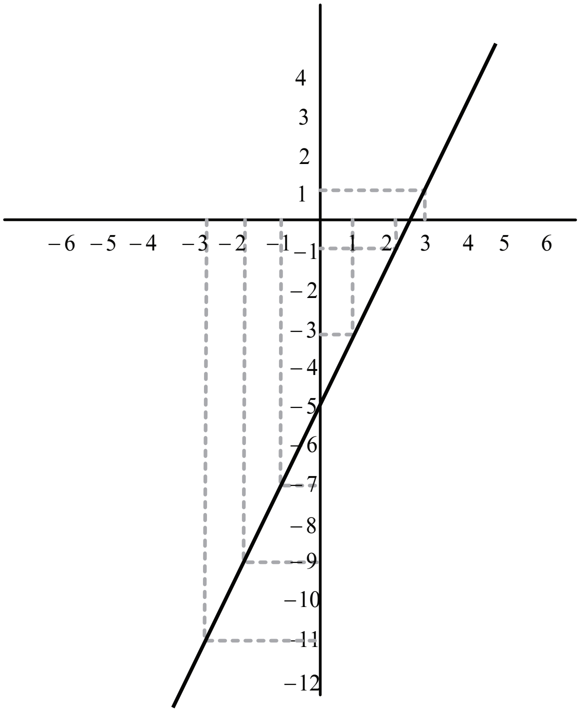
د دې معادلې ګراف څرنګه چې په بڼه کې ښودل شوی دی کولای شو په دوه لارو انځور کړو.

لومړی: د x د توپیر لرونکو ارزښتونو په وضع کولو سره د y ارزښتونه پیدا کوو. دا ارزښتونه د x او y د وضعیه کمیاتو په محورونو کې په لیک نښو (نقطه ګذاري) په نښه کوو.

X	-3	-2	-1	0	1	2	3
Y	-11	-9	-7	-5	-3	-1	1

څرنګه چې د x او y د ذکر شوو ارزښتونو له هرې جوړې څخه د (x,y) یو ټکی جوړیږي. د دې ټکو د موقعیت په ټاکلو سره د هغوی په ګراف او نښلولو(اتصال)کې مطلوب مستقیم خط انځور کیږي.

(c) ketabton.com: The Digital Library



دا معادله ځینې وخت د y=ax+b په بڼه څرګندیږي، چې البته د مفهوم له پلوه له ۱-۲ معادلې سره بې تفاوته ده.

دویم: څرنګه چې ورکړل شوې معادله د مستقیمې کرښې یوه معادله ده او د اړوند مستقیم خط د انځورولو لپاره بسنه کوي ترڅو دوه ټکي چې په هغوی کې د x,y په محورونو پورې اړوند مستقیم خط قطع کوي، وټاکو. یعنې که په یادې شوې معادله کې x=0 وضع شي y=-5 ده او په لنډه توګه که y=0 وي $x=\frac{5}{2}$ کیږي.

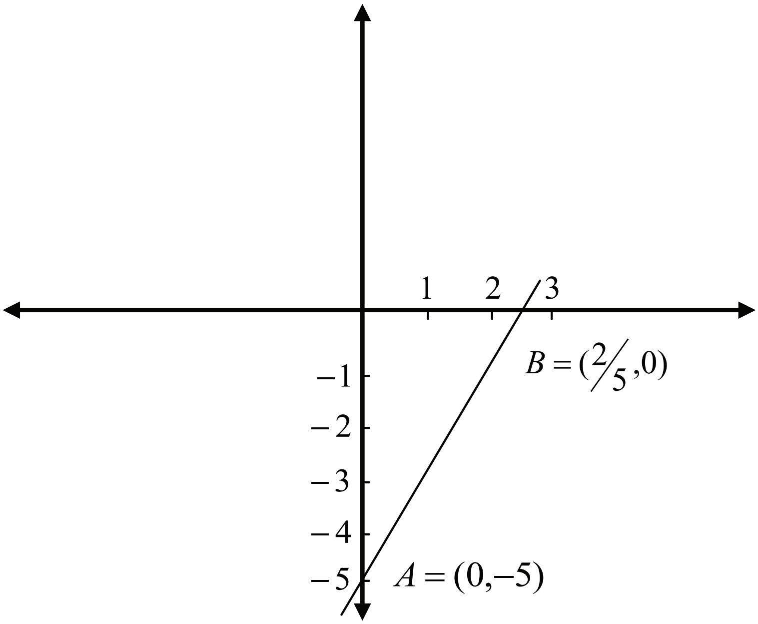
دا دوه ټکي (50-) او $(\frac{5}{2}, 0)$ چې په ګراف کې په ترتیب سره د A او B په تورو ښودل شوې دي. د دغو دوو ټکو له نښلېدو څخه او د هغه امتداد ادوو خواوو ته مطلوبه مستقیمه کرښه انځوروي.

که څه هم دواړه یادې شوې طریقې یوې نتیجې ته رسیږي خو دویمه طریقه آسانه ده لږ وخت او لږه عملیه غواړي. باید زیاته کړو چې، په پورتني مثال کې د x او y تر منځ

(c) ketabton.com: The Digital Library

اړیکه یوه مستقیمه خطي اړیکه ده ځکه مستقیمه کرښه په صعودي (لوړېدونکې) پورې اړونده ده. د x ارزښت له زیاتېدو سره د y تابع هم لوړ ارزښتونه اختیاروي. په بل عبارت څرنګه چې د x ضریب اشاره یعنې b مثبت دی. x او y له یو بل سره یوه مستقیمه خطي اړیکه لري.

Y=2x-5

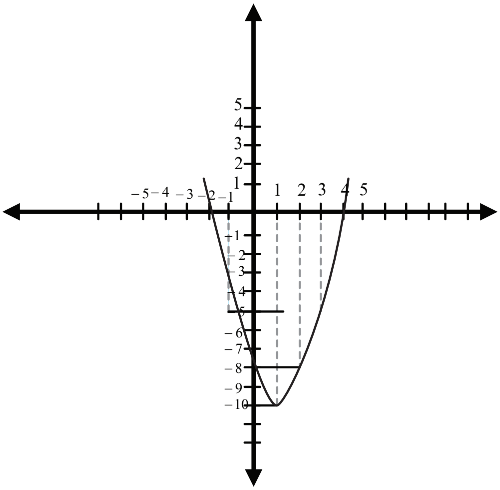


غیر خطي ګرافونه: د احصائیوي معلوماتو د څرګندولو بله بڼه د غیرخطي ګرافونو په بڼه ده. هغه معادلات چې په دې ډول ګرافونو پورې مربوطیږي له دویمې درجې معادلې $y=ax^2+bx+c$ څخه عبارت دی. له دې ډول معادلاتو څخه حاصل شوي ګرافونه په غیرخطي بڼه کې لاس ته راځي. دا ډول معادلات کولای شو د قیمت ګذارۍ یا هم د هغه د معادل جذرونو د پیدا کولو له لارې پیدا کړو.

بېلګه: د لاندې معادلې ګراف پیدا کړئ. $y=x^2-2x-8$

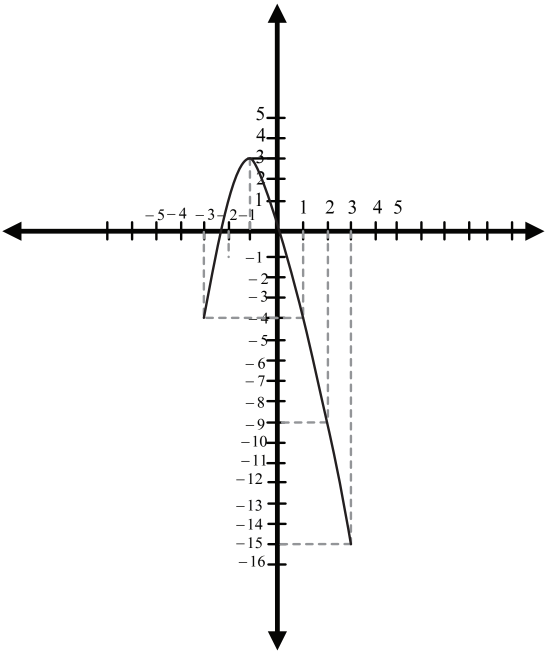
X	-2	-1	0	1	2	3	4
Y	0	-5	-8	-10	-8	-5	0

(c) ketabton.com: The Digital Library



۲ بېلګه - د $y=-x^2-2x-1$ تابع ګراف انځور کړئ.

X	-3	-2	-1	0	1	2	3
Y	4	-1	2	-1	-4	-9	-15



(c) ketabton.com: The Digital Library

دریمه بېلګه: د $y=-8-2x+x^2$ معادلې څخه په دې ځای کې پوهېږو چې د y د محور منحني د y=-8 په نقطه کې قطع کوي ځکه چې x=0 او y=-8 کېږي خو د x محور د منحني د ټکو د تشخیص او تثبیت لپاره باید y=0 وضع شي. په دې صورت کې به ولرو.

$X^2-2x-8=0$

په دې ځای کې مجبور یو د دې معادلې جذرونه پیدا کړو. د معادلې جذرونه کولای شو په لاندې طریقو پیدا کړو.

که چېرې په یوه معادله کې د جذرونو تشخیص ساده وي، کولای شو معادله په دوو قوسونو تجزیه کړو داسې چې د دوو مطلوبه اعدادو حاصل د a د عمودي قاطع ارزښت سره مساوي او د هغه د جمع حاصل د b ارزښت سره مساوي شي. د پورتنۍ معادلې پر بنسټ کولای شو داسې ولیکو.

$(x-4)(x+2)=0$

چې په نتیجه کې $X_1=-2$ او $X_2=4$ به وي.

که په نورو حالاتو کې تجزیه په قوسونو باندې ستونزمنه وي په عمومي توګه له لاندیني فورمول څخه استفاده کوو.

$$X_{1,2}=\frac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$

نظر فرمول ته هم د معادلې جذرونه عبارت دي له:

$$X_{1,2}=\frac{-2\pm\sqrt{4-32}}{2}=\frac{2\pm 6}{2}$$

$X_2^2\ 4=$ $\qquad$ $X_1=-2$

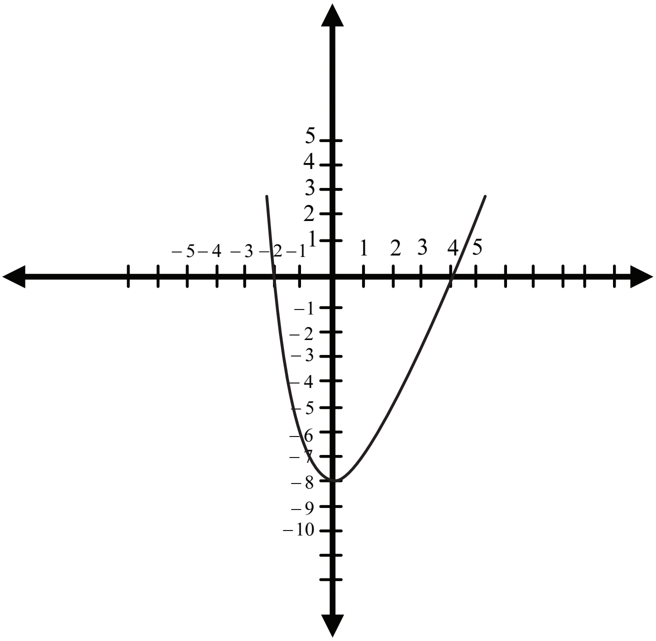
د معادلې د جذرونو سربېره د x لپاره متفاوت ارزښتونه وضع کوو د y اړوند ارزښتونه پیدا کېږي.

X	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	10
Y	7	0	-5	-8	-9	-8	-5	0	72

اوس نظر پورته معلوماتو ته کولای شو د ورکړل شوې معادلې ګراف انځور کړو.

$Y=-8-2x+x^2$

(c) ketabton.com: The Digital Library



څرنګه چې ليدل کيږي مطلوبه منحني د يوه پارابول په بڼه ده، په پيل کې لوېدونکې (نزولي) د y=-9 له اصغري ارزښتونو څخه وروسته د دويم ځل لپاره لوړيږي (صعود کوي).

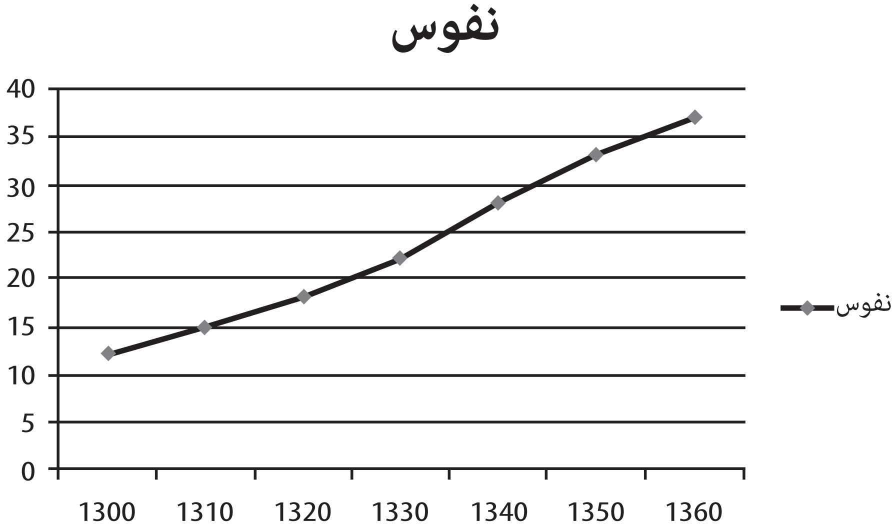
نوټ: که چېرې د x^2 ضريب منفي وي د پارابول خوله مخ ښکته خلاصيږي او که چېرې دx^2 ضريب مثبت وي د پارابول خوله مخ پورته خلاصيږي.

احصائيوي نور ګرافونه: په احصائيوي ګرافونو کې هم لکه الجبري توابع په عمومي توګه متحولې تابع په عمودي محور کې او خپلواک متحول يا تابع کوونکی په افقي محور کې ښودل کيږي.

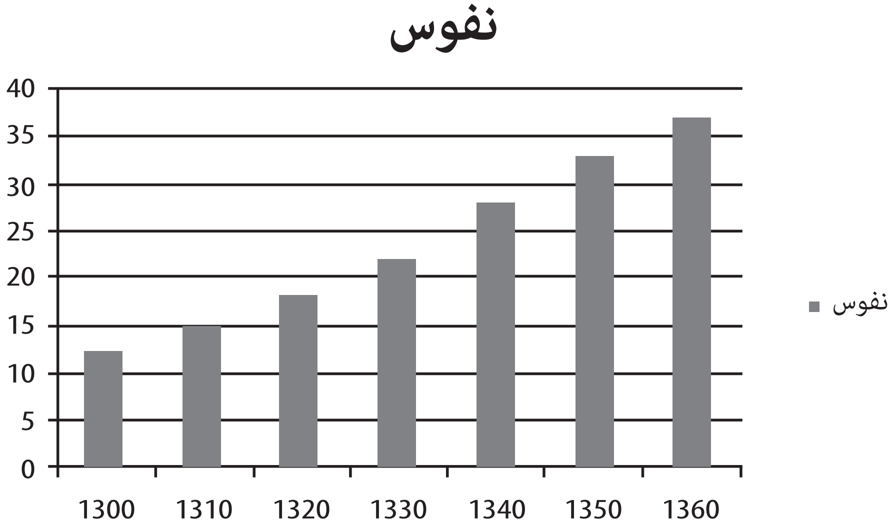
بېلګه: د يوه هيواد نفوس په تېرو شپېتو کلونو کې په لاندې ډول ورکړل شوی.

X	1300	1310	1320	1330	1340	1350	1360
Y	12	15	18	22	28	33	37

(c) ketabton.com: The Digital Library

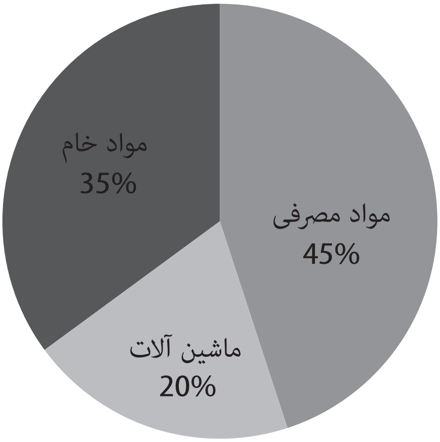


پورتني معلومات کولای شو په بل ګراف کې د عمودي مستقیمو کرښو په بڼه انځور کړو.

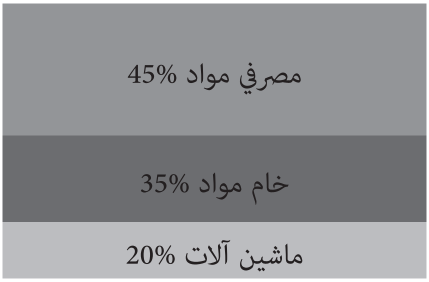


(c) ketabton.com: The Digital Library

بېلګه: فرض کړئ د یوه هیواد ۴۵ فیصده واردات مصرفي مواد، ۳۵ فیصده اومه مواد، ۲۰فیصده نور ماشین آلات جوړوي دا معلومات کولای شو د یوې دایرې په مرسته څرګند کړو.



یا کولای شو پورتني معلومات په یوه مستطیل یا مربع کې څرګند کړو.



د دویم څپرکي د مطالبو لنډیز

د احصائیوي څېړنو پړاوونه پنځه دي.

۱- د موخې ټاکل یا تثبیت.

۲- د تجربې طرح یا ټاکل.

۳- د شمېرو او معلومـــاتو راټولونه.

۴- د شمېرو ترتیبول.

۵- نتیجه احستنه او تصمیم نیونه.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د احصائيوي بڼو په وسيله د شمېرو څرګندول په احصائيوي جدولونو او احصائيوي ګرافونو کې شامل دي.

احصائيوي جدولونه د پرتلنې او تحليل په غرض د اعدادو او معلوماتو له سيستماتيک او منظمو ترتيبولو څخه عبارت دي.

احصائيوي جدولونه په دوه ډوله دي: عمومي جدولونه او خصوصي جدولونه احصائيوي جدولونه شو ځانګړې ټکي لري:

عنوان يا سرليک، اخځليک او سرچينه، يادښت او لمن ليک، د جدول خانې (ستونونه) او قطارونه، د مقياس واحد، په جدول کې د شمېرو ترتيب، ټولګه (مجموع).

احصائيوي ګرافونه: د دوو يا زياتو متحولو تر منځ د اړيکو له جوليز (شکلي) څرګندولو څخه عبارت دي. بڼې او شمېرې يې زياتې دي، چې د هغوی له جملې څخه خطي او غيرخطي ګرافونه معمول دي.

خطي ګراف: معادله يې $y=ax+b$

غير خطي ګرافونه: معادله يې $y=ax^2+bx+c$

او پرته له دې کولای شو احصائيوي معلومات په هندسي بڼو کې لکه دايره، مستطيل، مربع او داسې نورو کې هم وښيو.

د دويم څپرکي پوښتنې

۱- يو احصائيوي جدول څه ته وايي او بايد څه ځانګړتياوې ولري؟

۲- احصائيوي ګرافونه څه دي او د هغوی نوم واخلئ؟

۳- د خطي ګراف معادله وليکئ؟

۴- د(0,4) او (3,-5) او (-2,-4) او (3,-4) او (0,0)او (-5,10) ټکي په يو وضعيه کميت کې نقطه ګذاري کړئ؟

۵- د $y=2x-4$ د معادلې ګراف انځور کړئ؟

۶- د $y=-2x2-3x=1$ منحني معادله انځور کړئ؟

۷- د يوه بانک ۲۵٪ غونډ (مجموعي) پورونه اوږد مهاله پورونه، د هغه 15 فيصده منځ مهاله پورونه او د هغه 60 فيصده نور لنډ مهاله پورونه جوړوي، دا معلومات د يوې دايرې او يوه مستطيل يا مربع په وسيله څرګند کړئ؟

(c) ketabton.com: The Digital Library

درېیم څپرکی

د پېښېدو (وقوع) بیا وېشنه او د فریکونسي وېشنه

ټولیزه موخه:

د فرېکونسي توضیح او تشریح او له هغه څخه د ګټې اخیستلو پراوونه:

د زده کړې موخې: د دې څپرکي په پای کې زده کوونکي له لاندې مفاهیمو سره آشنايي پیدا کوي.

۱- د فریکونسي د وېشنې مفهوم او تعریف
۲- د فریکونسي په ویشنه کې د لومړنیو شمیرو د راټولونې، یوالي(توحید)او انسجام
۳- د فریکونسي په وېشنه کې د شمېرو تصنیف
۴- د فریکونسي د جدول تخنیکي مفاهیم او اصطلاحات
۵- د فریکونسي د وېشنې ګرافیکي څرګندونه په تحول، هستوګرام، بارچارت، بارګراف، پای ګراف، د خط ماتی او تصویري ګراف یا سمبولیک ګراف په تحول
۶- د احصائیوي ګرافونو ګټې

مفهوم: د مسلکي احصائیوي تصمیمونو او نتیجه ګیري په راټولو شوو شمېرو، ارقامو او طرحه شوو ستونزو باندې متکی دي. د راټولو شوو شمېرو ډول به په طرحه شوو ستونزو پورې اړوند وي، د شمېرو او معلوماتو په څرنګوالي پورې اړوند د شمېرو تشریحي مقیاسونه او معیارونه کولای شو په دوامداره توګه یا پرته له دې چې د مهال عامل په پام کې ونیسو په خپل وار سره راټول کړو. په راټولو شوو شمېرو سربېره امکان لري یو، دوه یا زیاتره متحوله

(c) ketabton.com: The Digital Library

را ونغاړي. لکه اعداد د یو شمېر وګړو د قد، وزن یا عمر په اړه، د یوشمېر کارګرانو مزد یا اجوره یا د یوه ګروپ مامورینو معاش، په یوه مضمون کې د یوه ټولګي د محصلینو د آزموینې نمرې او داسې نور، ټول اعداد یو متحوله دي. یا اعداد د وګړو په لګښت او عاید پورې اړوند، د محصلینو قد، وزن، د یوې پېرودل شوې متاع قیمت او اندازه، د یوه هیواد واردات او صادرات او داسې نورې بېلګې دوه متحوله اعداد دي.

په زیاتره مواردو کې د دوو یا زیاتو متحولو تر منځ اړیکې په احصائیه کې د بحث وړ ګرځي.

د یو متحوله اعدادو ویشل او تشریح چې د زمان عامل په هغه کې ذیدخل نه وي، د مقیاس او اندازه ګیرۍ دوه ډوله ځانګړې نمرې مني. دا مقیاس د بحث وړ اعدادو له اوسط ګیرۍ او انحراف یا پراګندګۍ څخه عبارت دی.

که چېرې اعداد څرنګه چې مخکې هم وویل شو د هغوی کمیت او اندازې ته په کتو ترتیب او توضیح شي دغه عملیه د پېښېدو (وقوع) بیا وېشنې یا د فریکونسي وېشنې په نوم یادیږي.

د فرېکونسي په وېشنه کې د لومړنیو اعدادو راټولونه، توحید او انسجام:

د شمېرو را ټولونه په مستقیمه یا غیرمستقیمه توګه معمولاً په اتفاقي یا په تیت ډول تر سره کیږي، لومړني اعداد له را ټولونې وروسته باید ترتیب، توحید او لنډې کړی شي تر څو د نتیجه ګیرۍ او تحلیل څرګندوند آسانه کړي. د بېلګې په ډول یوه احصائیوي ستونزه داسې طرحه شوې تر څو په یوه ښار کې د کورنیو د کلني عاید د څرنګوالي په اړه په خاصه توګه څېړنه او تصمیم نیونه ترسره شي. په دې هکله یوه نمونوي سروې طرحه او تطبیق کیږي. نظر دې سروې ته د ۱۴۲ کورنیو د عایدتو په اړه معلومات د نمونې په ډول راټولیږي. فرض کړئ چې راټول شوي معلومات هغه اعداد دي چې، د هغه لومړنۍ بڼه د ۱-۳ په جدول کې څرګنده شوې ده.

۱-۳ جدول په لومړي سر کې داسې کوم مفهوم نه شي افاده کولای، البته له یو څه دقت څخه وروسته کولای شو ډېر کوچنی او ډېر لوی عدد په دې جدول کې تشخیص کړو یا حتی د اعدادو اوسط د مجموع په اخستلو او د هغوی په اندازه باندې تقسیم کړو. له دې څخه زیات نه شو کولای له دغه جدول څخه ګټه واخلو.

(c) ketabton.com: The Digital Library

3-1 جدول په1385کال کې 142 کورنیو وسطي عاید(زر افغانۍ)

68000	68031	67785	67480	68047	67050	66029
66071	67092	67488	67800	68060	67046	68070
69500	69537	69482	69456	67471	67880	68997
66100	66144	67812	68089	67513	67120	68110
67819	67531	67136	67152	67200	67170	66952
67246	67750	67960	68990	68976	68927	68853
68820	68450	68302	68200	68150	66210	66290
67204	67177	67830	67540	67850	67548	68151
67168	67851	67177	69937	69202	69150	68950
67940	67752	67440	66930	66217	67740	66931
66341	66336	67217	67548	67850	68217	68291
67878	67550	67230	66400	68910	67920	67730
67412	66920	66402	67710	67922	67910	68870
68841	68800	66914	69836	69453	68778	67901
66867	67381	67680	66840	67320	67680	67877
66730	66827	66810	67320	67664	67860	68641
69609	69650	68333	67891	66532	67247	66600
67571	66709	67250	67584	67800	68398	69734
69242	68600	66802	69210	66700	69120	69200
68470	69172	66750	67281	67609	67830	67849
			67250	67291		

په پورتني جدول کې له ورکړل شوو شمېرو څخه د ښې او زیاتې ګټې اخیستلو لپاره باید هغوی په منظمه توګه ترتیب او لنډې کړو. د هغوی په افاده کولو پورې اړوند د اعدادو د خلاصه کولو یوه لار د ۱۰۰۰ په واحدونو باندې ده. د زیاتې آسانۍ لپاره په ۱۰۰۰ واحدونو باندې د اعدادو له ترتیب او خلاصه کولو څخه وروسته د اعدادو په اعشاري تحلیل او څرګندولو کې له درې خانو څخه یې دوو خانو ته اختصار پیدا کړي، څرنګه چې د اعشارې دریمه خانې ته د اعشارې دویمې خانې تقرب ورکړل شوی دی. که چېرې په دې تقرب کې د دریمې خانې شمېره له ۵ پنځوڅخه کوچنۍ وي له هغه څخه تیرېږو او که دا شمېره له ۵ پنځو څخه لوړه وي وروستۍ شمېره یعنې د اعشارې دویمه شمېرې ته د یوه په زیاتیدو

(c) ketabton.com: The Digital Library

ارتقاء ورکول کیږي، د بېلګې په ډول:

د ۶۶،۰۲۹ شمېره په ۶۶،۰۳ او د ۶۹،۲۴۲ شمیره په ۶۹،۲۴ لنډې (مختصر) شوې دي.

د ۱-۳ جدول اعداد له ترتیب او لنډیز وروسته په ۲-۳ جدول کې څرګند شوي دي.

باید ووایو چې کولای شو اعداد په (صعودي) توګه ترتیب کړو، یعنې له کوچني عدد څخه پیل او په ترتیب سره په لوړ عدد سره یې پای ته ورسوو. یا برعکس کولای شو اعداد په ناقصه توګه ترتیب کړو، څرنګه چې لوړې شمېرې لومړی او په ترتیب سره، اعداد یو پر بل پسې لیکو تر څو کوچني عدد ته ورسیږو. د۱-۳ جدول اعداد البته له لنډیز څخه وروسته په یا صعودي ډول ترتیب او په ۲-۳ جدول کې ترتیب شوې دي.

3-2 جدول په1385 کال کې د 142 کورنیو وسطي عاید (زر افغانۍ)						
66.03	66.91	67.32	67.71	67.90	68.30	69.15
66.07	66.92	67.38	67.73	67.91	68.33	69.15
66.00	66.93	37.41	67.74	67.92	68.40	69.20
66.14	66.95	67.44	67.75	67.92	68.45	6920
66.21	67.05	67.47	67.75	67.94	68.47	69.21
66.29	67.09	67.47	67.78	67.96	68.60	69.24
66.34	67.12	67.48	67.79	68.00	68.64	69.45
66.37	67.13	67.49	67.80	68.03	68.73	69.46
66.40	67.15	67.51	67.80	68.05	68.78	69.48
66.42	67.17	67.53	67.81	68.05	68.80	69.50
66.53	67.18	67.54	67.82	68.06	68.82	69.54
66.60	67.20	67.55	67.83	68.07	68.84	69.61
66.71	67.20	67.55	67.83	68.01	68.85	69.65
66.75	67.22	67.55	67.85	68.11	68.87	69.73
66.78	67.23	67.58	67.85	68.15	68.91	69.84
66.80	67.25	67.61	67.85	68.15	68.93	69.94
66.81	67.25	67.65	67.86	68.17	68.95	
66.83	67.28	67.66	67.88	68.18	68.98	
66.84	67.29	67.68	67.88	68.20	68.99	
66.87	67.32	67.68	67.89	68.22	69.00	
				68.29	69.12	

(c) ketabton.com: The Digital Library

د شمېرو تصنیف

که چېرې د شمېرو تعداد لږ وي یا د نمونې اندازه کوچنۍ وي، د شمېرو ترتیب د ۲-۳ جدول په بڼه او د هغه څرګندول به نسبتاً آسان او ګټور وي، خو که چېرې د اعدادو شمېر ډېر زیات یا نمونه یې نسبتاً لویه وي، د شمېرو ترتیب د نومړي جدول په څېر ستومانه کار دی او زیات وخت هم غواړي. سربېره پر دې له نسبتاً محدودې استفادې پرته نه شو کولای له هغه څخه نور کار واخلو.

نو ځکه لازمه ده چې شمېرې په خلص او لنډ ډول داسې ترتیب شي تر څو د هغه څرګندول آسانه شي او کېدای شي زیات او ژور تحلیل تر سره شي تر څو د شمېرو پیچلی خصوصیت او اړیکې کشف او توضیح شي. د شمېرو د څرګندولو لنډیز او په عین حال کې ساده کول د هغوی د خاصیت او څرنګوالي له لاسه ورکولو پرته، د پېښېدو د بیا وېشنې (د فریکونسي د وېشنې) اساسي موضوع ده. یعنې شمېرې د صنفونو په بڼه چې، ځینې یې د (صنف، پوړ، ګروپ او ډلې په نوم هم یادیږي) ترتیب شوي. د اړوندو کتنو (مشاهداتو) او واقعاتو د پېښې یا وقوع (فریکونسي) تکرار او زیاتوالی په هر صنف کې تثبیت او وټاکل شي.

په هغه جدول کې چې شمېرې په دې بڼه ترتیب، تصنیف او څرګندیږي د بیا پېښې جدول (جدول تکرار وقوع) یا د (فریکونسي جدول)په نوم یادیږي.

په لومړنۍ بڼه د ټاکل شوو صنفونو په نظر د راټولو شوو شمېرو د وېشلو لپاره کولای شو د خط بندي له پاڼې (یا په عامیانه عبارت له چوب خط) یا د ثبت له فورمې څخه ګټه واخلو. په دې پاڼه کې لکه ۳-۳ جدول د هر ټولګي په وړاندې هغه شمېرې چې په هغه پوړې اړوندیږي خط کوو. په بل عبارت د هغو کورنیو شمېر چې، د هغو وسطي عاید په هر ټولګي کې شاملیږي، د هماغه ټولګي په وړاندې خط کوو، له دې خطونو څخه وروسته (دکورنیو تعداد) شمارو او د جدول په بله خانه کې یې په عدد څرګندوو. دا اعداد (د هر ټولګي په وړاندې د ثبت شوو خطونو شمېر) د ټولګي د بیا پېښېدلو (تکرار وقوع) یا فریکونسي څخه عبارت دی.

(c) ketabton.com: The Digital Library

۳-۳ جدول په ۱۳۸۵کال کې د ۱۴۲ کورنیو ارو د کلنۍ وسطي عاید خط بندۍ پاڼه

کورنیواره اندازه	چوب خط	کلنی وسطي عاید (زر افغانۍ)
10	𝍸 𝍸 𝍷	66.00-6649
15	𝍸 𝍸 𝍸	66.50-66.99
25	𝍸 𝍸 𝍸 𝍸 𝍸	67.00-67.49
40	𝍸 𝍸 𝍸 𝍸 𝍸 𝍸 𝍸 𝍸	67.50-67.99
20	𝍸 𝍸 𝍸 𝍸	68.00-68.49
14	𝍸 𝍸 𝍷𝍷𝍷𝍷	68.50-68.99
11	𝍸 𝍸 𝍷	69.99-69.49
7	𝍸 𝍷 𝍷	69.50-69.99
۱۴۲		

(c) ketabton.com: The Digital Library

۴-۳ جدول په ۱۳۸۵کال کې د ۱۴۲ کورنيو ارو دکلني وسطي عايد ثبت پاڼه

66.00 66.49	66.50 66.99	67.00 67.49	67.50 67.99	68.00 68.49	68.50 68.99	69.00 69.49	69.50 69.99
66.03	66.53	66.05	67.51	68.00	68.60	69.00	69.50
66.07	66.60	66.09	67.53	68.03	68.64	69.12	69.54
66.10	66.71	66.12	67.54	68.05	68.73	69.15	69.61
66.14	66.75	66.14	67.55	68.06	68.78	69.17	69.65
66.21	66.78	66.15	67.55	68.07	68.80	69.20	69.73
66.29	66.80	66.17	67.55	68.09	68.82	69.21	69.84
66.34	66.81	6..18	67.57	68.11	68.84	69.24	69.94
66.34	66.83	66.20	67.58	68.15	68.85	69.25	
66.37	66.84	66.20	67.61	68.15	68.87	69.46	(7)
66.40	66.87	66.22	67.65	68.17	68.91	69.48	
66.42	66.91	66.23	67.66	68.18	68.93		
	66.92	66.25	67.68	68.20	68.95	(11)	
(10)	66.93	66.25	67.71	68.22	68.98		
	66.93	66.28	67.73	68.29	68.99		
	66.95	66.29	67.74	68.30			
		66.32	67.75	68.33	(14)		
	(15)	66.38	67.75	68.40			
		66.41	67.78	68.45			
		66.44	67.79	68.47			
		66.47	67.80				
		66.47	67.80	(20)			
		66.48	67.81				
		66.48	67.82				
			67.83				
		(24)	67.83				
			67.85				
			67.85				
			67.85				
			67.85				
			67.86				
			67.86				
			67.89				
			67.90				
			67.91				
			67.92				
			67.92				
			67.94				
			67.96				
			(40)				

(c) ketabton.com: The Digital Library

په ۴-۳ جدول کې د ثبت د فورمې د سمبالولو طریقه ښودل شوې ده. په دې عملیه کې ټولګي په افقي بڼه (د جدول د خانو د عنوان په څېر) د جدول په پورتنۍ برخه کې سمبال شوي دي او هغه شمېرې یا اقلام چې په هر ټولګي پورې اړوندیږي تر هماغه ټولګي لاندې ثبت شوي دي. وروسته د هر ټولګي د اقلامو تعداد شمېرل کیږي او د هغوی مجموع د هماغه ټولګي د اړوندو اقلامو په پای کې د دوو لېندیو په منځ کې لیکل شوي دي، دا مجموعې د هر ټولګي فریکونسي جوړوي.

که څه هم د ثبت فورمې د خط بندۍ په پرتله زیات کار غواړي، خو د زیات کار په لرلو سره ښه والی هم لري.

الف- هغه اقلام چې سهواً ثبت شوي کېدای شي په آسانۍ سره اصلاح یا نورو اړوندو خانو ته ولېږدوي.

ب- که لومړني ټولګي د قناعت وړ نه وي کولای شو هغه په آسانۍ سره د دوهم ځل لپاره تصنیف کړو.

ج- هغه عدد چې د ټولګي په وسط کې ځای پرځای شوی، کولای شو په ښه توګه د هماغه ټولګي له اوسط سره پرتله کړو.

په یاد باید ولرو چې کولای شو د خط بندۍ پاڼه او د ثبت فورمه نظر لومړنیو شمېرو ته تشکیل کړو. او که شمېرې ترتیب شوې وي کار به په مراتبو سره آسان شي.

د ۳-۳ جدول د خط بندۍ د پاڼې پایلې او یا د ۴-۳ جدول د ثبت فورمې اوس کولای شو د فریکونسي په یوه جدول کې لکه د ۵-۳ جدول څرګند کړو.

۵-۳ جدول په ۱۳۸۵کال کې د ۱۴۲ کورنیو ارو دکلني وسطي عاید فریکونسي جدول

کلنی وسطي عاید (زر افغانۍ)	دکورنیو ارو اندازه (فریکونسي)
66.00-6649	10
66.50-66.99	15
67.00-67.49	25
67.50-67.99	40
68.00-68.49	20
68.50-68.99	14
69.99-69.49	11
69.50-69.99	7
	142

(c) ketabton.com: The Digital Library

د فریکونسي جدول تخنیکي اصطلاحات او مفاهیم:

ځینې تخنیکي اصطلاحات او مفاهیم د فریکونسۍ د جدول په اړه شته چې لري دا مفاهیم په لاندې توګه توضیح کیږي.

- **ټولګی:** په احصائیه کې د دوو عددو په وسیله هر ټاکل شوی واټن لکه 66.00 66.49- یا 69.50-69.99 د ټولګي، صنف، پوړ یا ګروپ په نامه یادیږي.
- **د ټولګي حدود:** هغه دوه عدده چې یو ټولګی رانغاړي د هماغه ټولګي حدود نومول کیږي. د ټولګي کوچنی عدد د ښکتني حد په نوم او لوی عدد د هماغه ټولګي د پورتني حد په نوم یادیږي. لکه:

  په ټولګي کې 66.00-66.49 چې له 66.00 تر 66.49 لوستل کیږي ښکتنی حد یې 66.00 او پورتنی حد یې 66.49 ده.
- **د ټولګي سرحد:** د بحث وړ ټولګي د ښکتني حد اوسط او د مخکیني ټولګي پورتنی حد د ښکتني سرحد په نوم او همدارنګه د دې ټولګي د پورتني حد اوسط او د وروستني ټولګي ښکتنی حد د اړوند ټولګي د پورتني سرحد په نوم یادیږي. د بېلګې په ډول د 67.00-67.49 په ټولګي کې لرو چې:

$$\text{ښکتنی سرحد} = \frac{67.00+66.99}{2} = 66.995$$

$$\text{پورتنی سرحد} = \frac{67.49+67.50}{2} = 67.4955$$

- **د ټولګیو واټن:** د یوه ټولګي واټن د هماغه ټولګي د ښکتني حد او د مخکني ټولګي د پورتني حد له توپیر څخه عبارت دی. د بېلګې په ډول په دوو مخکینیو ټولګیو کې د ټولګي واټن له 0.50 یا 500 افغانۍ څخه عبارت دی. یعنې: په ټولګي کې 66.00-66.49 او 66.50-66.99 په نظر کې نیسو.

  0.5=66.50-66.00 او یا 0.5-=66.00-66.50 = دټولګي واټن

  کولای شو د ټولګیو واټن د اوسطونو تر منځ نظر توپیر ته هم سنجش کړو.
- **د ټولګي پراخ والی:** د ټولګي پراخوالی د هماغه ټولګي د پورتني سرحد او ښکتني سرحد

(c) ketabton.com: The Digital Library

ترمنځ له توپیر څخه عبارت دی. د بېلګې په ډول په 67.00-67.49 لرو چې:

0.5=67.995-67.495

په دې بېلګو کې د ټولګیو واټن او پراخوالی په تصادفي توګه له یو بل سره مساوي دي خو دا حالت شاید په ټولو مواردو کې صدق ونه کړي.

- **د ټولګي فریکونسي:** د یوه ټولګي فریکونسي د هغو پېښو یا واقعاتو او کتنو یا مشاهداتو له تعداد (تکرار)څخه عبارت دی چې، په هماغه ټولګي پورې اړونديږي. لکه په ۵-۳ جدول کې د ټولګي فریکونسي 68.00-68.49 له 20 کورنیو وګړو څخه عبارت ده. یعنې د 142 سروې شوو کورنیو وګړو له جملې څخه د هغو 20 کورنیو وګړو کلنی عاید 68.00-68.49 زره افغانۍ دی.
- **د ټولګي منځ:** د یوه ټولګي وسط یا منځنی ټکی یا نقطه د هماغه ټولګي د حدودو له اوسط څخه عبارت دی. د بېلګې په ډول د ټولګي اوسط یا وسط 67.00-67.49 له 67.245 څخه عبارت دی یعنې:

$$\text{د ټولګي وسط} = \frac{67.00+67.49}{2} = 67.245$$

د فریکونسي د وېشنې ګرافیکي څرګندونه: د فریکونسي وېشنه کولای شو، د ګرافونو په مرسته هم څرګنده کړو. د احصائیوي اعدادو او معلوماتو ګرافیکي څرګندونه څرنګه چې په مخکني څپرکي کې مطالعه شوه په بېلابېلو بڼو او ډولونو ترسره کیږي. د فریکونسي د وېشنې د څرګندولو معمولي بڼه د بارچارت، هستوګرام یا ستوني ګراف په مرسته وي. بارګراف، پای ګراف، خط ماتی ګراف، د هغوی تصویري یا سمبولیک ګراف وي. په دې ځای کې په لنډه توګه ئې احصائیوي بڼې او د څرګندولو او انځورولو کړه وړه توضیح کیږي.

۱- **هیستوګرام:** دیوه احصائیوي ګراف یو هیستوګرام یا د فریکونسي هیستوګرام له یو شمېر مستطیلونو څخه جوړ شوی دی څرنګه چې:

a. مستطیلونه په عمودي توګه د (x) پر افقي محور باندې په دې ډول ځای پرځای شوي دي چې، د هغوی عرض د ټولګیو د واټن له اندازې سره مساوي او وسط ئېد ټولګیو په وسطي ټکي باندې وي.

b. د مستطیلونو ساحه یا مساحت د اړوندو ټولګیو له فریکونسیو سره متناسبه دي، دا

(c) ketabton.com: The Digital Library

حالت البته هغه وخت صدق کوي چې، د ټولګیو واټن ګډ (مشترک) وي پرته له دې باید
د مستطیلونو لوړوالی (ارتفاع) برابر کړی شي.

c. د مستطیلونو شمېر د ټولګیو له شمېر سره سم د یوې فریکونسي په ویشنه کې وي.

د یوه هیستوګرام په انځور کې باید لاندې ټکي په پام کې ونیول شي.

الف- د فریکونسي د ویشنې هیستوګرام ۵-۳جدول په ۱-۳ شغل یا کارکې ځرګند شوي دي.
د فریکونسي په دې بڼه کې ټولګي په افقي محور (xمحور) کې وضع شوي دي او د
y د محور مقیاس بندي باید له صفر څخه پیل او له قطع کېدو پرته دوام پیدا کړي.

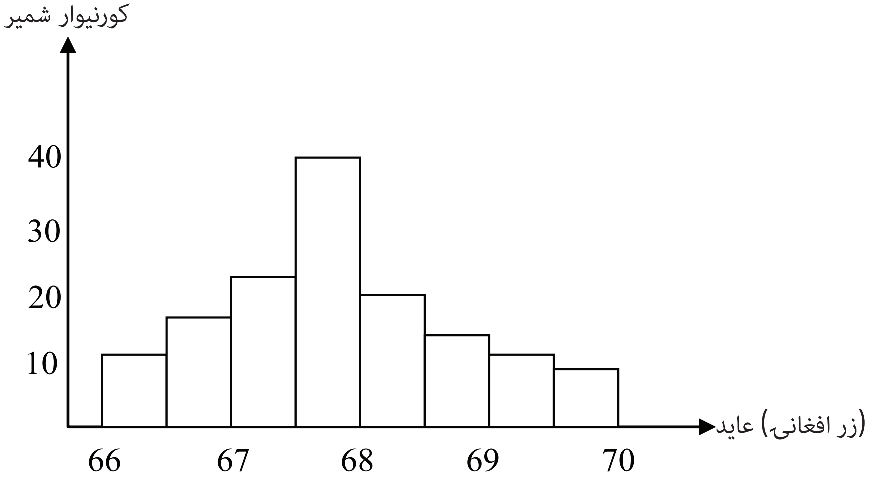
ب- په افقي محور کې باید یو واټن د بشپړو ټولګیو د نیم یا یوه واټن په اندازه د مستطیل
په خوا کې کېښودل شي.

ج- د x افقي محور باید داسې مقیاس بندي شي چې، وکړی شي د اړوندو ټولګیو د مستطیلونو
پایې په وضاحت سره وښیي، د دې محور مقیاس بندي معمولاً د ټولګیو د حدودو پر
اساس ترسره کیږي، که شمېرې اوړدې (متمادي) وي د یوه ټولګي پورتنی حد د وروستني
ټولګي له ښکتني حد سره برابریږي. په دې صورت کې د ګراف مستطیلونه له یوبل
سره نښتي وي. که چېرې شمېرې اوږدې نه وي یعنې غیر متمادي وي ښه به وي چې
د ټولګیو ښکتنی حد د x په محور کې وښودل شي. په ځینو حالاتوکې یواځې د ټولګیو
وسطي ټکی د افقي محور پر مخ ځرګندیږي. (۲-۳)بڼه

د- ځرنګه چې پورته اشاره وشوه د x محور باید د ټولګیو د واټن د ګډ والي په صورت کې
په مساوي حد وویشل شي. که چېرې د ټولګیو واټن له یو بل سره توپیر ولري د محور
مقیاس بندي باید له هغوی سره سمه ترسره شي د بېلګې په ډول که د ټولګیو واټن توپیر
ولري باید دا توپیر د افقي محور پر مخ په وضاحت سره وښودل شي. که واټن 5 او د
بل یې 15,5وي په دې صورت کې د دویم ټولګي واټن د x د محور پرمخ باید د لومړني
ټولګي د واټن څو برابره وي. په دې حالاتو کې د اصلي فریکونسیو پر ځای د فریکونسیو
زیاتوالي یا کثرت ځرګندیږي.

هـ- په هیستوګرام کې معمولاً د مستطیلونو اوږدوالی د هغوی له عرض څخه زیات وي.
خو په ځینو مواردو کې د هغه بالعکس امکان لري یعنې په هغو حالاتوکې چې، د یوه
ټولګي واټن (د وضع شوو واحدونو په اساس) د هماغه ټولګي له اړوندې فریکونسي
څخه لوی وي. اړوند مستطیل د هغه له اوږدوالي څخه د زیات عرض لرونکی وي.

(c) ketabton.com: The Digital Library



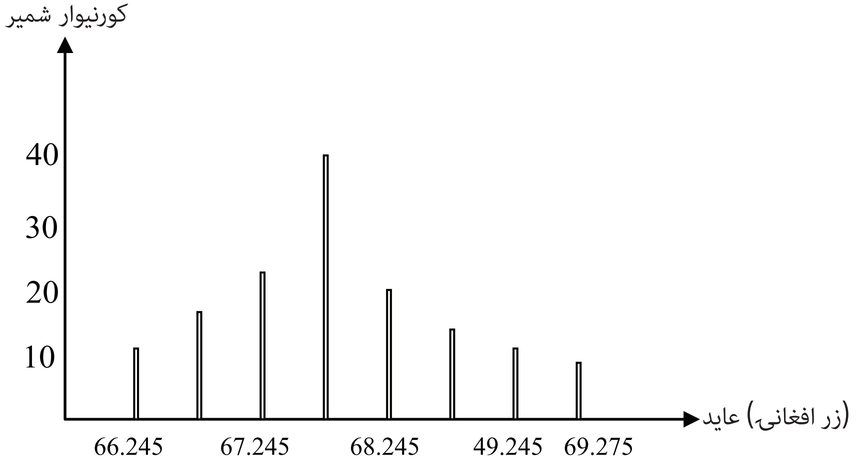
(۱-۳) بڼه په ۱۳۸۵ کال کې د ۱۴۲ کورنیو کلنی اوسط عاید په هیستوګرام

د یادونې وړ ده چې په ۱-۳ بڼه کې د هر مستطیل ساحه د ۵-۳ په جدول کې د هر ټولګي د فریکونسي له تعداد سره مساوي وي. همدارنګه د پورتنۍ بڼې مجموعي ساحه د فریکونسیو له مجموعې سره مساوي وي. په عمومي توګه د یوه هیستوګرام له انځور څخه هغه مهم ټکی، چې کیدای شي پرې پوه شو د هر ټولګي د واټن د ساحې متناسب والی پر افقي محور باندې د هماغه ټولګي د فریکونسي له ویشنې څخه ده. د هیستوګرام د دې خصوصیتونو په نظر کولای شو ووینو چې، د فریکونسي محور څرګندوي. په حقیقت کې د پېښو یا کتنو (وقوع او مشاهداتو) زیاتوالی د هر مقیاس واحد په نظر د x محور افاده کوي.

۲- بار چارت: د یوې فریکونسي د وېشنې د څرګندولو بله لار د بارچارت په مرسته ترسره کیږي. په دې بڼه کې د۱-۳ بڼې د مستطیلونو په ځای عمودي کرښې رسمیږي. د هرې عمودي کرښې ستنه (پایه) په افقي محور کې د ټولګي په وسطي ټکي باندې ځای پرځای کیږي چې، دهغې اړوندې فریکونسي لوړوالی (ارتفاع) ښیي.

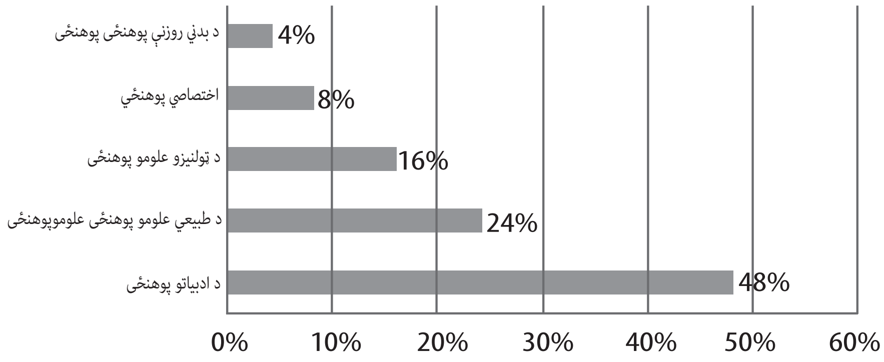
زموږ د مطالعې وړ بېلګه بارچارت، په ۲-۳ بڼه کې څرګنده شوې ده. باید یادونه وکړو چې، بارچارت زیاتره د غیر متمادي اعدادو د ګرافیکي څرګندولو په اړه په کار اچول کیږي.

(c) ketabton.com: The Digital Library



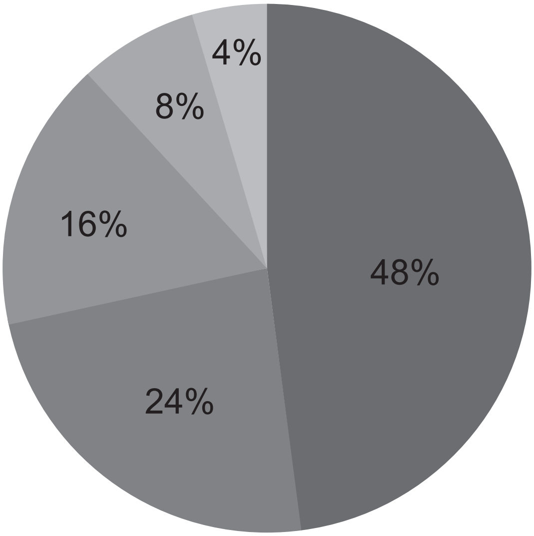
(۳-۲) بڼه په ۱۳۸۵ کال کې د ۱۴۲ کورنیو کلنی وسطي عاید بارچارت

۳- بارګراف BAR GRAPH: باراګراف له احصائیوي ګرافونو څخه یو ګراف دی چې، د فیصدۍ په اساس له مجموع څخه انځورېږي. د بېلګې په ډول که چېرې د کابل د ښوونې او روزنې په پوهنتون کې د ادبیاتو پوهنځي د محصلینو شمېر 48%، د طبیعي علومو د پوهنځي د محصلینو شمېر24% او د ټولنیزو علومو د پوهنځي د محصلینو شمېر16%، د اختصاصي پوهنځي د محصلینو شمېر8% او د بدني روزنې د پوهنځي د محصلینو شمېر4% وي، دا معلومات له بارګراف څخه په استفادې په لاندې شان ښودلی شو.



(c) ketabton.com: The Digital Library

۴- پای ګراف Pie graph: پای ګراف هم د فیصدۍ په اساس له غونډ (مجموع) څخه انځوریږي، چې یوه بشپړه دایره نظر ورکړل شوو فیصدیو ته په پام کې نیول کیږي او پای ګراف نظر هماغې وېشل شوې فیصدۍ ته د دایرې پر سر انځوریږي. په دې روش کې د یو درست (کُل) تشکیل کوونکي اجزاوو فیصدي د دایرې د وړانګې (شعاع) په مرسته چې، مرکزي زاویه یې د جزء له فیصدیو سره متناسبه وي. په دې منظور د پای ګراف ورکړل شوې فیصدي په پام کې نیسو.



د ادبیاتو پوهنځی 48%
د طبیعي علومو پوهنځی 24%
د ټولنیزو علومو پوهنځی 16%
د اختصاصي علومو پوهنځی 8%
د بدني روزنې پوهنځی 4%

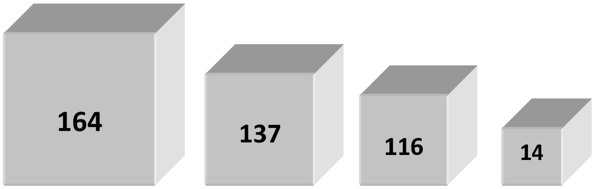
۵- خط ماتی (شکسته) ګراف Broken Line Graph: خط ماتی ګراف د متحولینو ترمنځ د اړیکو د څرګندولو لپاره په کار اچول کیږي. په دې صورت کې دا اړیکه د متحولینو د قیمتونو د مرتبو جوړو په ذریعه د ټکو په بڼه د وضعیه کمیاتو د سیستم پر مخ ښودل

(c) ketabton.com: The Digital Library

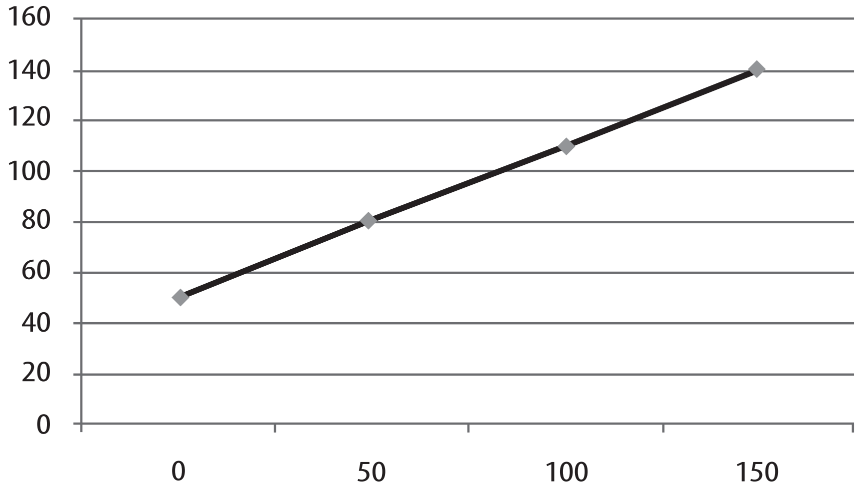
کیږي او وروسته لاسته راغلي ټکي د ټوټه کرښو په مرسته له یو بل سره نښلوو چې د ګراف بڼه په لاس راځي او هغه ګراف چې په دې ترتیب لاسته راځي د خط ماتي ګراف په نوم یادیږي.

خط ماتی ګراف معمولاً هغه وخت د استفادې وړ ګرځي چې، د یو متحول بدلونونه په زماني وقفو کې تر مطالعې لاندې نیول کیږي. لکه د زړه ګراف او داسې نور.

۶- تصویري یا سمبولیک ګراف Picto Graph: په تصویري ګراف کې ارقام د سمبولیکو کوچنیو تصویرونو په مرسته ښودل کیږی. د هر تصویر او سمبول کچه په رقم پورې اړوندیږي. لکه د ۱۶ تنو، ۱۱۶، ۱۳۷، ۱۶۴ تنو ارقام کولای شو د مکعباتو په بڼه نظر کوچنیو او لویو ارقامو ته په لاندې توګه وښیو.



سمبولیک ګراف



خط ماتی ګراف

(c) ketabton.com: The Digital Library

نسبي او متراکمې (مجموعي) فریکونسي ګانې

نسبي فریکونسي: د یوه ټولګي نسبي فریکونسي د هماغه ټولګي د فریکونسي نسبت د ټولو ټولګیو د فریکونسي له مجموع څخه عبارت دی او معمولاً په فیصدۍ څرګندیږي، مثلاً د لومړي ټولګي نسبي فریکونسي په لاندې معلوماتو کې عبارت ده له:

د صعودي (زیاتېدونکې) متراکمې فریکونسۍ جدول

X	F	متراکمه فریکونسي زیاتېدونکې
34-45	10	10
45-55	15	25
55-65	12	37
65-75	17	54
75-85	12	66
85-95	5	71
95-105	10	81
مجموع	$\sum F = 81$	

د لومړي ټولګي نسبي فریکونسي $= \frac{10}{81}.100 = 12.34\%$

متراکمه (مجموعي) فریکونسي: د متراکمو یا مجموعي فریکونسي ګانو وېشنه کولای شو په دوو لارو وشیو، یعنې د صعودي (زیاتېدونکو) متراکمې فریکونسي وېشنه او د ټیټېدونکې(متناقصې) متراکمې فریکونسي وېشنه.

الف- صعودي (زیاتېدونکې) متراکمه فریکونسي: په دې فریکونسي کې له لومړنۍ فریکونسي یا د ټولګي له کوچنۍ فریکونسي څخه پیل شوې. په ترتیب سره د هر ټولګي له فریکونسي سره جمع او د اړوند ټولګي په وړاندې ځای پرځای شوي دي، مثلاً د لومړي ټولګي متراکمه فریکونسي په پورته مثال کې 10 دویم ټولګی 25، دریېم ټولګی 37، څلورم ټولګی 54 او په همدې ترتیب تر اووم ټولګي 66، 71 او 81 دي او یا اووم ټولګی له لومړي څخه تر اومه پورې د ټولو فریکونسي ګانو مجموع ده.

ب- ټیټېدونکې (متناقصه) متراکمه فریکونسي: د متناقصو متراکمو فریکونسي ګانو په ترتیبولو کې یا د فریکونسي ګانو مجموع د لومړي ټولګي په وړاندې ځای په ځای شوي دي او په ترتیب سره د هر ټولګي فریکونسي د پاتې شوو له مجموع څخه

(c) ketabton.com: The Digital Library

تفریــق او د اړوند ټولګي په وړاندې لیکل شــوي دي. مثلاً: د لومړي ټولګي ټیټېدونکې متراکمــه فریکونسي 81 یعنې د فریکونسي ګانو مجموع او د فریکونسي ګانو له مجموع څخه وروســته، د لومړي ټولګي فریکونسي منفي د دویم ټولګي د متراکمې مجموع په فریکونسي کې لیکل کیږي او په همدې ډول تر اووم ټولګي پورې دوام پیدا کوي.

د متناقصې (ټیټېدونکې) متراکمې فریکونسي جدول

X	F	زیاتېدونکې متراکمه فریکونسي
34-45	10	81
45-55	15	71
55-65	12	56
65-75	17	44
75-85	12	27
85-95	5	15
95-105	10	10

د دریېم څپرکي د مطالبو لنډیز:

- **د پېښېدو (وقوع) بیا وېشنه (د فریکونسي وېشنه):** که چېرې اعداد نظر د هغوی کچې او کمیت ته ترتیب او توضیح شي دغه عملیه د پېښېدو بیا وېشنې یا د فریکونسي وېشنې په نوم یادوي.
- **د اعدادو راټولونه:** د فریکونسي په وېشنه کې د لومړنیو اعدادو توحید او انسجام معمولاً په مستقیم او غیر مستقیم ډول په اتفاقي او خپور (پراګنده) توګه تر سره کیږي. اعداد له راټولونې وروسته ترتیب، توحید او خلاصه کیږي تر څو تحلیل او نتیجه ګیري آسانه شي.
- **د اعدادو تصنیف:** که چېرې اعداد لږ یا د نمونې کچه کوچنۍ وي د اعدادو ترتیب نسبتاً آسانه دی، که چېرې اعداد زیات او نمونه نسبتاً لویه وي د اعدادو ترتیب په جدول کې آسانه کار نه دی، زیات وخت غواړي او محدوده ګټه ورڅخه اخستل کیږي.

نو ځکه اعداد په هغه بڼه چې ترتیب، تصنیف او څرګندیږي د بیا پېښېدو جدول (د فریکونسۍ جدول) په نوم یادیږي.

د فریکونسي جدول تخنیکي اصطلاحات او مفاهیم

ټولګی: په احصائیه کې هر ټاکل شوی واټن د دوو عددو په وسیله لکه 66.00-66.49 د ټولګي په نوم یادیږي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د ټولګـــي حـــد او حدود: هغه دوه عدده چـــې یو ټولګی رانغـــاړي، د ټولګي حد او حدود یادیږي. کوچنی عدد د ښکتني حد او لوی عدد د پورتني حد په نوم یادیږي.
د ټولګي سر حد: د بحث وړ ټولګي د ښکتني حد اوسط او د مخکني ټولګي پورتنی حد، د ښـــکتني سرحد په نوم، او د نظر وړ ټولګي پورتني حد او د وروســـتني ټولګي ښکتنی حد د پورتني سرحد په نوم یادیږي.
د ټولګـــي واټـــن: د هماغه ټولګي د ښـــکتني حد او د مخکني ټولګي دښـــکتني حد توپیر د ټولګي واټن دی.
د ټولګـــي پراخ والی: د ټولګي پراخوالی د هماغه ټولګي د پورتني سرحد او ښـــکتني سرحد ترمنځ توپیر دی.
د ټولګي فریکونسي: د هغو پېښـــو او کتنو (واقعاتو او مشـــاهداتو) له تعداد (تکرار) څخه عبارت دی چې په هماغه ټولګي پورې اړوندیږي.
د ټولګي وسط: د یوه ټولګي منځنۍ برخه د هماغه ټولګي د حدودو له اوسط څخه عبارت دی.
د فرېکونـــسي د وېشـــنې ګرافیکي څرګندونه:کولای شـــو دځینو ګرافونو لکه: هیســـتوګرام، باراګراف، پای ګراف، خط ماتي او تصویري ګراف یا سمبولیک ګراف په وسیله څرګند کړو.

د دریم څپرکي پوښتنې

١- د فریکونسي د وېشنې مفهوم په لنډه توګه توضیح کړئ؟
٢- په هغه کې لاندي ورکړل شوي معلومات

66.00-66.49

66.50-66.99

67.00-67.49

67.50-67.99

الف- د ټولګي حد او حدود وټاکئ؟
ب- د ټولګي ښکتنی او پورتنی سرحد وټاکئ؟
ج- ټولګی تشخیص کړئ؟
د- د ټولګیو پراخ والی وټاکئ؟
هـ- د ټولګیو اوسط تشخیص کړئ؟
٣- د یوې کورنۍ کلني لګښتونه ورکړل شوي دي، دا لګښتونه د بارګراف او پای ګراف د احصائیوي ګراف په بڼه څرګند کړئ؟
4- د ټولګي واټن څه شی دی؟

(c) ketabton.com: The Digital Library

څلورم څپرکی

مرکزي (اوسط) میلان مقیاس

ټولیزه موخه:

د اوسطونو په مفهوم پوهېدل او د هغوی د ځانګړو بڼې.

د زده کړې موخې: د دې څپرکي په پای کې باید محصلین د حساب د ځانګې د اوسطونو مفهوم تعریف او توضیح کړای شي.

۱- حسابي اوسط
۲- هندسي اوسط
۳- هارمونيکي اوسط
۴- مربعي اوسط

- مود (د فریکونسۍ زیاتوالی) د هغو اوسطونو په مفهوم پوهېدل چې، وسطي موقعیت لري.
- میدیان (د فریکونسي اوسط)
- د کارتیلونو، سانیلونو او دسیلونو په سنجش او مفهوم پوهېدل

اوسطونه: یو شمېر احصائیوي مقیاسونه شتون لري چې، د اوسطونو په توګه په کار اچول کېږي. اوسطونه د هغوی د ریاضي اړخونو له پلوه په دوه ګروپونو باندې وېشل کېږي.

هغه شمېرې چې د حساب د سنجش له نظره د عدد د اوسط په توګه راوځي او دویم ګروپ چې منځنی موقعیت لري.

لومړی ګروپ: په لومړني ګروپ کې حسابي اوسط، هندسي اوسط، مربعي اوسط او هارمونيکي اوسط شامل دي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

دويم گروپ: میدیان (د فریکونسي وسط) مود (د فریکونسي زیاتوالی) او داسې نور رانغاړي. باید ووایو چې په زیاتره ځایونو کې یواځې یو مقیاس یا تشریحي مشخصې ته اړتیا لرو، تر څو نظر هغه ته د بلې لړۍ شمېرې مطالعه کړو. دا عدد باید له هغو ټولو اعدادو څخه استازیتوب وکړي چې، د هغې په وسیله تشریح کیږي. په دې منظور نوموړی عدد باید تمایل یا میلان همدارنګه د لړۍ د شمیرو ویشنه د یوه مرکزي یا وسطي ارزښت په خواکې وښیي. له دې پلوه استازی عدد د مرکزي میلان مقیاس یا معمولاً د اوسط په نوم یادیږي.

یا په بل عبارت د یوې لړۍ یا سلسلې اوسط د یوه ارزښت یا یوه عدد څخه دی، چې له ټولو اعدادو څخه استازیتوب وکړي او څرنګه چې دا عدد د لړوالي له پلوه د اړوندو شمېرو د لړۍ یا سلسلې په وسط یا مرکز کې ځای پرځای کیږي، ځینې وخت د مرکزي ګذارش مقیاس په نوم هم نومول کیږي.

څرنګه چې مو وویل مرکزي تمایل یا د مرکزي میلان مقیاس د بېلا بېلو ځانګو لرونکي دي چې زیات معمولي یې عبارت دي له:

1- **حسابي اوسط:** د ورکړل شوو اعدادو د ټولو ارقامو حاصل جمع د هغوی پر تعداد باندې له تقسیم څخه عبارت دی. که چېرې دحسابي وسط په $\overline{X}$ او ورکړل شوې شمېرې یا ارقام په X_1 ، X_2، X_3 ..... X_n وښودل شي نو حسابي اوسط مساوي کیږي په:

$$\overline{X}=\frac{X_1+X_2+X_3 \ldots X_n}{n}=\frac{\sum_{n=1}^{n} X_1}{n}$$

د (Σ) (زیګما) علامه (د یوناني لوی توري سیګما یا زیګما) معمولاً د مجموع یا جمع کولو په مفهوم په کار اچول کیږي.

د بېلګې په ډول که 10 عدده ولرو او هر یو یې په x_1 (i=1,2,...10) افاده کړو او وغواړو د دغو اعدادو مجموعه پیدا کړو کولای شو ولیکو.

$$X_1+X_2+\ldots\ldots+X_{10}=\sum_{i=1}^{10} X_1$$

بېلګه: د ارقامو حسابي اوسط 3,11,12,13,14,16,17,18 عبارت دی له:

$$\overline{X}=\frac{3+11+12+13+14+16+17+18}{8}=\frac{104}{8}=13$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

بېلګه: که اوه عدده، 2، 7، 8، 5، 13، 15، 20 ولرو د هغه حسابي اوسط به عبارت وي له:

$$\overline{X} = \frac{15+2+7+8+5+13+20}{7} = \frac{70}{7} = 10$$

له مؤثر اوسط څخه يو د استفاده کولو خصوصي حالات په هغه حالت کې دی چې، د څو سټونو آمارو يا ارقامو عمومي اوسط د هر سټ د اوسطونو په مرسته مطلوب وي. لکه که چېرې X_1 اوسط n_1 عدد، X_2 اوسط n_2 په همدې ترتيب بالاخره X_n اوسط n_k عدد وي ترډې شرايطو لاندې عمومي اوسط مساوي دی له:

$$\overline{X} = \frac{\sum_{i=1}^{k} n_1 \overline{X_1}}{\sum_{i=1}^{k} n_1}$$

بېلګه: د يوه ټولګي د 26 تنو اوسطې نمرې 74.7 د همدې ټولګي د 32 تنو نورو اوسطې نمرې85.2 او د همدې ټولګي د پاتې 35 تنو اوسط 71.5 دی. د ټولګي اوسطه نمره محاسبه کړئ.

$$\overline{X} = \frac{26(74.7)+32(85.32)+35(71.5)}{26+32+35} = 77.12$$

بېلګه: يو هټۍ وال 28 کيلوګرامه چای، يو کيلو ګرام په120000 افغانۍ، 18 کيلوګرامه چای يو کيلوګرام په 130000 افغانۍ او 48 کيلوګرامه چای، يو کيلو ګرام په 13500 افغانۍ خرڅ کړ، د هر يو کيلو ګرام چای اوسط قيمت معلوم کړئ.

$$\overline{X} = \frac{28(120000)+18(130000)+48(135000)}{28+18+48} = 129545.5Af$$

الف- د اوړدې يا متمادي لړۍ حسابي اوسط (ډلبندي شوي اعداد): د اوړدو تصنيف شوو اعدادو اوسط ځای کولای شو له لاندې درېو لارو لاسته راوړو.

a- مستقيم ميتود

b- غير مستقيم ميتود يا فرضي اوسط

c- د پړاويز (مرحله اي) انحراف ميتود

a- په مستقيم ميتود کې د يوې اوړدې لړۍ د حسابي اوسط سنجش لپاره کولای شو له لاندې فورمول څخه ګټه واخلو.

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$X=\frac{\sum fn}{\sum f}$$

چې په هغه کې X اوسط، m د ټولګي وسطي ټکی، f د ټولګيو اړونده فريکونسي ښيي.

بېلګه: د سلو تعاوني مغازو د خرڅلاو د اندازې په اړه لاندې معلومات په لاس کې شته، د خرڅلاو وسطي اندازه يا کچه معلومه کړئ.

د خرڅلاو اندازه (زر افغانۍ)

X	f	M	Fm
5-15	10	10	100
15-25	20	20	400
25-35	30	30	900
35-45	25	40	1000
45-55	10	50	500
55-65	5	60	300
			$\Sigma fm=3200$

$$X=\frac{\sum fn}{\sum f}$$

$$X=\frac{3200}{100}$$

X=32زرافغانۍ

b- د فرضي اوسط په طريقه: له لاندې فورمول څخه ګټه اخيستل کيږي.

$$X=A+\frac{\sum fd}{\sum f}$$

چې په هغه کې A فرضي اوسط او $\sum d$ مساوي دی له d=m-A سره.

بېلګه: پورتنی تمرين په پام کې نيسو، د وسطي خرڅلاو اندازه د دې ميتود په مرسته پيدا کړئ.

(c) ketabton.com: The Digital Library

فرض کړئ چې A یا فرضي اوسط مساوي له 30 سره وي.

X	F	M	d=m-A	Fd
5-15	10	10	10-30=-20	-200
15-25	20	20	20-30=-10	-200
25-35	30	30	30-30=0	0
35-45	25	40	40-30=10	250
45-55	10	50	50-30=20	200
55-65	5	60	60-30=30	150
	$\sum f = 100$			$\sum fd = 200$

$$X=A+\frac{\sum fd}{\sum f} \Rightarrow X = 30 + \frac{200}{100} = 32$$ زره

C- د مرحله يي انحراف میتود: په دې روش کې د سنجشونو د آسانۍ لپاره د ټولګیو ګډ واټن سنجول کیږي او د هغه نتیجه په ګډ واټن کې ضربیږي چې، فورمول یې په لاندې ډول دی.

$$X=A+\frac{\sum fd}{\sum f}.C$$

چې په هغه کې d=m-A او C د ټولګیو ګډ واټن ښيي فرض کوو چې، A د فرض اوسط مساوي له 40 سره وي.

د مخکینۍ بېلګې ارقام په پام کې ونیسئ. د وسطي خرڅلاو اندازه د پورتني فورمول په مرسته سنجش کړئ. د خرڅلاو اندازه (په زر افغانۍ).

X	F	M	m-A=d	d□ $\frac{d}{c}$	Fd□
5-15	10	10	-30	-3	-30
15-25	20	20	-20	-2	-40
25-35	30	30	-10	-1	-30
35-45	25	40	0	0	0
45-55	10	50	10	1	10
55-65	5	60	20	2	10
	100				$\sum fd' = -80$

(c) ketabton.com: The Digital Library

A=40

C=10

$X=A+\frac{\sum fd'}{\sum f}.C$

زر $X=40+\frac{-80}{100}.10=40-8=32$

۱ـ هندسي اوسط: هندسي اوسط د m له جذر د n له حاصل ضرب، له کتنې او یا ارزښتونو څخه عبارت دي. که په یوه لړۍ کې دوه عدده شتون ولري، د هغه مربع جذر او که درې شمېرو لرونکی وي، مکعب جذر او په همدې ترتیب د لړۍ د ارقامو له تعداد سره سم د هغه جذر اخیستل کیږي. په سمبولیک ډول هندسي اوسط د لاندې فورمول په مرسته لاسته راځي:

$GM=\sqrt[n]{X_1.X_2.X_3....X_n}$

چې په هغه کې X_1، X_2، X_3، X_n او داسې نور د لړۍ بېلا بېل اقلام ښيي. که چېرې د لړۍ اقلام درې یا له دریو څخه زیات وي د ارزښتونو ضرب کول او د هغه د جذر لاسته راوړل ډېر ستونزمن کار دی، د سنجش د ساده کولو لپاره له لوګاریتم څخه استفاده کیږي.

د یواځې (منفردو) کتنو هندسي اوسط سنجش: د یواځې (انفرادي) کتنو د هندسي اوسط سنجش لپاره له لاندې فورمول څخه ګټه اخیستل کیږي. $GM\ \frac{\sum \log x}{N}$

بېلګه: د لاندې کتنو هندسي اوسط پیدا کړئ.

N=5 $GM=\frac{11.31}{5}=2.26$

X	Log X
125	2.09
275	2.43
300	2.47
185	2.26
115	2.06
	$\sum \log x=11.31$

(c) ketabton.com: The Digital Library

بېلګه: د 45 او 90 او 180 اعدادو هندسي اوسط او حسابي اوسط پیدا کړئ.

حل: $\text{GM}=\sqrt[3]{45.90.180}=\sqrt[3]{729000}=90$ هندسي اوسط

$\text{Am}=\frac{45+90+180}{3}=105$ حسابي اوسط

بېلګه: د درې شمېرو 2، 4 او 8 هندسي او حسابي اوسط عبارت دی له:

$G=\sqrt[n]{X_1.X_2.X_3....X_n}$

$G=\sqrt[3]{(2)(4)(8)}=64=4$

$\overline{X}=\frac{2+4+8}{3}=\frac{16}{3}=4.7$

په عمومي توګه د مثبتو اعدادو د هرې لړۍ یا سلسلې حسابي اوسط د هغه له هندسي اوسط څخه لوی وي. یا دا چې د لړۍ ټول اعداد له یوبل سره مساوي وي او که چېرې د لړۍ اعداد ټول یو شان برابرې وي. د نوموړې لړۍ حسابي اوسط او هندسي اوسط هم له یو بل سره مساوي وي. او که چېرې پورتنی فورمول د لوګاریتم په بڼه افاده کړو د هندسي اوسط سنجش په مراتبو آسانه کیږي یعنې:

$G=(X_1.X_2.\ ...\ X_n)^{\frac{1}{n}}$

$\text{Log } G=\frac{1}{n}\log(X_1.X_1...X_n)=\frac{1}{n}(\log x_1+\log x_2...+\log x_n$

$G=\frac{\sum \log x}{n}$

بېلګه: د 3، 5، 6، 6، 7، 10 او 12 هندسي اوسط پیدا کړئ.

حل :

$G=\sqrt[n]{(X_1)(X_2)...(X_n)}\quad G=(X_1)(X_2)(X_n)^{\frac{1}{n}}$

$\text{Log } G=\frac{\sum \log x}{n}$

$G=\sqrt[7]{(3)(5)(6)(6)(7)(10)(12)}=\sqrt[7]{453600}$

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$\text{Log G}=\frac{1}{7}\log 453600$$

G=6.43

او یا کولای شو ولیکو:

$$\text{Log G} = \frac{1}{7}(\log3+\log5+\log6+\log7+\log10+\log12)$$

G=6.43

b: د لنډې (غیر متمادي) لړۍ هندسي اوسط سنجش: د لنډې (غیر متمادي) لړۍ د هندسي اوسط سنجش د لاندې فورمول په مرسته ترسره کیږي:

$$\text{GM}=\frac{\sum f \log X}{\sum f}$$

بېلګه: په یوه احصائیوي تحقیق یا څېړنه کې په ۹۳ کورنیو کې کلنی عاید په لاندې ډول لاسته راغلی دی.

X	F	LogX	flogX
10000	1	4	4
800	50	2.9	145
400	25	2.6	65
7500	2	3.87	7.74
1000	3	3	9
1500	4	3.17	12.68
1200	3	3.07	9.21
600	5	2.77	31.85
	$\sum f = 93$		$\sum f \log X = 266$

$$\text{GM}=\frac{\sum f \log X}{\sum f}=\frac{266}{93}=2.9$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

د اوږدې (متمادي) لړۍ هندسي اوسط سنجش: د اوږدې (متمادي) لړۍ د هندسي اوسط د سنجش لپاره له لاندې فورمول څخه ګټه اخیستل کیږي:

$$GM=\frac{\sum f \log m}{\sum f}$$

په دې ځای کې m د ټولګیو وسطي ټکی دی.

بېلګه: د 50 تنو محصلینو د یوه ځانګړي مضمون د نمرو په برخه کې لاندیني معلومات ورکړل شوي دي، وسطي نمره د هندسي له اوسط څخه په استفادې پیدا کړئ.

نمرې X	د محصلینو شمېر F	M	Log m	F Log m
0-10	8	5	0.69	5.52
10-20	12	15	1.17	14.04
20-30	20	25	1.39	27.8
30-40	6	35	1.54	9.24
40-50	4	45	1.65	6.6
	$\sum f=50$			$\sum flogm=63.53$

$$GM=\frac{\sum f \log m}{\sum f}=\frac{63.53}{50}=1.27$$

د هندسي اوسط د استعمال خاص موارد: هندسي اوسط د خرڅلاو، تولیداتو، نفوسو، او د اقتصادي او تجارتي نورو وسیلو د زیاتوالي د وسطي فیصدۍ د پیدا کولو لپاره د استفادې وړ ګرځي. د بېلګې په ډول که فرض کړو چې له 1359 کال څخه تر 1367 کال پورې قیمتونه په ترتیب سره %5، %15 او %18 د قیمت کلنی وسطي زیاتوالي %11 د حسابي اوسط په مرسته وي البته دا دقیقه نه ده بلکې %15.9 د هندسي اوسط په مرسته لاسته راغلې.

۲- هندسي اوسط د شاخصونو د منځ ته راتلو لپاره ډېرښه اوسط دی.

(c) ketabton.com: The Digital Library

۳- په هغو موارد و کې چې کوچني اقلام د ستر ډېر دروندوالي لرونکي او لوی اقلام د کوچني لږ دروندوالي لرونکي وي ډېر مناسب اوسط، هندسي اوسط دی.

هارمونیکي اوسط: هارمونیکي اوسط یو ډول اوسط دی چې د استعمال محدود موارد لري او زیاتره وخت په خاصو ځایونو کې د احصائیوي اشتباهاتو د مخنیوي لپاره ورڅخه ګټه اخیستل کیږي. له دې اوسط څخه معمولاً په ورځ او یا په ساعت کې د تولید شوو محصولاتو د قیمتونو د لړۍ په تحلیل کې ګټه اخیستل کیږي. د هارمونیک اوسط د یواځې (منفرد) کتنو حسابي اوسط د معکوس په توګه محاسبه کیږي.

په دې ترتیب د هارمونیک اعدادو د یوې لړۍ، هارمونیک اوسط عبارت دي له:

$$X = \frac{\sum X}{N} \Leftrightarrow Hm = \frac{N}{\sum \frac{1}{Xn}}$$

$$H = \frac{\dfrac{1}{\dfrac{1}{X_1} + \dfrac{1}{X_2} + \dfrac{1}{X_3} \ldots + \dfrac{1}{X_n}}}{n}$$

$$H = \frac{1}{\dfrac{\sum \frac{1}{x}}{n}} = \frac{N}{\sum \frac{1}{X}}$$

د بېلګې په ډول د درېو اعدادو 2 او 4 او 8 هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

$$H = \frac{1}{\dfrac{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}}{3}} \frac{1}{\dfrac{\frac{7}{8}}{3}} = \frac{3 \times 8}{7} = \frac{24}{7} = 3.43$$

بېلګه: یوه موټر 100 کیلومتره واټن له 20 کیلومتره سرعت سره، 100 کیلومتره له 25 کیلومتره سرعت سره او 100 کیلومتره له 50 کیلومتره سرعت سره په یوه ساعت کې وهلی دی، د هغه متوسط سرعت محاسبه کړئ.

(c) ketabton.com: The Digital Library

حل: موټر 300 کیلومتره واټن په بېلا بېلو سرعتونو سره وهلي دي، چې اړوند وختونه عبارت دي له:

$$t_1=\frac{100}{20}=5h$$

$$t_2=\frac{100}{25}=4h$$

$$t_3=\frac{100}{50}=2h$$

او متوسط سرعت عبارت دی له:

$$\overline{V}=\frac{100+100+100}{5+4+2}=\frac{300}{t_1+t_2+t_3}$$

$$=\frac{300}{\frac{100}{20}+\frac{100}{25}+\frac{100}{50}}=\frac{3}{\frac{1}{20}+\frac{1}{25}+\frac{1}{50}}$$

$$=\frac{3}{\frac{5+4+3}{100}}=\frac{3}{\frac{11}{100}}=\frac{300}{11}=27.2$$

له هارمونیک اوسط څخه معمولاً د وسطي سرعت د پیدا کولو لپاره چې، عین واټن په بېلا بېلو سرعتونو سره وهي استفاده کیږي.

د یواځې (منفردو) کتنو د هارمونیک اوسط سنجش: د هارمونیک یواځې (منفرد) اوسطونو په یوه لړۍ کې له لاندې فورمول څخه په استفادې سنجش کیږي چې، په هغه کې X_1، X_2 او X_3 .... X_n، د X د متحولونو بېلا بېل اقلام وي او N د کتنو یا مشاهداتو تعداد ښیي.

$$H_m=\frac{N}{\sum\frac{1}{XN}}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

بېلګه: د لاندې کتنو (مشاهداتو) هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

X	$\frac{1}{X}$
2	$\frac{1}{2}$
4	$\frac{1}{4}$
8	$\frac{1}{8}$
5	$\frac{1}{5}$
10	$\frac{1}{10}$

$$N=5$$

$$HM=\frac{N}{\sum\frac{1}{X_m}}$$

$$HM=\frac{5}{\frac{47}{10}}=4.25$$

$$\sum\frac{1}{X}=\frac{47}{40}$$

د لنډې (غیر متمادي) لړۍ هارمونیک اوسط سنجش: په لنډې (غیرمتمادي) لړۍ کې د

هارمونیک اوسط د $HM=\frac{\sum f}{\sum\frac{f}{x}}$ فورمول په مرسته په لاس راځي.

بېلګه: د 120 تنو محصلینو نمرې په لاندې ډول ورکړل شوې دي د هغه هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

(c) ketabton.com: The Digital Library

F	$\frac{f}{X}$	$\frac{f}{X}$
20	$\frac{20}{10}$	2
30	$\frac{30}{20}$	1.5
50	$\frac{50}{25}$	2
15	$\frac{15}{40}$	0.37
5	$\frac{5}{50}$	0.1
$\sum f=120$	$\sum \frac{f}{x}$	$\sum \frac{f}{x}=5.97$

$$N=120$$

$$HM=\frac{\sum f}{\sum fx}$$

$$HM=\frac{120}{5.97}=20.10$$

د اوږدې (متمادي) لړۍ هارمونیک اوسط سنجش: د اوږدې لړۍ د هارمونیک اوسط سنجش لاره لکه د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ په شان ده. یوائینی توپیر یې دا دی چې، په X کې د ټولګیو وسطي ټکي یعنې m د استفادې وړ ګرځي او د هغه فورمول په لاندې ډول دی.

$$HM=\frac{\sum F}{\sum \frac{f}{m}}$$

بیلګه: د لاندې معلوماتو هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

X	F	M	$\frac{f}{m}$
10-20	4	15	$4/15=0.26$
20-30	6	25	$6/25=0.24$
30-40	10	35	$10/35=0.28$
40-50	7	45	$7/45=0.15$

$$HM=\frac{\sum f}{\sum \frac{f}{m}}$$

$$HM=\frac{30}{0.98}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

50-60	3	55	$\frac{3}{55}=0.05$	
	$\sum = 30$		$\sum\frac{f}{m}=0.98$	HM=30.6

بېلګه: د لاندې کتنو (مشاهداتو) هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

X	F	M	$\frac{f}{m}$
25-35	10	30	$\frac{10}{30}$
35-45	5	40	$\frac{5}{40}$
45-55	15	50	$\frac{15}{50}$
55-65	20	60	$\frac{20}{60}$
65-75	25	70	$\frac{25}{70}$
	$\Sigma f=75$		$\Sigma\frac{f}{m}=1.448$

$$HM=\frac{\sum f}{\sum\frac{f}{m}}\Rightarrow\frac{75}{1.448}=5.79$$

مربعي برخه (بخش): د مربعاتو د حسابي اوسط مربع جذر ته د هغوی د څو عددونو مربعي اوسط ویل کیږي. په بل عبارت د $X_1,X_2,X_3....X_n$ اعدادو مربعي اوسط عبارت دی له:

$$QM=\overline{X}^2=\sqrt{\frac{\sum X^2}{n}}=\sqrt{\frac{X_1^2+X_2^2+...X_n^2}{n}}$$

بېلګه: د 1,3,4,5,7 اعدادو مربعي اوسط پیدا کړئ.

$$X^2=\sqrt{\frac{(1)^2+(3)^2+(4)^2+(5)^2+(7)^2}{5}}=\sqrt{\frac{100}{5}}=\sqrt{20}=4.4$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

موږ کولای شو مربعي اوسط هم په بېلو څانګو کې تر بحث او څېړنې لاندې ونیسو.

a- د یواځې (منفردې) لړۍ مربعي اوسط یعنې:

$$\bar{X}^2=\sqrt{\frac{\sum X^2}{N}}$$

بېلګه: د لاندې یواځې (منفردو) اعدادو مربعي اوسط لاسته راوړئ.

X	X^2
2	4
3	9
4	16
5	25
6	36
	$\sum X^2=90$

$$\bar{X}^2=\sqrt{\frac{90}{5}}=\sqrt{18}=4.2$$

b- د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ مربعي اوسط: د لاندې فورمول په مرسته لاسته راځي.

$$\bar{X}^2=\sqrt{\frac{\sum fX^2}{\sum f}}$$

بېلګه: د 20 تنو محصلینو نمرې په لاندې ډول ورکړل شوې دي د هغوی مربعي اوسط لاسته راوړئ.

X	f	X^2	FX^2
5	6	25	150
10	5	100	500
15	4	225	900
20	3	400	1200
25	2	625	1250
	$\sum f=20$		$\sum fX^2$

$$\overline{X}^2=\sqrt{\frac{4000}{20}}=\sqrt{200}=14.14$$

b- په یوه اوږده (متمادي) لړۍ کې مربعي اوسط: په یوه اوږده (متمادي) لړۍ کې مربعي اوسط د لاندې فورمول په مرسته لاسته راځي.

$$X^2=\sqrt{\frac{\sum fm^2}{\sum f}}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

بېلګه: د مخکینۍ بېلګې ارقام په نظر کې ولرئ په لاندې اوړدې (متمادي) لړۍ کې د هغه مربعي اوسط پیدا کړئ.

X	f	m^2	Fm^2
5-15	6	10=100	600
15-25	5	20=400	2000
25-35	4	30=900	3600
35-45	3	40=1600	4800
45-55	2	50=2500	5000
	$\sum f=20$		$\sum fm^2=16000$

$$X^{-2}=\sqrt{\frac{\sum fm}{\sum f}} \Rightarrow \sqrt{\frac{1600}{20}}=\sqrt{800}=28.28$$

میدیان (د فریکونسي وسط)

تر اوسه پورې چې کوم اوسطونه موږ مطالعه کړل هغه سنجش شوي اوسطونه دي چې، د یوې نمونې نظر ټولو اعدادو یا کتنو (مشاهداتو) ته د مشخصو فورمولونو په لړۍ کې محاسبه کیږي. په خلاف د دې په ځینو مواردو کې د وېشل شوو اوسطونو په ځای د اعدادو یا کتنو (مشاهداتو) وسطي موقفونو ته لکه میدیان (د فریکونسي وسط) یا مود (د فریکونسي زیاتوالی یا کثرت) چې وروسته به مطالعه شي اړتیا پیدا کیږي.

د یوې لړۍ اعدادو میدیان چې د هغوی د کمیت په نظر ترتیب شوي، نومورې لړۍ له وسطي (منځني) عدد څخه عبارت دی، په بل عبارت میدیان د هغه عدد له ارزښت څخه عبارت دی چې، اړونده لړۍ په دوو برخو داسې ویشي چې، لږ تر لږه د لړۍ پنځوس فیصده اجزاء لږ یا مساوي په هغه یا لږ تر لږه پنځوس فیصده د لړۍ اجزاء مساوي یا له هغه څخه لوی وي.

د یوه آمار منځ (وسط) یا ډلبندي (صنف بندي) شوي اعداد د اندازې (صعودي یا نزولي) په ترتیب په لاندې بڼه په لاس راځي.

۱- که چېرې د آمار یا ارقامو اندازه تاق وي په دې صورت کې د هغوی منځ (میانه) له هغه منځني رقم یا عدد څخه عبارت دی چې، د هغه دواړو خواوو ته په مساوي بڼه ارقام ځای په ځای کیږي. مثلاً د اعدادو منځ (میانه) په نزولي بڼه12 ، 13، 14، 15، 16، 17، 18، 19 او 20 څخه عبارت دي. د 16 عدد یعنې پنځم عدد منځنی (میانه) دی.

(c) ketabton.com: The Digital Library

او یا که د 5 تنو عاید په ترتیب سره2500، 2800، 3200، 3400 او 4000 افغانۍ وي. د میدیان عاید عبارت له 3200 افغانۍ څخه دی.

دا باید څرګند کړو چې، د میدیان تثبیت باید له ټولو نه مخکې اعداد ترتیب کړي.

بېلګه: د لاندې اعدادو میدیان پیدا کړئ.

10، 3، 5، 4، 8، 8، 4، 8 او6

پورتني اعداد له ترتیب څخه وروسته په لاندې ډول دي.

3، 4، 5، 6، 8، 8، 8 او10

د دې اعدادو میدیان له 6 څخه عبارت دی.

که چېرې د یوې لړۍ د اجزاوو تعداد جفت وي، د هغه میدیان د هغو دوو عددونو له وسط څخه عبارت دی چې، د اړوندې لړۍ په وسط کې واقع شوې ده.

بېلګه: د لاندې اعدادو د لړۍ میدیان پیدا کړئ.

5، 18، 5، 15، 7، 12، 9 او11

له ترتیب څخه وروسته لرو:

5، 5، 7، 9، 11، 12، 15 او18

په دې بېلګه کې تعداد د ۸ اجزاوې دي او د هغوی په وسط کې یو واحد عدد شتون نه لري بلکې دوه عدده ۹ او ۱۱ ځای پرځای شوي. په دې حالت کې د میدیان ارزښت د هغو دوه عددونو له اوسط څخه عبارت دی چې، د لړۍ په وسط کې واقع شوي دي.

$$Med=\frac{9+11}{2}=10$$

بېلګه: د لاندې لړۍ میدیان پیدا کړۍ.

2500، 2800، 3200، 3400، 4000 او4300

د دې لړۍ میدیان عبارت دی له:

$$Med=(3200+3400)\div 2=3300$$

د یواځې (منفردو) کتنو د میدیان سنجش

په لومړي سر کې به ورکړل شوې کتنې یا اعداد ترتیب کړو. په یوه ګروپ کې د اعدادو شمېر د (۱) له عدد سره جمع او د هغوی حاصل جمع په (۲) وېشل کیږي د شمېرې خارج قسمت ښیي چې، په هغه پورې اړوند ارزښت د میدیان له ارزښت څخه عبارت دی.

(c) ketabton.com: The Digital Library

مثلاً که د یوې کتنې (مشاهدې) د اعدادو شمېر 15 وي د (1) عدد له 15 عدد سره جمع کیږي او پر 2 وېشل کیږي او خارج قسمت یعنې 8 شمېرې ښيي چې، د هغه اړوند ارزښت له میدیان څخه عبارت دی.

د لوی ګروپ د ګروپونو د سنجش لپاره له همدغه روش څخه ګټه اخیستل کیږي. په یوه ګروپ کې چې، د 2099 کتنو یا مشاهدو لرونکی وي د هغه میدیان به د 1050 اړوندې کتنې یا مشاهدې له ارزښت څخه عبارت وي 1050=2÷(2099+1)، چې د هغه فورمول په لاندې ډول دی.

$$Med\,\frac{N+1}{2} \Rightarrow \frac{2099+1}{2} = \frac{2101}{2} = 1050$$

بېلګه: که چېرې د 7 تنو کارګرانو معاش په ورځ کې 100 افغانۍ، 150 افغانۍ، 80 افغانۍ، 160 افغانۍ، 90 افغانۍ، 200 افغانۍ او 104 افغانۍ وي، د هغوی د میدیان معاش سنجش کړئ.

حل:

N=7

	X
1-	80
2-	90
3-	100
4-	104
5-	150
6-	160
7-	200

$$\frac{N+1}{2} \Rightarrow \frac{7+1}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

4 د میدیان شمېره ده.

د 2 میدیان شمېره او د دې لړۍ میدیان چې، په څلورمې شمېرې پورې اړوندیږي له 104 عدد څخه عبارت دی یعنې د اوو تنو د معاش میدیان له 104 افغانیو سره برابر دی.

بېلګه: د لاندې اعدادو په لړۍ کې د هغه میدیان پیدا کړئ.

(c) ketabton.com: The Digital Library

N=10

$$\frac{N+1}{2} \Rightarrow \frac{10+1}{2} = \frac{11}{2} = 5.5$$

X

1- 381

2- 391

3- 407

4- 522

5- 591

6- 672

7- 753

8- 777

9- 1490

10- 2488

11-

څرنګه چې لیدل کیږي 5.5 شمېره یعنې د 5 او 6 کتنو (مشاهدو) ترمنځ موقعیت دی. نو د میدیان ارزښت د 5 او 6 شمېرو د وسطي ارزښتونو له ارزښت سره برابر دی او کولای شو هغه په لاندې بڼه په لاس راوړو.

$$\frac{591+672}{2} \Rightarrow 631.5$$

څرګندیږي چې %50 یاده شوې لړۍ مساوي یا له 631.5 څخه لږ ارزښت لري او پاتې 50 مساوي یا له 631.5 څخه زیات ارزښت لري.

د لنډې (غیر متمادي) لړۍ د میدیان سنجش: د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ د سنجش لپاره لاندې ټکي په پام کې نیول کیږي.

۱- لومړی دې د لړۍ اعداد ترتیب شي.

۲- باید متزایده متراکمه فریکونسي پیدا کړل شي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

۳- د $\frac{\sum F+1}{2}$ ارزښت دې پیدا شي.

۴- د متراکمې فریکونسي په خانه (ستون) کې هغه مجموعه چې له $\frac{\sum F+1}{2}$ سره مساوي یا هغه رانغاړي پیدا او د هغه اړوند متحول ارزښت دې وټاکل شي، دغه ارزښت د میدیان قیمت ښیي.

بېلګه: لاندې معلومات په لاس کې شته د هغه میدیان پیدا کړئ.

متزایده متراکمه فریکونسي	د وګړو تعداد	ورځنی عاید
X	F	CF
80	16	16
100	24	40
150	26	66
180	30	96
200	20	116
250	6	122
	$\sum f=122$	

$$\frac{\sum f+1}{2} \Rightarrow \frac{122+1}{2}=61.5$$

نو لیدل کیږي چې د هغې متزایدې فریکونسي 66 عدد چې مجموع $\frac{\sum f+1}{2}$ یعنې 61.5 رانغاړي او 66 متحول ارزښت له 150سره برابر دی چې همدغه 150 د 122 تنو د ورځني عاید میدیان دی.

C- **د اوږدې (متمادي) لړۍ د میدیان سنجش:** د اوږدې لړۍ د میدیان سنجش لپاره له لاندې فورمول څخه ګټه اخلو.

$$\text{Med}= L+\frac{\frac{\sum f}{2}-CF}{Fmed}.I$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

په دې فورمول کې L د ټولګي ښکتنی حد دی چې، میدیان په کې واقع شوی. CF د متزایدې متراکمو فریکونسي ګانو مجموع مخکې د ساده فریکونسۍ میدیان له ټولګي څخه، د میدیان ټولګی او I د میدیان د ټولګي ګډ (مشترک) واټن ښيي که چېرې ټولګی ګډ واټن لرونکی نه وي د میدیان د ټولګي پراخ والی(وسعت) په کار اچول کیږي.

بېلګه: د 281 تنو میاشتنی عاید په لاندې ډول ورکړل شوی دی، میدیان یې سنجش کړئ.

د میدیان د ارزښت د پیدا کولو لپاره باید لاندې عملیې په ترتیب سره ترسره کړو.

۱- متزایده متراکمه فریکونسي ترتیبوو.

۲- د فریکونسي ګانو نیمه مجموعه یا $\frac{\sum f}{2}$ په لاس راوړو.

۳- د متزایدو متراکمو فریکونسي ګانو خانې (ستون) ته مراجعه کوو او له پورته څخه مخ ښکته متزایده متراکمه کوچنۍ فریکونسي چې د $\frac{\sum f}{2}$ مجموع چاپېروي او یا له هغه سره مساوي ده، ټاکو. دا فریکونسي زموږ د مطالعې په اړونده بېلګه کې 174 ده.

۴- د متزایدې متراکمې فریکونسۍ له ټاکلوڅخه وروسته چې، $\frac{\sum f}{2}$ رانغاړي د هغه اړوند ټولګی یعنې د میدیان ټولګی تثبیتوو زموږ د پام وړ په بېلګه کې دا ټولګی ۱۳۰۰-1100 او ټیټنی حد یې یعنې L=1100 دی.

۵- له میدیان څخه د مخکې ټولګي متزایدې متراکمې فریکونسي مجموع مشخصوو او زموږ د پام وړ په بېلګه کې CF=114 دی.

۶- د میدیان د ټولګي ساده فریکونسي ټاکو چې، زموږ په بېلګه کې د 60 عدد دی.

۷- د ټولګیو ګډ واټن سنجش کوو چې، زموږ په بېلګه کې د ټولګیو ګډ واټن له 200 سره مساوي دی.

۸- پورتني په لاس راغلي معلومات په اړوند فورمول کې وضع کوو او د میدیان ارزښت پیدا کوو.

L=1100	CF	F	عاید
I=200	1	1	300-500
CF=114	17	16	500-700

(c) ketabton.com: The Digital Library

Famed=60

د میدیان ټولګي ساده فریکونسي

$$Med=L+\frac{\frac{\sum f}{2}-CF}{Famed}.I$$

$$Med=1100+\frac{\frac{281}{2}-114}{60}200$$

$$Med=1100+\frac{26.5}{60}.200$$

Med=1100+0.44.200

Med=1100+88

Med=1188.3

700-900	39	56
700-1100	58	114
1100-1300	60	174
1300-1500	46	220
1500-1700	22	242
1700-1900	15	257
1900-2100	15	272
2100-2300	9	281
	281	

يعنې 50% کارمندان مساوي يا له 1188څخه لږ او 50% نور کارمندان مساوي او له 1188 څخه زيات اخلي.

مود (د فريکونسۍ زياتوالی): مود د اعدادو په يوه لړۍ کې له هغه عدد يا ارزښت څخه عبارت دی چې، له بل هر عدد يا ارزښت څخه زيات څرګنديږي. په بل عبارت مود له هغه ارزښت څخه عبارت دی چې زياتره معمول وي. په ځينو لړيو کې امکان لري يو يا څو موده شتون ولري يا حتی پرته له مود څخه وي. لکه د

7، 6، 5، 4، 3، 2 او1

په لړۍ کې مود د (4) عدد دی ځکه چې له نورو اعدادو څخه زيات څرګند شوی دی په دې ځای کې يو مود شتون لري، ځکه چې د اعدادو په لړۍ کې:

18، 11، 11، 10، 9، 9، 7، 5، 4، 3 او2

په پورته لړۍ کې دوه موده شتون لري چې له 9 او 11 څخه عبارت دي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

په لاندې لړۍ کې:

21، 17، 12، 10، 8، 5 او3

په پورته لړۍ کې مود شتون نه لري ځکه چې هر عدد يواځې يوځل ځرګند شوی دی.
مود په تجارتي مسايلو او اقتصادي مسايلو کې د کتنې وړ رول لري، د بېلګې په ډول د بوټ جوړونې په سرچينو يا شرکتونو کې، د ګنډلو د قالبونو په طرح او ډيزاين کې اړين دي چې د پښو د تلې د سور (عرض)، د کورۍ جګوالی په متناسب ډول او د دوی په ډول نور مناسب شاخصونه په پام کې ونيول شي. له دې نه پرته نوموړی شرکت يا فابريکه د پښو د نمرو او نورو مشخصاتو ته د نه پام له امله له نقص او تاوان سره مخامخ کيږي. له لاندې فورمول څخه په استفادې کولای شو مود د دفعاتو په يوه وېشنه کې محاسبه کړو.

$$Mode = L + \frac{Fm - F_1}{(Fm - f_1) + (fm - f_{2)}}.i$$

په دې ځای کې:

L : له پوړ (طبقې) څخه ښکتنی واقعي حد چې، په هغه کې مود ځای لري.

Fm: هغه فريکونسي چې مود په هغه کې ځای لري.

F_1 : د ښکته پوړ فريکونسي، هماغه پوړ چې په هغه کې مود ځای لري.

F_2 : د پورتني پوړ فريکونسي، هماغه پوړ چې په هغه کې مود ځای لري.

i : د ټولګي توپير دی.

د مود له دې فورمول څخه په استفادې د لاندې دفعاتو وېشنه پيدا کوو.

90-99	20
80-89	25
70-79	211
60-69	304
50-59	190
40-49	87
30-39	8

L=59.5
Fm=304
$F_1=190$
$F_2=211$
i=10

$$Mode=L+\frac{fm-f_1}{(fm-f_1)+(fm-f_2)}$$

$$Mode=59.5+\frac{304-190}{(304-190)+(304-211)}$$

$$59.5+\frac{1140}{207} \Rightarrow 59.5+5.5=65$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

او یا د تصنیف شوو اعدادو مود د لاندې فورمول په مرسته لاسته راتلای شي.

$$Mode=L_1+\left(\frac{\Delta 1}{\Delta 1+\Delta 2}\right).c$$

په دې ځای کې نوموړي نښې یا علایم عبارت دي له:

L_1 : د مود د ټولګي ښکتنی سرحد

Δ_1: دمود ټولګي د فریکونسي توپیر د هغه د مخکني ټولګي له فریکونسي سره

Δ_1: د مود د فریکونسي توپیر د هغه د وروستني ټولګي له فریکونسي سره (پرته له اشارې څخه).

C: د مود د ټولګي د واټن کچه

دغه فورمول د 142 کورنیو د کلني عاید د وېشنې د فریکونسي په جدول کې تطبیق کوو.

لومړی باید د مود ټولګی په اړونده وېشنه کې وټاکو، د مود ټولګی په یوه وېشنه کې له هغه یوه څخه عبارت دی چې، د ډېرې زیاتې فریکونسي لرونکې وي.

دا څرګنده ده چې زموږ په بېلګه کې څلورم ټولګی دی چې، د لویې فریکونسي یعنې د 40 کورنیوار لرونکی دی.

کورنیو ار تعدادF	کلنی وسطي عاید (زر افغانۍ)
11	66.00-66.49
15	66.50-66.99
24	67.00-67.49
40	67.50-67.99
20	68.00-68.49
14	68.50-68.99
11	69.00-69.49
7	69.50-69.99
142	

د جدول د مطالعې له مخې د مود په ټولګي کې یعنې 40 د هغه ښکتنی سرحد 67.495 زره افغانۍ دي. د مود د ټولګي د فریکونسۍ توپیر له متجانس ټولګي سره 16 کورنیواره دی، 16=(40-24) همدارنګه د مود د ټولګي د فریکونسي توپیر د هغه له وروستني ټولګي

(c) ketabton.com: The Digital Library

سره 20 دی. د مود د ټولګي واټن کچه 0.50 زره افغانۍ ده د دې ارزښتونو تطبیق په فورمول کې په لاندې توګه څرګندیږي.

$L_1=67.495$

$\Delta_1=40-24=16$

$\Delta_2=40-20=20$

$C=0.50$

$$Mod = L_1+\left(\frac{\Delta_1}{\Delta_1+\Delta 2}\right).c$$

$$Mod=67.495+\left(\frac{16}{16+20}\right)0.50 = 67.72$$

د مود ارزښت دا رسوي چې په هماغه کال کې هره کورنی زیاته اندازه د 67.72 زره افغانۍ کلني عاید لرونکي ده..

د کارتیلونو، د سیلونو او پرسانتیلونو سنجش

د میدیان تر څنګه نور مقیاسونه هم شتون لري چې، یوه لړۍ په مساوي برخو وېشي چې، له هغوی څخه یې ډېر مهم کارتیلونه، دسیلونه او پرسانتیلونه دي.

کارتیلونه(Q): له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دي چې مجموعي فریکونسي په څلورو برخو ویشي.

دسیلونه(D): له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دي چې مجموعي فریکونسي په لسو برخو ویشي.

پرسانتیلونه(P): له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دي چې مجموعي فریکونسي په 100 برخو ویشي.

په هماغه ډول چې د یوې لړۍ یو ټکی په دوو برخو ویشي، د هغې درې ټکي په څلور برخو ویشي. 9 ټکي یې په 10 برخو ویشي او د هغه 99 ټکي په 100 برخو ویشي او په پایله کې یوه لړۍ 3 کارتیله، 9 دسیله او 99 پرسانتیله لري. د1، 2، 3 او ... ارقام چې د هغوی تر څنګ لیکل کیږي هغه مشخص ارزښت چې، سنجش په هغه پورې اړوندیږي ښیي یعنې Q_1 لومړی کارتیل D_7 اووم دسیل P_{80} اتیایم پرسانتیل ښیي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د کارتیلونو، دسیلونو او پرسانتیلونو د سنجش لاره د میدیان د سنجش په شان ده چې، په لنډه توګه توضیح کیږي.

د دسیلونو د سنجش لاره د کارتیلونو په څېر د میدیان له برخې سره ورته والی لري یواځې هغه توپیر چې شتون لري دا دی چې، په هغه کې لړۍ په 10 مساوي برخو وېشل کیږي. که د هغوی $\frac{1}{10}$ مطالعه شي د لومړي دسیل په نوم یادیږي، که د هغوی $\frac{2}{10}$ مطالعه شي د دویم دسیل په نوم یادیږي.

د کارتیلونو سنجش: څرنګه چې میدیان یوه لړۍ په دوو مساوي برخو ویشي. کارتیل یوه برخه په څلورو مساوي برخو ویشي او له هرې برخې څخه یې موږ ته معلومات راکوي. که چېرې یوه مستقیمه کرښه د خپلو معلوماتو په توګه په پام کې ولرو. کارتیلونه هغه د درې ټکو په مرسته په څلورو مساوي برخو ویشي، څرنګه چې لومړی کارتیل 25% څرګندوي او د Q په توري ښودل کیږي او K د کارتیل شمېره ښيي.

دویم کارتیل 50% معلومات څرګندوي.

دریم کارتیل 75% معلومات څرګندوي.

کارتیلونه د Q په توري ښودل شوي او هغه شمېره چې د هغه په وړاندې لیکل کیږي د کارتیل شمېره ښيي. لکه Q_1 لومړی کارتیل او Q_3 دریم کارتیل ښيي.

د فورمول په اساس د هغه د وېشلو طریقه کټ مټ لکه د میدیان سنجش دی.

$$Q=L+\frac{K\frac{(\sum f)}{4}-cf}{FQK}.I$$

K په دې مساوي کې 1 او 2 تر 3 دي K=1, 2, 3

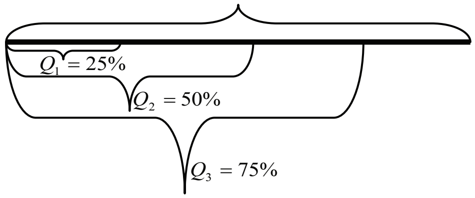
L د ټولګي ښکتنی حد چې کارتیل په هغه کې واقع شوی.

C_F د کارتیل له ټولګي څخه د مخه د متزایدې متراکمې فریکونسي مجموعه.

FQ د کارتیل د ټولګي فریکونسي

I د کارتیل د ټولګي ګډ واتن

(c) ketabton.com: The Digital Library



بېلګه: د درېيم کارتيل لاندې ورکړل شوي معلومات پيدا کړئ.

X	فريکونسي f	CF
10-20	10	10
20-30	12	22
30-40	13	35
40-50	7	42
50-60	18	60
60-70	20	80
70-80	2	82
	$\sum f=82$	

K=1,2,3

L=60

Cf=60

$FQ_3=20$

I=10

$$Q=L+\frac{3(\frac{\sum f}{4})-cf}{FQ_3}$$

$$Q=\frac{3(82)}{4}-61.5$$

$$Q_3=60+\frac{3(\frac{82}{4})-60}{20}.10$$

$$Q_3=60+\frac{61.5-60}{20}.10$$

$$Q_3=60+\frac{1.5}{20}.10=60.75$$

$$Q_3=60.75$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

بېلګه: د پورته معلوماتو په پام کې نیولو سره لومړی کارتیل سنجش کړئ.

$$Q_1 = L + \frac{(\sum \frac{f}{4}) - cf}{FQ_1} . I$$

$$Q = \frac{\sum f}{4} \Rightarrow \frac{82}{4} = 20.5$$

L=20

FQ_1=12

I=10

$$Q_1 = 20 + \frac{20.5 - 10}{12} . 10 = 27.5 \Rightarrow 20 + \frac{10.5}{12} . 10 \Rightarrow 20 + 0.875.10 \Rightarrow 20 + 8.75 = 28.75$$

Q_1=28.75

د دیسیل سنجش: دسیلونه داسې مرکزي ارزښت دی چې یوه لړۍ په 10 مساوي برخو ویشي او له هرې برخې څخه یې د معلوماتو لپاره څرګندونې کوي. فورمول یې په لاندې ډول دی. د D توری د دیسیل په مفهوم دی او K د دیسیل شمېره ښیي.

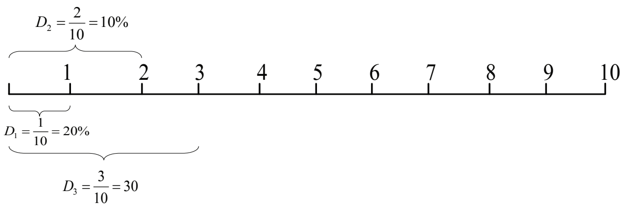
$$D_K = L + \frac{K(\frac{\sum f}{10}) - cf}{FD_k} . I$$

D د دیسیلونو سنجش

K د دیسیلونو شمېرې زموږ لپاره څرګندوي

FDK د ټولګي ساده فریکونسي ده

د دیسیلونو په برخه کې، D_1 لومړی دسیل 10% معلومات، D_2 دویم دسیل 20% معلومات او D_3 دریم دسیل 30% معلومات په همدې توګه D_9 نهم دسیل 90% معلومات څرګندوي.



(c) ketabton.com: The Digital Library

بېلګه: لاندې معلومات په پام کې ولرئ د هغه اووم دیسیل سنجش کړئ.

K=7

X	F	CF
35-45	10	10
45-55	15	25
55-65	12	37
65-75	17	54
75-85	12	66
85-95	5	71
95-105	10	81
	$\sum f=81$	

$$D_7=L+\frac{7\left(\frac{\sum f}{10}\right)-cf}{FD_7}.I$$

$$L=7\left(\frac{81}{10}\right)=56.7$$

$$D_7=75+\frac{56.7-54}{12}.10$$

L=75

$$D_7=75+\frac{2.7}{12}.100$$

Cf=54

$D_7=77.25$

$FD_7=12$

I=10

بېلګه: پورتني معلومات په پام کې ونیسئ. 40% معلومات څو بیه لري.

K=4

X	F	CF	$D_4=L+\frac{4\left(\frac{\sum f}{10}\right)-cf}{FD_4}$
35-45	10	10	D=55
45-55	15	25	$D_4=4\left(\frac{81}{10}\right)=32.4$
55-65	12	37	L=55

(c) ketabton.com: The Digital Library

65-75	17	54	CF=25
75-85	12	66	$FD_4=12$
85-95	5	71	
95-105	10	81	$D_4=55+\frac{32.4-25}{12}.10$
	$\Sigma f=81$		$D_4=55+6.16=61.16$

د پرسانتيلونو سنجش: يوه لړۍ په 100 مساوي برخو ويشي او د لړۍ له هرې برخې څخه معلومات لاسته راځي د P توری د پرسانتيل په مفهوم دی او K د پرسانتيل شمېره ښيي.
د هغه فورمول عبارت دی له:

$$P_k=L+\frac{k(\frac{\sum f}{100})-CF}{FP_k}$$

بېلګه: لاندې معلومات په نظرکې ولرئ د هغه 85 پرسانتيل پيدا کړئ.

K=85

X	F	CF
35-45	10	10
45-55	15	25
55-65	12	37
65-75	17	54
75-85	12	66
85-95	5	71
95-105	10	81
	$\sum f=81$	

$$P_{85}=L+\frac{85(\frac{\sum f}{100})-CF}{FP_{85}}.I$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$P=85\left(\frac{81}{100}\right)=68.85$$

L=85

I=10

$FP_{85}=5$

$$P_{85}=85+\frac{68.85-66}{5}.10$$

$P_{85}=90.7$

د څلورم څپرکي لنډیز:

د مرکزي میلان مقیاسونه: د یوې لړۍ اوسط له یوه ارزښت یا یوه عدد څخه عبارت دی چې له ټولو اعدادو څخه استازیتوب کوي او څرنګه چې دا عدد د کمیت له نظره د اړوندو اعدادو د لړۍ په مرکز یا وسط کې ځای په ځای کیږي ځینې وخت د مرکزي میلان د مقیاسونو په نوم یادیږي.

1- حسابي اوسط: د ټولو ورکړل شویو اعدادو یا ارقامو حاصل جمع تقسیم د هغوی پر تعداد باندې له حسابي اوسط څخه عبارت دی.

$$\bar{X}=\frac{\sum X}{N}$$

د اوږدې (متمادي) لړۍ حسابي اوسط د موندلو طریقه دوې لارې لري.

a- مستقیم میتود: د هغه فورمول په دې ډول دی. $X=\frac{\sum fm}{\sum m}$

b- فرضي اوسط میتود: د هغه فورمول په دې ډول دی. $X=A+\frac{\sum fd}{\sum f}$

c- دمرحله يي انحراف میتود: د هغه فورمول په دې ډول دی. $X=A+\frac{\sum fd}{\sum f}$

(c) ketabton.com: The Digital Library

2- هندسي اوسط: هندسي اوسط د n ام له جذر د n له حاصل ضرب، له کتنې او یا ارزښتونو څخه عبارت دي.

$$GM=\sqrt[n]{X_1.X_2.X_3...X_n}$$

a- د یواځې (منفردو) کتنو د هندسي اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$GM=\frac{\sum \log X}{N}$$

b- د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ دهندسي اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$GM=\frac{\sum f \log X}{\sum f}$$

c- د اوږد (متمادي) هندسي اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$GM=\frac{\sum f \log X}{\sum f}$$

3- هارمونیکي اوسط: هارمونیکي اوسط یو ډول اوسط دی چې د استعمال محدود موارد لري او د منفردو کتنو د حسابي اوسط معکوس په توګه معکوس شوې محاسبه کیږي او فورمول یې:

$$HM=\frac{N}{\sum \frac{1}{xn}} \quad \text{و یا} \quad HM=\frac{1}{\frac{\frac{1}{X_1}+\frac{1}{X_2}...\frac{1}{X_n}}{N}}$$

a- د یواځې (منفردو) کتنو د هارمونیک اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$HM=\frac{\frac{N}{1}}{\sum Xn}$$

b- د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ دهارمونیک اوسط سنجش: فورمول یې په دې ډول دی.

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$HM=\frac{\sum f}{\sum \frac{f}{x}}$$

c- د اوږدې (متمادي) لړۍ د هارمونيک اوسط سنجش:

$$HM=\frac{\sum f}{\sum \frac{f}{m}}$$

مربعي اوسط: د مربعاتو د حسابي اوسط مربع جذر ته د هغو د څو عددو مربعي اوسط ویل کیږي او یا د $X_1, X_2, \ldots X_n$ اعدادو مربعي اوسط عبارت دی له:

$$QM=\overline{X}^2=\sqrt{\frac{X_1^2+X_2^2+\ldots X_n^2}{n}}\Rightarrow\sqrt{\frac{\sum X^2}{n}}$$

a- د یواځې (منفردې) لړۍ د مربعي اوسط سنجش: فورمول یې په دې ډول دی.

$$\overline{X}^2=\sqrt{\frac{\sum X^2}{n}}$$

b- د لنډې (غیر متمادي) لړۍ مربعي اوسط: فورمول یې په دې ډول دی.

$$\overline{X}^2=\sqrt{\frac{\sum fX^2}{\sum f}}$$

c- په یوې اوږدې (متمادي) لړۍ کې مربعي اوسط: فورمول یې په دې ډول دی.

$$\overline{X}^2=\sqrt{\frac{\sum fm^2}{\sum f}}$$

میدیان (د فریکونسۍ وسط): میدیان د هغه عدد له ارزښت څخه عبارت دی چې اړونده لړۍ په داسې ډول په دوو برخو وویشي چې، لږ ترلږه د لړۍ اجزاء پنځوس فیصده لږ یا له هغه سره مساوي، لږ تر لږه د دریو اجزاء پنځوس فیصده مساوي او یا له هغه څخه لوړ وي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

a- د يواځې (منفردو) کتنو د ميديان سنجش: فورمول يې په دې ډول دی: $\frac{N+1}{2}$

b- د لنډې (غيرمتمادي) لړۍ د ميديان سنجش: فورمول يې په دې ډول دی: $\frac{\sum f+1}{2}$

c- د اوږدې (متمادي) لړۍ د ميديان سنجش: فورمول يې په دې ډول دی:

$$med = L + \frac{\frac{\sum f}{2} - cf}{fmed}$$

مود (دفريکونسي زياتوالی): مود په يوه لړۍ اعدادو کې له هغه عدد يا ارزښت څخه عبارت دی چې له بل هر عدد يا ارزښت څخه زيات څرګنديږي او يا مود له هغه ارزښت څخه عبارت دی چې زيات معمول وي. مود د دفعاتو په يوه وېشنه کې داسې محاسبه کيږي.

$$\text{Mod} = \text{L} + \frac{Fm - f_1}{(fm - f_1) + (fm - f_2)}$$

$$\text{Mod} = \text{L} + \left(\frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2}\right)C$$

د کارتيلونو سنجش: له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دی چې مجموعي فريکونسي په څلورو (4) برخو ويشي.

د ديسيلونو سنجش: له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دی چې مجموعي فريکونسي په لسو (10) برخو ويشي.

د پرسانتيلونو سنجش: د هغه متحول له ارزښت څخه عبارت دی چې مجموعي فريکونسي په سلو (100) برخو مساوي تقسيم کړي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د څلورم څپرکي پوښتنې

۱- دوه تنو زده کوونکو په ورځنۍ آزموینه کې 3، 4، 5، 5، 5، 6، 7، 8، 8 او 9 نمرې ترلاسه کړې دي.

a. د پورتنیو نمرو حسابي اوسط پیدا کړئ؟

b. د هغه میدیان او مود پیدا کړئ ؟

که پورتنۍ هره نمره د 5 له عدد سره ضرب شي د نوو (جدیدو) نمرو حسابي اوسط معلوم کړئ؟

۲- د حسابي اوسط ورکړل شوي لاندې معلومات، د مستقیمو طریقو او فرضي اوسط په مرسته تقسیم کړئ که چېرې A=70 فرض شي؟

X	F
50	15
70	5
80	10
100	18
110	6
150	5

۳- د لاندې کتنو هندسي اوسط پیدا کړئ؟

X	F
20000	15
15000	18
10000	2
25000	12
18000	17
12000	13

(c) ketabton.com: The Digital Library

۴- د لاندې لړۍ هارمونیک اوسط پیدا کړئ؟

X	F
25-35	10
35-45	5
45-855	15
55-65	20
65-75	25

۵- لاندې ورکړل شوي معلومات په 32 پرسانتیل، اووم دیسیل، 2 کارتیل پیدا کړئ؟

X	F
10-20	10
20-30	12
30-40	13
40-50	7
50-60	18
60-70	20
70-80	2

(c) ketabton.com: The Digital Library

پنځم څپرکی

د انحراف یا خورېدو (پراګندګۍ) مقیاسونه

ټولیزه موخه:

د انحراف یا خورېدو(پراګندګۍ) په مفاهیمو پوهېدل

د زده کړې موخې: په دې څپرکي کې به زده کوونکي له لاندې موضوعاتو سره آشنایي پیدا کړي.

۱- انحراف یا خورېدل(پراګندګي) او د هغه په مفهوم پوهېدل.
۲- د پراختیا (وسعت) په مفهوم پوهېدل.
۳- د کارتیلونو (مربعي انحراف) په نظر د انحراف په مفهوم پوهېدل.
۴- د وسطي انحراف په مفهوم پوهېدل.
۵- د انحراف په سر ضریب کې شامل د نسبي انحراف په مفهوم پوهېدل.

انحراف یا خورېدل (پراګندګي):

په تېر څپرکي کې د اوسطونو په اړه اوږد بحث ترسره شو، په هغه ځای کې څرګنده شوه چې اوسطونه په یواځیتوب سره نه شي کولای په مناسبه توګه د دفعاتو یوه وېشنه (فریکونسي) تعبیر او هغې ته بدلون ورکړي ځکه چې اوسطونه د دفعاتو په مرکزي برخه کې واقع شوي وي او نه شي کولای ووایي چې نمرې نظر اوسطونو ته په خپل منځ کې په کوم ترتیب سره واقع شوي دي، د ځو ډولونو اوسطونو د سنجش سربېره نه شي کولای پرته له زیاتو معلوماتو د خورېدو (پراګندګۍ) د څرنګوالي په اړه قضاوت وکړي. د بېلګې په ډول د ښوونځي دوه ډلو زده کوونکو خپلې آزموینې تېرې کړي چې له زده کوونکو څخه د هرې ډلې د دفعاتو وېشنه په جداګانه توګه ترتیب شوي دي، څرنګه چې د دواړو ډلو زده کوونکو

(c) ketabton.com: The Digital Library

د نمرو حسابي اوسط 67 دی. د لومړي دفعاتو د وېشنې لوړه نمره 72 او ټیټه نمره یې 62 ده د دویمو دفعاتو د وېشنې لوړه نمره 107 او ټیټه نمره یې 25 ده. د لومړۍ وېشنې د نمرو پراختیا (وسعت) 11 او د دویمې وېشنې د نمرو پراختیا (وسعت) 83 دی. د دې لپاره چې د دفعاتو د وېشنې یو بشپړ انځور مو څرګند کړی وي د مرکزي موقعیت کچې او د نمرو یوې خورېدو ته اړتیا لرو.

د وسطي ارزښت موندل د اعدادو د خورېدو یا اندازې له پوهېدو پرته نظر هغه ته د لږ علمي مفهوم لرونکي دي. سربېره په اوسطونو ښه ده د تحول او خورېدو درجه او کچه نظر هغوی ته مطالعه شي.

البته د اعدادو د تحول او خورېدو (پراګندګۍ) د سنجش ډېرې زیاتې لارې شتون لري په عمومي توګه اړوند مقیاسونه په دوه ګروپونو وېشل کیږي.

- مطلقه انحراف یا خورېدل(پراګندګي)
- نسبي انحرافونه یا خورېدل (پراګندګي)

خورېدل یا مطلقه انحراف د لومړني مقیاس په واحد چې په وېشنه کې په کار اچول شوې افاده کیږي، څرنګه چې نسبي انحراف یا خورېدل معمولاً د نسبتونو یا فیصدۍ په بڼه څرګندیږي.

په دې څپرکي کې څلور ډوله مطلقه انحراف یا خورېدل مقیاس معرفي کیږي، د انحراف پراختیا (وسعت) نظر کارتیلونو ته، وسطي انحراف او معیاري انحراف، وروسته درې ډوله مقیاسونه د انحراف ضریب یا نسبي خورېدو مطالعه کیږي. د انحراف ضریب، د معیاري انحراف ضریب او د انحراف ضریب نظر کارتیل ته.

پراختیا: د خورېدو (پراګندګۍ) ډېره ساده اندازه پراختیا (وسعت)ده، پراختیا د اعدادو په یوه لړۍ کې د لوړې نمرې او ټیټې نمرې ترمنځ له تفاضل یعنې ښه والي څخه عبارت دی، چې په سمبولیکه بڼه په دې ډول ښودل کیږي.

$R=X_h-X_L$

په دې رابطه کې R پراختیا (وسعت)، X_N لوړه نمره او X_L ټیټه نمره ښیي. که چېرې د یوې آزمویني نمرې د دفعاتو د وېشنې په بڼه راپور ورکړل شوی وي. په دې صورت کې د نمرو پراختیا (وسعت) د ټیټې او لوړې وېشنې تر منځ له ښه والي (تفاضل) څخه عبارت دی. پراختیا (وسعت) لکه نورې اندازې د واټن خورېدل ښیي مثلاً پراختیا (وسعت) د 2، 3، 5، 7، 11، 29 او 35 په اعدادو کې عبارت دي له 2-35=33 څخه. پراختیا (وسعت) په تصنیف

(c) ketabton.com: The Digital Library

شوو اعدادو کې د کوچني ټولګي د ښکته حد او د لوړ ټولګي د پورتني حد ترمنځ توپير څخه عبارت دی. د بېلګې په ډول د 142 کورنيو د کلني عايد پراختيا په 1385 کال کې نظر جدول ته له 3.99=69.99-66.0 څخه عبارت دی يعنې3.99 افغانۍ دي.

پراختيا (وسعت) نظر لاندې څو دليلونو ته لږ د استعمال وړ دی.

۱- د پراختيا (وسعت) برخه يواځې په دوه اعظمي او اصغري ارزښت پورې اړونديږي، چې د اعدادو خورتيا په ښه توګه نه شي توضيح کولای.

۲- د پراختيا(وسعت) ارزښت په زياتره اعدادو يا په غير عادي ارزښتونو کې شديداً متأثره کيږي لکه په دوو لاندې لړيو کې:

3,5,6,7,10,12,15,18

3,8,8,8,99,9,18

د 3-18=15 پراختيا (وسعت) څرنګه چې لړۍ يې له ځانه لري د بېلابېلو خورېدلو لرونکې دي.

۱- د پراختيا (وسعت) ارزښت نظر د نمونې اندازې ته له حده وتلی (فاحش) بدلون پيدا کوي، په پورته يادو شوو دوو لړيو کې که چېرې دوه وروستي يا انتهايي عددونه حذف کړو پراختيا (وسعت) په لومړۍ لړۍ کې 5-15=10 او په دويمه لړۍ کې 8-9=1 دي.

د کارتيلونو په نظر انحراف (ربعي انحراف): د درېيمې ربعې د ټکو تر منځ نيمايي توپير (75%) او د لومړۍ ربعې تر منځ 25% ربعې انحراف دی، که چېرې درېيمه ربع په Q_3 وښيو بايد تعريف $Q=\frac{Q_3-Q_1}{2}$ داسې نه وي او يا دا چې په يوه توزېع يا وېشنه کې د کارتيلونو ترمنځ پراخوالی د دريم او د هغه د لومړي کارتيل ترمنځ له توپير څخه عبارت دی. د بېلګې په ډول د 142 کورنيو د کلني عايد په وېشنه کې لرو:

Q_1 (لومړی کارتيل) =67.20

Q_3 (درېيم کارتيل) = 68.41

او د کارتيلونو پراخوالی په دې حالت کې عبارت دی له:

Q_3-Q_1=68.41-67.20=1.21 زر افغانۍ

يعنې که د 50% ، 142 کورنيو ارو کلنی وسطي عايد چې د وېشنې په منځ (وسط) کې واقع شوي دي د 1.21 زرو افغانيو په اندازه تحول وکړي. (د 1.21 زره افغانيو په اندازه انحراف شتون لري).

(c) ketabton.com: The Digital Library

ربعي ټکي د نمرو په معيار باندې درې ټکي وي چې د نمرو وېشنه يا توزيع په څلورو مساوي برخو ويشي او هره برخه، د نمرو د مساوي تعداد لرونکي دي. ربعي ټکي د Q_3، Q_2 او Q_1 سمبولونو په مرسته ښودل کيږي چې د 75% ، 50% او 25% په ترتيب دي.

د Q د محاسبې لپاره لومړی بايد Q_1 او Q_3 محاسبه شي او بيا دې د Q_2 قيمت وټاکل شي. Q_1 او Q_3 کټ مټ لکه 50% او يا Q_2 محاسبه کيدای شي يواځې کوم توپير چې شتون لري هغه دا دی چې په منځنۍ يا ميانه محاسبه کې د $\frac{N}{2}$ پرځای او $\frac{N}{4}$ د Q_1 د محاسبې لپاره او $\frac{3N}{4}$ د Q_3 د محاسبې لپاره په کار اچول کيږي يعنې:

$$Q_1 = L + \frac{\frac{n}{4} - F}{f}.i$$

$$Q_3 = L + \left(\frac{\frac{3n}{4} - F}{f}\right).i$$

په پورتني فورمول کې د هماغې طبقې تر ښکتني حده د دفعاتو وېشنه ده چې ربع د هغه په د ننه کې ځای لري. I د طبقې د واټن اندازه ده. F د دفعاتو د جمع حاصل تر هغې طبقې پورې چې ربعې په هغې کې ځای لري او f د طبقې اصلي دفعات دي چې ربعې په هغې کې شتون لري.

وسطي انحراف:

وسطي انحراف يا انحراف نظر اوسط ته څرنګه چې له نوم څخه يې ښکاري د يوې لړۍ د انحراف حسابي اوسط يا د اعدادو مطلقه توپير نظر يو وسطي ارزښت ته لکه له حسابي اوسط يا ميديان څخه عبارت دی. که څه هم په عمل کې حسابي اوسط زياتره د يو وسطي ارزښت په توګه په کار اچول کيږي خو د تيورۍ له پلوه د اعدادو د انحراف مجموع نظر ميديان ته لږه اندازه ده، (البته مطلقه توپير) ښه ده چې په سنجش کې انحراف استعمال شي. په هر حال هغه ډول اوسط چې د وسطي انحراف په سنجش کې په کار اچول کيږي بايد څرګند شي.

وسطي انحراف په تصنيف شوو اعدادو کې په هغه صورت کې چې $\overline{X}$ وسطي ارزښت وي د لاندیني فورمول په مرسته وېشل کيږي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$MD=\frac{\sum|X-\overline{X}|}{n}=\frac{\sum|X|}{n}=\frac{\sum|d|}{n}$$

په دې ځای کې MD وسطي انحراف، x د یوې لړۍ یا سلسلې اعداد، $\overline{X}$ حسابي اوسط، n د اعدادو یا کتنو (مشاهداتو) اندازه او d یا $X=X_1-\overline{X}$
عمودي کرښې (خطوط) مطلقه ارزښت (پرته له اشارې څخه) افاده کوي.
بېلګه: د2,3,6,8,11 اعدادو وسطي انحراف پیدا کړئ.
لومړی : باید د شمېرو حسابي اوسط سنجش شي:

$$\overline{X}=\frac{\sum X}{n}=\frac{2+3+6+8+11}{5}=\frac{30}{5}=6$$

وروسته د اعدادو مطلقه انحراف نظر اوسط ته محاسبه کوو.

$$MD=\frac{|2-6|+|3-6|+|6-6|+|11-6|+|8-6|}{5}$$

$$MD=\frac{14}{5}=2.8$$

یعنې ورکړل شوي اعداد د 2.8 په اندازه له حسابي اوسط څخه انحراف لري، وسطي انحراف کولای شو نظر میدیان ته هم سنجش کړو:

$$AD=\frac{\sum|X-Med|}{n}$$

مثلاً: په پورته اعدادو کې میدیان 6 دی څرنګه چې $\overline{X}=Med$ په دې مثال کې دواړه ډوله وسطي ارزښت مساوي دي.
همدارنګه وسطي انحراف په تصنیف شوو اعدادو کې کولای شو د لاندینیو فورمولونو له جملې څخه د یو فورمول په مرسته سنجش کړو.

$$MD=\frac{\sum f|X-\overline{X}|}{f}=\frac{\sum f|d|}{\sum f}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$MD=\frac{\sum f|X-med|}{\sum f}=\frac{\sum f|d|}{\sum f}$$

په دواړو پورتنيو فورمولونو کې f د ټولګيو فريکونسي، X د ټولګي وسط، $\overline{X}$ او med په ترتيب سره حسابي اوسط او د اړوندې وېشنې ميديان دي.

د وسطي انحراف سنجش نسبتاً ساده او عام فهمه دی اما د استعمال موارد يې محدود دي. د وسطي انحراف استعمال د کوچنيو نمونو په اړه په هغه صورت کې چې دقيق او جامع تحليلونو ته اړتيا نه وي ګټور دي په تصنيف شوو اعدادو او لويو نمونو کې په ندرت سره استعماليږي.

معياري انحراف يا استندرد انحراف:

معياري انحراف د نمرو د خورېدنې (پراګندګۍ) د درجې له ډېرو مهمو او استعمال شوو مشخص کوونکو څخه دی چې په خپلواکه توګه د ټولګي (جمعيت) خورېدنه (پراګندګۍ) د نمونې د خورېدنې له پوهې څخه دا چې له هغه څخه ټولګی (جمعيت) غوره کړل شوی دی را ايستلای شي.

معياري انحراف د بل مهم مقياس مربع جذر يعنې وريانس څخه عبارت دي او يا معياري انحراف د انحرافاتو مربع جذر دی.

معياري انحراف او وريانس په يو سلسله اعدادو کې د لاندې فورمولونو په مرسته سنجش کيږي.

$$G^2=\frac{\sum\left(X-\overline{X}\right)^2}{n}$$

$$G^2=\sqrt{\frac{\left(X-\overline{X}\right)^2}{n}}$$

په دې فورمول کې G (د يونان د ژبې کوچنی توری د سيګما په نوم) معياري انحراف او G^2 واريانس افاده کوي، د بېلګې په ډول د 2,3,6,8,11 اعدادو واريانس او معياري انحراف په لاندې ډول لاسته راځي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$\overline{X}=\frac{\sum X}{n}=\frac{30}{5}=6$$

$$G^2=\frac{(2-6)^2+(3-6)^2+(6-6)^2+(11-6)^2+(8-6)^2}{5}=\frac{54}{5}=10.8$$

$$G=\sqrt{G^2}=\sqrt{10.8}=3.29$$

دویمه بېلګه: په یوه صنفي آزموینه کې زده کوونکو لاندې نمرې لاسته راوړې دي.

4,6,8,10,12

د دغو نمرو د معیاري انحراف محاسبه څرګنده ده، د نوموړو نمرو انحرافي محاسبه په لاندیني جدول کې ښودل شوې ده.

X	$X=X-X^2$	X^2	
12	12-8=4	16	$\overline{X}=\frac{40}{5}=8$
10	2	4	
8	0	0	
6	-2	4	
4	-4	16	
$\Sigma X=40$	$\Sigma X=0$	$\Sigma X^2=40$	

که چېرې د ΣX^2 او N قیمتونه د معیاري انحراف په فورمول کې وضع کړو نو وبه لرو.

$$S=\sqrt{\frac{\sum X^2}{N}}$$

$$S=\sqrt{\frac{40}{5}}=\sqrt{8}=2.814$$

د تصنیف شوو اعدادو معیاري انحراف هم کولای شو په څو لارو سنجش کړو په هغه صورت کې چې د ټولګي وسط او اړوندې فریکونسي ګانې په کار واچوو، کولای شو له لاندیني فورمول څخه استفاده وکړو.

$$G=\sqrt{\frac{\sum f(X-\overline{X})}{\sum f}}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

په دې ځای کې f فریکونسي، X د ټولګي وسط او $\overline{X}$ د اړوندې وېشنې حسابي اوسط دی، $d=X-\overline{X}$ وضع شوی دی.
که چېرې د اعدادو انحراف د A د یو فرضي اوسط په توګه وسنجول شي یعنې d=X-A وي نو و به لرو.
او که انحراف د ټولګیو د موقعیت په نظر یعنې د ټولګي د واټن په واحدونو څرګند کړو د ټولګیو د ګډ واټن په صورت کې لیکو چې:

$$G=\sqrt{\frac{\sum fd'^2}{\sum f}-\left(\frac{\sum fd'}{\sum f}\right)^2}$$

په دې ځای کې d د ټولګي د واحد واټن په نظر انحراف او C د ټولګیو ګډ واټن دی.
پورتنی فورمول د تصنیف شوو اعدادو د معیاري انحراف د موندلو لنډه او اغېزمنه لار ده. په لاندیني جدول کې د 142 کورنیو ارو د کلني عاید په وېشنه کې پورتنی فورمول د ټولګي د واټن په واحدونو په لنډه طریقه تطبیق کړو.

کلنی وسطي عاید زر افغانۍ	فریکونسي f	d›	Fd›	$Fd›^2$
66.00-66.49	11	3	33	99
66.50-66.99	15	2	30	60
67.00-67.49	24	1	24	24
67.50-67.99	40	0	0	0
68.00-68.49	20	1	20	20
68.50-68.99	14	2	28	56
69.00-69-49	11	3	33	99
69.50-69.99	7	4	28	112
مجموع	142		22	470

$$G=C.\sqrt{\frac{fd'2}{f}-\left(\frac{fd'}{f}\right)^2}$$

$$=0.5\sqrt{\frac{470}{142}-\left(\frac{22}{142}\right)^2}\Rightarrow 0.5(1.81)-0.15$$

(زر افغانۍ)=0.83

(c) ketabton.com: The Digital Library

نسبي انحراف: کولای شو دوه یا زیاتې لړۍ (سلسلې) د اړوندو لړیو د اعدادو د خورېدنې (پراګندګۍ) د څرنګوالي د پوهېدو په غرض چې د پوره یا تقریباً ورته اوسطونو لرونکي وي پرتله (مقایسه)کړو، په ځینو حالاتو کې بېلا بېلې وېشنې بېل یا متفاوت اوسطونه لري او یا په بېلا بېلو واحدونو باندې څرګندیږي. په دې حالت کې د هغوی د معیاري انحراف پرتلنه نا ممکنه وي د بېلګې په ډول د طب د ډاکترانو د کلني عاید د وېشنې معیاري انحراف 1500 افغانۍ او د پوهنتون د استادانو 1000 افغانۍ وي په دې به دلالت ونه کړي چې انحراف د طب د ډاکترانو په عاید کې د 150 سلنې په اندازې، انحراف د پوهنتون د استادانو په کلني عاید کې وي یواځې په هغه حالت کې کولای شو تعبیرکړو چې په دواړو ګروپونو کې د کلني عاید اوسط مساوي وي. که د لومړني ګروپ د کلني عاید اوسط مثلاً 75000 او د دویمې 36000 وي د استادانو په عاید کې نسبي انحراف نظر د طب د ډاکترانو عاید ته زیات دی. په حقیقت کې د انحراف د دوو مطلقه ارزښتونو په منځ کې توپیر له متفاوته اوسطونو سره په یواځیتوب (تنهایي) سره د پرتلنې اساس نه شي کېدای. د مقیاسونو په دې حالت کې باید مطلقه انحراف په نسبي انحراف تبدیل شي، تر څو د اړوندو وېشنو د پرتلنې امکان میسر شي.

په دې ځای کې درې ډوله د نسبي انحراف مقیاس مطالعه کیږي.

دانحراف ضریب – د وسطي انحراف ضریب – د کارتیلونو د انحراف ضریب

د نسبي انحراف له مقیاسونو څخه یو مقیاس چې په عمل کې زیات په کار اچول کیږي د نسبي انحراف ضریب دی، دا ضریب معمولاً په V افاده کیږي او پر حسابي اوسط باندې د معیاري انحراف له نسبت څخه عبارت دی یعنې:

$$V = \frac{\text{معیاري انحراف}}{\text{حسابي اوسط}} = \frac{G}{X}$$

بیلګه: د طب د ډاکترانو او د پوهنتون د استادانو د کلني عاید په اړه د انحراف ضریبونه عبارت دي له:

$$V_1 = \frac{1500}{75000} = 0.02 \text{ یا } 2\%$$

$$V_2 = \frac{1000}{36000} = 0.028 \text{ یا } 2.8\%$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

د بلې خورېدنې نسبي مقياس چې ډېر زيات معمول دی د وسطي انحراف د ضريب په نوم يادېږي چې لاندې په V_a باندې اعاده شوی دی چې پر حسابي اوسط باندې له وسطي انحراف څخه عبارت دی.

$$V_a = \frac{\text{وسطي انحراف}}{\text{حسابي اوسط}} = \frac{MD}{\overline{X}}$$

په يوه وېشنه کې د $\overline{X}$ حسابي اوسط او د MD وسطي انحراف د هغو طريقو په اساس چې مخکې مطالعه شوي پيدا کړو. د (V_a) د وسطي انحراف ضريب هم په هغوی کې وېشو او په نسبت يا معمولاً په فيصدۍ يې څرګندوو د بېلګې په ډول په 11,8,6,3,2 پنځو عددونو کې څرنګه چې مو مخکې وليدل.

$\overline{X} = 6$

MD=2.8

د وسطي انحراف ضريب: په دې اعدادو کې عبارت دي له:

$$V_a = \frac{MD}{\overline{X}} = \frac{2.8}{6} = 0.0466 \text{ يا } 46.6\%$$

دانحراف ضريب نظر کارتيلونو ته چې لاندې په V_q باندې افاده شوی د هغوی په مجموعې باندې د دريم کارتيل او لومړي کارتيل د توپير له نسبت څخه عبارت دی يعنې:

$$V_q = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1}$$

د بېلګې په ډول د 142 کورنيوارو وسطي کلني عايد په وېشنه کې.

Q_3=68.41

Q_1=67.21

$$V_q = \frac{68.41 - 67.21}{68.41 + 67.21} = \frac{1.20}{135.62} = 0.009 = 0.9\%$$

په لنډه توګه بايد ووايو چې دوه يا زياتې وېشنې د انحراف او خورېدنې له پلوه يواځې

(c) ketabton.com: The Digital Library

هغه وخت پرتله کولای شو چې د کتې متې اوسط یا تقریباً د کتې متې اوسط لرونکی وي او په ورته (مشابه) واحد باندې افاده شوی وي پرته له دې باید د نسبي انحراف مقیاسونه په کار واچول شي.

د وېشنو د پرتلنې (مقایسې) پر وخت باید خپله مقیاس په کار واچول شي او نشو کولای V یوه وېشنه یا V_a او V_q له بلې وېشنې سره پرتله کړو.

د پنځم څپرکی دمطالبو لنډیز

$$\frac{\sum\left|X-\overline{X}\right|}{n}=\frac{\sum\left|X\right|}{n}=\frac{\sum\left|d\right|}{n}$$

معیاري انحراف (ستندرد انحراف): معیاري انحراف د بل مهم مقیاس مربع جذر یعنې وریانس څخه عبارت دي او یا معیاري انحراف د انحرافاتو مربع جذر دی.

واریانس $G=\sqrt{\frac{(X-\overline{X})^2}{n}}$

$$G^2=\frac{\sum\left(X-\overline{X}\right)^2}{n}$$

نسبي انحراف: د نسبي انحراف ضریب درې ډوله مقیاسونه په لاندې ډول دي:

۱- د نسبي انحراف ضریب: پر حسابي اوسط باندې د نسبي انحراف له نسبت څخه عبارت دی.

$$V_q=\frac{\text{نسبي انحراف(معیاري)}}{\text{حسابي اوسط}}=\frac{G}{\overline{X}}$$

۲- د وسطي انحرافي ضریب: پرحسابي اوسط باندې له وسطي انحراف څخه عبارت دی.

$$V_{\text{ش}}=\frac{\text{وسطي انحراف}}{\text{حسابي اوسط}}=\frac{MD}{\overline{X}}$$

۳- د انحراف ضریب نظر کارتیلونو ته: د هغوی په مجموع باندې د دریم کارتیل او لومړي کارتیل د توپیر له نسبت څخه عبارت دی.

$$V_q=\frac{Q_3-Q_1}{Q_3+Q_1}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

د پنځم څپرکي پوښتنې

۱- نسبي مطلقه انحراف څه شی دی او په څو ډوله سنجش کيږي؟

۲- د نسبي انحراف ضريب په څو ډوله دی، هر يو يې له فورمول سره واضح کړئ ؟

۳- انحراف يا خوربدل په يو لړۍ (سلسله) اعدادو کې څه مفهوم لري واضح يې کړئ؟

۴- معياري انحراف تعريف کړئ او په څو طريقو سنجش کيږي؟

۵- انحراف نظر کارتيلونو ته واضح کړئ ؟

۶- د وسطي انحراف فورمول په تصنيف شوو اعدادو کې په هغه صورت کې چې $\overline{X}$ وسطي ارزښت وي، وليکئ؟

(c) ketabton.com: The Digital Library

دویمه برخه

احتمالات

مقدمه

پر امکاناتو، یقین او باور نه لرل هغه مفاهیم دي چې انسانان تل له هغه سره سر او کار لري او هر انسان د خپل د راتلونکي او پېښو (حوادثو) او اتفاقاتو په اړه چې د هغه په چاپېریال کې به ورپېښ شي، ذهن کې اندېښنې اوفکرونه لري.

نو ځکه د احتمال مفهوم او د هغه په کار اچونه په ورځنیو اجرااتو کې د بشریت له تاریخ او تمدن سره تړاو لري او له احتمال څخه د ګټې اخیستلو یو له مواردو څخه په لوبو کې دی او له دې چې لوبې (3500) کاله مخکې له میلاده سابقه لري او د هماغه یوځایي لوبو له پیل څخه د برې او ناکامي له احتمال څخه یو لوري ته خبرې شوي او همدارنګه د لرغوني یونان د ستر پوه ارسطو په لیکنو کې د احتمال کلمه استعمال شوې ده.

خو د احتمال تیوري په ننۍ بڼه د پاسکال او فرما له کارونو څخه پیل شوې ده، ځرنګه چې پاسکال د ترکیباتو د تیوري د لومړنیو اصولو (ترکیبي آنالیز) بنسټ کېښود او د فرما په مرسته یې هغې ته پراختیا ورکړه او د احتمالاتو په مسایلو کې یې په ضمني توګه په کار واچاوه. وروسته دا ډګر د قدر وړ علماوو لکه کاردان، ګالیله، چیشیف، برنولي او لاپلاس له لوري اندازه شوي دي. د احتمال د تیوري تطبیق د کلموګروف په مرسته د احتمال د تیوري په نوم په کال 1933کې بشپړ شوې چې د احصایې د علماوو د منلو وړ وګرځېد.

د نن ورځې د احتمال تیوري په ډېرو مسلکي او تخصصي څانګو کې لکه انجنیري، منجمنت او د نفوس په شمېرنه کې د استعمال موارد لري چې د موضوع د اهمیت پر اساس احتمال د تخنیکي او مسلکي زده کړو د بېلا بېلو څانګو په تعلیمي پلانونو کې لکه د کمپیوټر تکنالوژي او هم د ادارې او حسابدارۍ انستیتوت په موجوده څانګو کې شاملې دي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د دې برخې د تدوین او ټولونې موخه د اړینو او لازمو معلوماتو او اطلاعاتو رسول هغو محصلینو ته دي چې د دولسم ټولګي له فراغت څخه وروسته د ادارې او منجمنت په برخه کې یو دوه کلنه تعلیمي دوره تېروي، تر څو و کولای شي د یو منیجر او د اداري امورو د فعال کارمند په توګه په دولتي او خصوصي برخو کې دنده تر سره کړي.

دا یو څرګند حقیقت دی چې دا اداري کارمند او منیجر د وخت له غوښتنو او هوکړو سره سم مکلف دي تر څو د ارقامو په ټولونه او تدوین کې د احصایې د بشپړولو او یا د پراختیایي (انکشافي) پلانونو د طرحې لپاره ځانګړې دندې سرته رسوي او د کارونو وروستي پرمختګونه او تکاملي لارې د ورځنیو دندو د سرته رسولو پر وخت په پام کې لري چې دغو موخو ته رسېدل په مسلمه او قطعي توګه د احتمالاتو د عمومي تیورۍ په زده کړه او د هغه په تطبیق باندې مکلف دي.

څرګنده ده چې د احتمالاتو په تیوري کې یو پراخ مبحث او زیات شمېر موضوع ګانې او مطلبونه شامل دي چې په دې لنډیز کې د ټاکل شوو ساعتونو په پام کې نیولو سره به د ټولو یا لږو مطلبونو تشریح او توضیح کول نا ممکنه وي، نو ځکه هڅه شوې ده تر څو هرڅه چې زیات او له ټولو څخه اړین وي او د ادارې او منجمنت د څانګو محصلینو لپاره ګټور دي په موجوده پروګرام کې شامل شي.

د دې برخې عمومي موخه :

د اداري کارکوونکو له خوا د احتمالاتو د تیوري تطبیق په اقتصادي او ټولنیزو اتفاقاتو کې.

(c) ketabton.com: The Digital Library

لومړی څپرکی

د احتمالاتو مفاهیم

ټولیزه موخه:

د احتمالاتو د موخو او مفاهیمو تعریف او توضیح.

د زده کړې موخې: د دې څپرکي په پای کې له محصلینو څخه هیله کیږي ترڅو:

- د پدیدو احتمالات توضیح کړي.
- د پدیدو ډولونه توضیح کړي.
- تصادفي او قطعي احتمالات دې تفکیک کړي.
- تصادفي تجربې دې توضیح کړي.
- په احتمالاتو کې دې ځینې مهم او اساسي مفاهیم توضیح کړي.

د احتمال کلمه په عامیانه ژبه کې د ګمان او اټکل ښکاره کول او غالباً د ممکن په معنا په کار وړل کیږي او نظري او غیر عملي اړخ لري، لکه نن امکان لري یا احتمال د دې دی چې باران و اوري او یا د ارجنټاین د ټیم لپاره د بري چانس د فوټبال په نړیوالو مسابقاتو کې ۸۰٪ دی.

خو په علمي ژبه کې د احتمال کلمه د ریاضي په خاصه معنا کارول شوې ده چې د هغې معنا د یوې اتفاقي تجربې د یوې ځانګړې پایلې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو د ډاډ یا اطمینان درجه ده. د احتمال ریاضیکي مفهوم د هغه د عامیانه مفهوم برعکس یو کمیتي مفهوم دی چې د اعدادو او ارقامو په مرسته افاده شوی او د معاصرو ریاضیاتو له میتودونو څخه په استفادې د تشخیص او ارزونې وړ ده او د ډاډ او اطمینان درجه د اتفاقي تجربو د پایلو

(c) ketabton.com: The Digital Library

له ښکارېدو یا نه ښکارېدو څخه معمولاً د فیصدۍ په ارقامو، عام کسر او یا اعشاري کسر باندې ښودل کیږي. د پېښو (اتفاقاتو) تجربو د څرګندو شوو ارقامو پایلې تل دوه لاندې مشخصې لري.

۱- د یوې اتفاقي تجربې له ممکنه پایلو څخه د یوې پایلې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو احتمال باید له صفر څخه لوی او له یو څخه کوچنی وي.

۲- د یوې اتفاقي تجربې له ممکنه پایلو څخه د یوې پایلې د ښکارېدو احتمال او یا نه ښکارېدو احتمال باید له یوه سره مساوي وي.

که:

(A) د یوې اتفاقي تجربې له ممکنه پایلو څخه یوه پایله وي.

P(A) د A د پایلې د ښکارېدو احتمال وي.

P(A) د A د پایلې د نه ښکارېدو احتمال وي.

نو

1) $0 \le P(A) \le 1$

2) P(A)+P(A) = 1

که چېرې د A د پایلې د ښکارېدو چانس او یا نه ښکارېدو چانس له یو بل سره مساوي وي، نو کولای شو د A د پایلې د ښکارېدو او یا نه ښکارېدو احتمال په کمیتي توګه په لاندې ډول افاده کړو:

P(A)=P(A)

P(A)=P(A)=$\frac{1}{2} = 0.5 = 50\%$

له پورته مطلب څخه نتیجه اخیستل کیږي که چېرې د پېښو (اتفاقاتو) د ښکارېدو او یا نه ښکارېدو لپاره مساعد او نامساعد حالات شتون ولري، نو په دې اساس د دې پېښو (اتفاقاتو) له پېښېدو څخه هر یو نامساعده حالت و نه لري د هغه د مساعد والي احتمال (۱) دی او که حادثه مساعد حالت و نه لري د حادثې د مساعد والي احتمال صفر دی.

بېلګه: که چېرې په یوه قطي کې 10 سپینې مرۍ، 5 تورې مرۍ او 3 سرې مرۍ موجودې وي او یوه مرۍ په اتفاقي توګه له قطي څخه وباسو.

(c) ketabton.com: The Digital Library

الف- د توري مرۍ احتمال $P(B)=\frac{5}{18}$

ب- د سرې مرۍ احتمال $P(R)=\frac{3}{18}$

ج- د سپينې مرۍ احتمال $P(W)=\frac{10}{18}$

د- د شنې مرۍ احتمال $P(G)=\frac{0}{18}$

د احتمال احصائيوي اوکلاسيک مفاهيم د هغه له رياضيکي مفهوم سره فرق کوي څرنګه چې:

۱- که چېرې د A د يوې اتفاقي پېښې د ښکارېدو احتمال په P(A)، د A د اتفاقي پېښې د مساعدو پايلو تعداد په N(A) او د A د اتفاقي پېښې د ممکنه پايلو تعداد په N(S) وښيو، نو کولای شو د احتمال کلاسيک مفهوم د لاندې فورمول په مرسته څرګند کړو.

$$P(A)=\frac{N(A)}{N(S)}$$

له دې فرضيې سره سم که چېرې يو ټولګی (جمعيت) تر احصائيوي مطالعې لاندې راځي بايد محد ود وي او د اتفاقي تجربو له پايلو څخه هر يو بايد د ښکارېدو مساوي چانس ولري او اما له دې چې:

۲- په زياتره وختونو کې هغه ټولګي (جمعيتونه) چې تر احصائيوي مطالعې لاندې راځي د هغوی د عناصرو تعداد غير محدود او يا ډېر زيات وي، نو ځکه د ټولګي (جمعيت) د جوړو شوو عناصرو د ښکارېدو قواعد غير ممکن وي او پوره معلومات د هغه د ښکارېدو يا نه ښکارېدو په اړه په واک يا اختيار کې نه وي چې د يوې اتفاقي پېښې د ښکارېدو يا نه ښکارېدو دا رنګه حالات د هغه د کلاسيک په مفهوم توضيح کېدلای نه شي. د A د اتفاقي پېښې د ښکارېدو يا نه ښکارېدو احتمال په دې حالت کې د نسبي فريکونسي په مرسته تشخيص کيږي. که د A د اتفاقي پېښې مطلقه فريکونسي په F(n) او د A د اتفاقي پېښې نسبي فريکونسي په F(A) څرګنده کړو. نو کولای شو د A د اتفاقي پېښې نسبي فريکونسي د رياضي له پلوه په لاندې ډول افاده کړو.

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$F(A)=\frac{F(A)}{n}$$

که چېرې د n نمونې حجم ورو ورو لوی شي او په پای کې لایتناهي ته نږدې شي، د A د اتفاقي پېښې نسبي فریکونسي ورو ورو یو سرحدي ارزښت ته نږدې کیږي چې که هغه د A د اتفاقي پېښې د ښکارېدو احتمال یو اټکلي ارزښت ومنو په لاندې ډول یې افاده کوو.

$$\lim_{n\to\infty} f(A)=\frac{F(A)}{n}=P(A)$$

پورتنی فورمول د احتمال اقتصادي مفهوم توضیح کوي.

بېلګه: د ادارې او حسابدارۍ انستیتوت په یوه ټولګي کې 100 تنه محصلین دي، که 60 تنه نجونې او پاتې نور هلکان وي او یو تحصیلي بورس دې ټولګي ته ورکړل شوی وي او یو تن محصل په اتفاقي توګه نوموړي بورس ته معرفي شي څومره احتمال لري چې:

الف- په دې بورس کې یوه نجلۍ کاندیده شي.

ب- یوه نجلۍ په دې بورس کې کاندیده نه شي.

ج- د ټولګي اول نمره دې په دې بورس کې کاندید شي.

حل : د احتمال د کلاسیک مفهوم سره سم موږ لرو:

الف-

N(S)

N(A)

N(B)

N(A)

$$\Rightarrow P(B)=\frac{N(B)}{N(S)}=\frac{60}{100}=0.6=60\%$$

ب- $P(\bar{B})=1-P(B)=1-0.6=0.4=40\%$

ج- $$N(A_1)=\frac{N(A_1)}{N(S)}=\frac{1}{100}=0.01=1\%$$

بېلګه: یوې فابریکې د برق سامان او لوازم تولید کړی او وړاندې له دې چې تولیدات یې بازار ته وړاندې شي، د تخنیکي کیفیت له پلوه تر احصائیوي آزمایښت لاندې راځي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

یوه نمونه د 1200 سایزو په واحد د تصدۍ له ورځنیو تولیداتو څخه په اتفاقي توګه پورته شوي، داسې ښيي چې 1100 واحده يې له نمونې سره سم او 100 واحده يې د ټاکل شوي نورم سره سم نه دي. په تولیداتو کې له نورم سره سم 200 واحده يې لومړۍ درجه تولیدات، 300 واحده يې دويمه درجه تولیدات او پاتې نور يې دریمه درجه تولیدات دی

که چېرې یو واحد په اتفاقي توګه پورته شي او تر احصائیوي کتنې (مشاهدې) لاندې راشي څومره احتمال لري چې:

الف- تولید له نورم سره سم ښکاره شي.

ب- نمونه له تولیداتو سره د نورم په خلاف پېښيږي.

ج- اخیستل شوی واحد د لومړۍ درجې تولیداتو څخه وي.

د- نمونه په دويمه درجه تولیداتو باندې پېښ شي.

هـ- نمونه په دریمه درجه تولیداتو باندې پېښ شي.

حل:

$n=1200$

$F(A)=1100$

$F(A')=100$

$F(A_1)= 200$, $F(A_2) = 300$

$F(A_3)= 600$

حل: عمومي فورمول $F(A)=\frac{F(A)}{n}$

الف- $F(A)=\frac{1100}{1200}=0.91=91\%$

ب- $F(A')=\frac{100}{1200}=0.09=9\%$

ج- $F(A_1)=\frac{200}{1200}=0.16=16\%$

د- $F(A_2)=\frac{300}{1200}=0.25=25\%$

هـ- $F(A_3)=\frac{600}{1200}=0.5=5\%$

(c) ketabton.com: The Digital Library

تصادفي تجربه: د ځینو تجربو پایلې له مخکې څخه په پوره ډول په ګوته شوي وي، مثلاً کله چې یوه ډبره وغورځوو دا ډبره په ځمکه لویږي او یا که یوه اندازه اوبو ته حرارت ورکړو، کله چې د اوبو د حرارت درجه د سانتي ګرېډ سلو درجو ته ورسیږي اوبه په بخار بدلیږي خو د دې په وړاندې نورې تجربې شتون لري چې، موږ نه شو کولای د هغوی پایلې مخکې له مخکې په دقت سره وټاکو او یواځې له تجربې وروسته د هغوی پایله په ګوته کیږي او دا ډول تجربو ته تصادفي تجربې وایي، لکه:

۱- که چیرې د پیسو یوه سکه هوا لور ته واچوو دا سکه د ښکته کېدو پر وخت پر مخ یا پر شا (شېر او خط) کښیني. په بل عبارت د سکې په غورځولو کې امکان لري دوې نتیجې لاسته راشي شېر یا خط چې دا مطلب یواځې وروسته د سکې له ناستې څخه د سطحې پرمخ کولای شو ووایو چې سکه پر مخ ناسته ده او یا په شا، نو ځکه ویلای شو چې:

د تصادفي تجربو مطالعه چې ممکنه نتایج ښیي، د احتمالاتو د تیوري د بنسټ په اندازې پېژندل شوې ده او همدارنګه د مطلب د ساده کېدو لپاره فرض کیږي چې، د لاسته راغلو پایلو تعداد به د متناهي (محدودو) تصادفي تجربو څخه وي.

نمونه يي فضاء: که چیرې $a_1, a_2, a_3 \ldots\ldots\ldots a_n$ له یوې تصادفي تجربې څخه ممکنې پایلې وي.

$S=(a_1,a_2,a_3,\ldots\ldots a_n)$ Set

نوم او نمونه يي فضاء لوستل کیږي، له S څخه هر عنصر له نمونه يي فضاء څخه یو ټکی یاځای نومول کیږي د بېلګې په ډول:

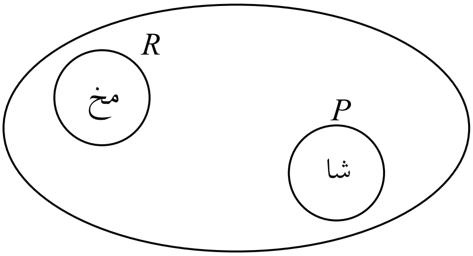
بېلګه: یوه سکه هوا ته اچول کیږي. دا سکه په ښکته راتلو کې د (R) پر مخ یا د (P) پر شا کښیني، مجموعه: $S=\{P,R\}$

ټولې ممکنې مجموعې چې دا تجربه ښیي د تصادفي تجربې د نمونه يي فضاء په نوم نومول کیږي او د R او P له عناصرو څخه هر یو د نمونه يي فضاء د یو ټکي په نوم لوستل کیږي.

نوټ: یو متناهي ست د حقیقي اعدادو د انټروالونو په بڼه، د ترلې نمونې د هندسي احجامو او اشکالو د نمونې فضاء جوړوي.

بېلګه: یو مکعب چې شپږ مخه لري د ناستې پر وخت به له یوه څخه تر شپږ مخه ولري.

(c) ketabton.com: The Digital Library



SET: S={1,2,3,4,5,6} چې د دې تجربې ټولې ممکنې نتیجې ښیي د دې تجربې د نمونه يي فضاء په نوم لوستل کيږي. دا مجموعه شپږ عنصره لري

تصادفي پېښه (پيش امد): څرنګه چې مخکې مو ولیدل د یو مکعب په تویدو سره د نمونې فضاء برابره ده له:

S={1,2,3,4,5,6}

که چېرې په دې تجربه کې له دوو اړخونو څخه د یوه پر مخ کېدل چې د هغې پر مخ جفت عدد لیکل شوی وي. زموږ مطلوب وي د A={2,4,6} مجموعه چې د مطلوب ټولې پايلې ښيي د يوې تصادفي پېښې (پيش امد) په نوم لوستل کيږي څرنګه چې:

A⊂S

نو ویلای شو چې هر فرعي ست له نمونه يي فضاء څخه یوه پېښه (پيش امد) ده. په بل عبارت، که چېرې S د تصادفي تجربې د نمونې فضاء وي، A یوه تصادفي پېښه (پيش امد) لوستل کيږي يواځې او يواځې. A⊂S

تعریف: په یوه تصادفي تجربه کې د فرعي ست تصادفي پېښه (پيش امد) عبارت د هغې تجربې له نمونه يي فضاء څخه ده. په بل عبارت، که چېرې S د تصادفي تجربې د نمونې فضاء وي، A یوه تصادفي پېښه (پيش امد) لوستل کيږي، یواځې او یواځې A⊂S

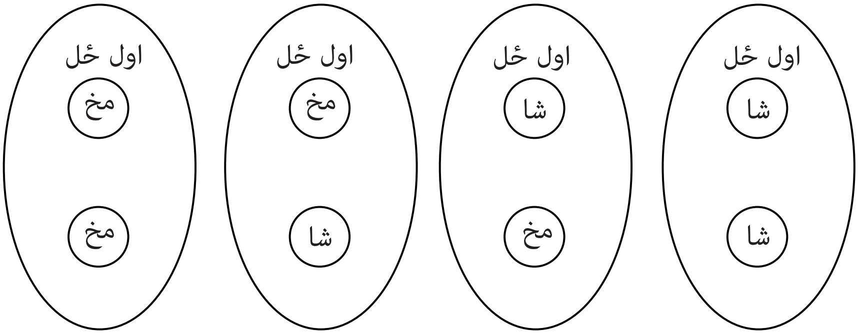
او همدارنګه ویلای شو چې:

که له يوې تصادفي تجربې څخه یوه پېښه (پيش امد) ټاکل شوې وي، د دې تجربې په هر ځل سرته رسولو سره ويل کيږي چې د A پېښه واقع شوې ده کله چې نتیجه لاسته راغله د A غړی (عضو) دې وي.

لکه: یوه سکه دوه ځله هواته اچول کيږي، نمونه يي فضاء او تصادفي پېښه (پيش امد) چې د مخ ښکارېدل په دوه واره اچولو کې یا د شا ښکارېدل په دوه واره اچولو کې عبارت دي وليکئ.

حل: دا سکې د ناستې په وخت کې له دې بڼو څخه به یوې بڼې ته مخ ولري.

(c) ketabton.com: The Digital Library



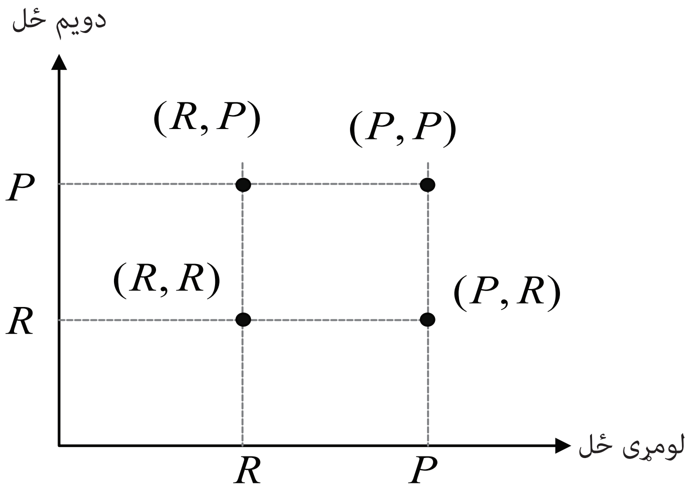
که چېرې د سکې د مخې د راتګ نتیجه په R او د شا د راتګ نتیجه په P وښیو. د پایلو مجموعه د هر ځل اچولو لپاره برابره ده له:

A={R,P}

هغه څه ته په پام سره د دیکارتي په حاصل ضرب کې د A یوه مجموعه په خپله دې کې ویل شوې ده بېلا بېل حالات چې سکه په دوه ځله کې ممکنه ده له یو بل سره پر ځمکه کښیني او یا په بل عبارت د دې تجربې نمونه یي فضاء برابره ده له:

S={(R,R),(R,P),(P,R),(P,P)}

د نمونه یي فضاء د لاسته راوړلو لپاره کولای شو د قایم د مختصاتو له سیستم څخه هم استفاده وکړو.



(c) ketabton.com: The Digital Library

په دې تجربه کې د A تصادفي پېښه (پېش امد) يعنې دوه ځله په مخ راتګ يا دوه ځله په شا راتګ عبارت دی له:

د A پېښه د S له نمونه يي فضاء څخه فرعي ست دی چې په پورته بڼه کې ښودل شوې ده.

احتمال: له مخکينيو توضيحاتو سره سم اوس کولای شو احتمال په دقيقه او مشخصه توګه تعريف کړو. که چېرې تصادفي پېښې ته کوم عدد نسبت ورکړل شي او د هغه په مرسته د هغې پېښې د پېښيدو چانس وسنجوو، لومړی فرض کيږي چې د نمونې د فضاء د عناصرو تعداد متناهي وي او همدارنګه دا عناصر بېل وي او د نمونه يي فضاء د ټولو عناصرو د ښکارېدو چانس برابر وي. د بېلګې په ډول:

۱- د يوې سالمې سکې په اچولو سره نمونه يي فضاء عبارت ده له:

S=(R, P)

د دې نمونه يي فضاء د عناصرو تعداد متناهي دی او مساوي په 2 دی له بل پلوه دا عناصر بېل دي او د دې عناصرو د ښکارېدو چانس له يو بل سره مساوي وي او د نمونه يي فضاء د ټولو عناصرو د ښکارېدو چانس برابر وي. د بېلګي په ډول:

۱- د يوې سالمې سکې په اچولو سره نمونه يي فضاء عبارت ده له:

S=(R, P)

د دې نمونه يي فضاء د عناصرو تعداد متناهي دی او مساوي په 2 دی له بل پلوه دا عناصر بېل دي او د دې عناصرو د ښکارېدو چانس له يو بل سره مساوي وي.

۱- د يوه سالم مکعب په اچولو کې نمونه يي فضاء شپږ غړي لري.

S= {1, 2, 3, 4, 5, 6}

او له عناصرو څخه د هر يو عنصر د ښکارېدو چانس مساوي دی.

د نمونه يي فضاء او د تصادفي پېښو د مفهوم په څرګندېدو سره کولای شو احتمال تعريف کړو.

تعريف: که د نمونه يي فضاء د عناصرو تعداد محدود وي او د دې عناصرو د ښکارېدو چانس مساوي وي د هرې تصادفي پېښې احتمال لکه A چې په P(A) سره ښودل کيږي مساوی دی په:

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$P(A)=\frac{n(A)}{n(S)} \qquad \frac{\text{د A عناصرو شمېر}}{\text{د S عناصرو شمېر}}$$ (د هرې پېښې د پېښېدو احتمال)(P(A)،

څرنگه چې $0 \leq nA \leq n(S)$

او $0 \leq P(A) \leq 1$ وي به.

يعنې د هرې پېښې احتمال د صفر او يوه ترمنځ عدد دی يا په بل عبارت:

$$P(A)=\frac{n(A)}{n(S)} \qquad \frac{\text{دمساعدو حالتونو تعداد}}{\text{د ممکنه حالتونو تعداد}}$$ (د A د پېښې د پېښېدو احتمال)

بېلگه: يو مکعب يو ځل غورځوو که د B پېښه (پېش امد) د طاق عدد له ښکارېدو څخه عبارت وي موږ لرو:

S={1,2,3,4,5,6}

B={1,2,5)

$$P(B)=\frac{n(B)}{n(S)}=\frac{3}{6}=\frac{1}{2}$$

بېلگه: د {a,b,c} د مجموعې ټول درې توريز ترکيبات دې د بېلا بېلو کارتونو پر مخ وليکل شي، داسې چې هر يو ترکيب د يو کارت پر مخ وي له گڼولو ورسته، يو کارت د قرعې په توگه پورته کوو. احتمال د دې چې د b توری د دې کارت پرمخ وي څه دی.

حل : د {a,b,c,d} د مجموعې درې توريز ترکيبات عبارت دي له:

S= {abc,acd,abd,bcd}

که چېرې A مطلوبه پېښه (پېش امد) وي موږ لرو:

A= {abc,abd,bcd}

په پايله کې احتمال يې برابر دی له $P(A)=\frac{n(A)}{n(S)}=\frac{3}{4}$

(c) ketabton.com: The Digital Library

د لومړي څپرکي د مطالبو لنډيز

د احتمال کلمه د يوې اتفاقي تجربې د ښکارېدو يا نه ښکارېدو د ډاډ د درجې په معنا ده او احتمال په مطابقت کې د کمياتو او مشخصه اعدادو په مرسته د معاصره رياضياتو په فورمولونو سره څرګندولای شو.

څرنګه چې د يوې ممکنه نتيجې د ښکارېدو يا نه ښکارېدو احتمال تل له صفر څخه لوی او له يوه څخه کوچنی وي. په واقعيت کې د مساعده او نا مساعده حالاتو د اتفاقاتو د پېښېدو امر د احتمال (probability) په نوم ياديږي. د کلاسيک له مفاهيمو سره سم احتمال د ممکنه نتايجو پر تعداد باندې له مساعدو نتايجو او تعداد څخه عبارت دی يعنې

$$P(A)=\frac{N(A)}{N(S)}$$

خو احتمال له احصائيوي مفهوم سره سم، د يوې حادثې نسبي فريکونسي مساوي کيږي د حادثې د مطلقه فريکونسي د دفعاتو له تعداد سره.

د احتمالاتو په تيوري کې د قطعي او ثابتو پديدو او تصادفي پديدو له مفاهيمو سره مخامخ کيږو، که چېرې د هرې حادثې نتيجې له مخکې څخه معلومې وي د قطعي پدېدو په نوم ياديږي او که د يوې حادثې د تجربې نتيجې له مخکې څخه معلومې نه وي د پديدې يا تصادفي تجربې په نوم ياديږي.

د تصادفي تجاربو مطالعه د احتمالاتو د تيوري بنسټ جوړوي. د يوې تجربې له نتايجو څخه مجموعه (ست) د نمونې د فضاء په نوم ياديږي. څرنګه چې د يوې نمونې د فضاء هر فرعي ست د يوې تصادفي پېښې (پېش امد) ښکارندوی دی.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د لومړي څپرکي پوښتنې

۱- د لوبو یو درجن قطعې په نظر کې نیسو چې (52) پاڼې ولري. که د خښتې رنګ A ونوموو په اتفاقي توګه د یوې پاڼې د انتخابولو په اثر د (A) ښکاره کېدل عبارت دي له:

۲- په یو ټولګي کې له سل تنو محصلینو څخه آزموینه اخیستل کیږي چې په نوموړي ټولګي کې (35) تنه یې نجونې او پاتې نور یې هلکان دي، د یوه محصل د آزموینې پارچه په اتفاقي توګه پورته کوو احتمال د دې چې پارچه په چاپوري اړوندیږي څومره دی؟

a. په یوه جنۍ پورې؟

b. یو تن هلک پورې؟

۳- په یو پاکټ کې دوه د سلو افغانیو نوټونه، څلور د پنځوسو افغانیو نوټونه، لس د شلو افغانیو نوټونه او شل د لسو افغانیو نوټونه په غیر منظمه توګه ځای په ځای شوي دي، د هغوی له جملې څخه یو نوټ په اتفاقي توګه غوره کیږي.

۴- یوه کورنۍ درې اولاده غواړي، احتمال د دې چې:

c. درې واړه اولاده هلکان وي څو دی؟

d. په دریو اولادو کې یو هلک وي څو دی؟

۵- په یوه کڅوړه کې ۵ سرې مرۍ او درې شنې مرۍ شتون لري، موږ دوه مرۍ پر له پسې له کڅوړې څخه وباسو (پرته دځای له ټاکلو) معلوم کړئ چې:

e. احتمال د دې چې دوه مرۍ سرې وي څو دی؟

f. احتمال د دې چې د لومړنۍ رنګ سور او د دویمي رنګ شین وي څو دی.

لارښوونه $n(s)=C_1^8.C_1^7 \Rightarrow P(A)=\dfrac{n(A)}{n(S)}, \text{P(B)}=\dfrac{n(B)}{n(S)}$

۶- په یوه کڅوړه کې ۵ سرې مرۍ او درې شنې مرۍ شتون لري، له دې کڅوړې څخه دوه مرۍ پرله پسې وباسو (د ځای له ټاکلو سره) معلوم کړئ چې احتمال د دې چې:

g. دواړه مرۍ سرې وي څو دی؟

h. لومړنۍ مرۍ سره او دویمه شنه وي څو دی؟

$$n(S)=\begin{bmatrix}8\\1\end{bmatrix}\begin{bmatrix}8\\1\end{bmatrix}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

دویم څپرکی

د احتمالاتو د سنجش بنسټیز قواعد

ټولیزه موخه:
د خپلواکه او مشروطه اتفاقاتو په محاسبه کې د جمع او ضرب له قاعدې څخه ګټه اخیستل.

د زده کړې موخې: زده کوونکي باید د دې څپرکي په پای کې وکولای شي تر څو:

- د جمع قاعده تعریف کړي.
- د ضرب قاعده تعریف کړي.
- خپلواک حوادث محاسبه کړي.
- مشروط حوادث محاسبه کړي.

د بېلا بېلو برخو په څېړنو کې لکه په اتفاقي حادثاتو پورې اړوند د احصائيې مسایل، د ښکارېدو یا نه ښکارېدو احتمال یواځې یوه اتفاقي حادثه د بحث وړ نه ده بلکې په زیاتره مواردو کې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو احتمال دوه یا څو اتفاقي حادثې هم د علاقې وړ وي.

هغه قواعد چې د هغه په مرسته د دوه یا څو اتفاقي حادثو د ښکارېدو احتمال سنجش کیږي، د اتحاد د قواعدو (د جمع قاعدې) په نوم او هغه قواعد چې د هغې په مرسته د یو ځای ښکارېدو یا څو اتفاقي حادثو احتمال سنجش کیږي، د احتمال د تقاطع قواعد (د ضرب قاعدې) په نوم یادیږي او دواړه قاعدې د نوې ریاضي د نښو (علایمو) او سمبولونو (ستونو) په اساس فورمول بندي کیږي.

په احتمالاتو کې د جمع قاعده: مخکې له دې چې د جمع قاعده توضیح شي ضروري ګڼل کیږي تر څو د اتفاقي حادثو په مفهوم پوه شو.

(c) ketabton.com: The Digital Library

خپلواکه (مستقله) اتفاقي حادثې: خپلواکه ناځاپي پېښې هغه پېښې دي چې د یوې ناځاپي پېښې څرګندېدنه د بلې ناځاپي پېښې په څرګندېدو پورې تړلې نه وي. په بل عبارت د یوې پېښې د څرګندېدو احتمال د بلې پېښې د څرګندېدو احتمال متأثره نه کړي د بېلګې په ډول .که په یوه لوښي کې (۱۰) دانې مردکۍ په بشپړه توګه یو له بل سره ورته (مشابه) موجودې وي، که چېرې دوه مردکي په اتفاقي توګه پورته کړل شي، د دې احتمال چې په لومړي ځل دویم نمبر مردکی او په دویم ځل پنځم نمبر مردکی پورته کړل شوي مساوي دي. که د دویم نمبر مردکي ښکارېدل د A د اتفاقي حادثې په توګه او د پنځم نمبر مردکي ښکارېدل د B د اتفاقي حادثې په توګه ومنو نو د A د اتفاقي حادثې او د B د اتفاقي حادثې احتمال د رياضي له پلوه تر پورتنیو شرایطو لاندې په لاندې بڼه افاده کيږي.

$$P(A)=\frac{N(A)}{N(S)}=\frac{1}{10} \qquad P(B)=\frac{N(B)}{N(S)}=\frac{1}{10}$$

په خپلواکه (مستقله) اتفاقي حادثه کې د جمع قاعده: که چېرې A او B دوه اتفاقي او خپلواکه حادثې له یو بل څخه داسې وي چې د دواړو حادثو ښکارېدل د امکان وړ نه وي په دې صورت کې احتمال د دې چې یو له دغو دوو اتفاقي حادثو څخه ښکاره شي عبارت دي له:

$$(AVB)\Leftrightarrow P(A\cup B)=P(A)+P(B)$$

که چېرې خپلواکه اتفاقي حادثې له دوو حادثو څخه زیاتې وي په دې صورت کې د نوموړو حالاتو اتحاد په لاندې توګه معلومیږي.

$$P(A_1VA_2VA_3\ldots A_n) \Leftrightarrow P(A_1\cup A_2\cup A_3\ldots\cup A_n)$$
$$=P(A_1)+ P(A_2)+ P(A_3)+\ldots P(A_n)$$

او دا مطلبونه هغه وخت د امکان وړ دي چې A,B دوه اتفاقي حادثې وي، چې د هغوی یوځای ښکارېدل د امکان وړ وي. په داسې مواردو کې احتمال د دې چې په یوه اتفاقي تجربه کې لږ تر لږه یو له دوو اتفاقي حادثو څخه A یا B ښکاره شي عبارت دي له:

$$P(AVB)\Leftrightarrow P(A\cup B)=P(A)+ P(B)-P(A\cup B)$$

P(AVB)1-P(A⍰∩B⍰)یاپه لنډه توګه ولیکو: :

که چېرې درې غیر خپلواکې اتفاقي حادثې په نظر کې وي، پورتنی فورمول په لاندې بڼه بدلیږي:

(c) ketabton.com: The Digital Library

P(AVBVC) $\Leftrightarrow$ P(A $\bigcup$ B $\bigcup$ C)

=P(A)+P(B)+P(C)-P(A $\bigcap$ C)- P(A $\bigcap$ B)+(A $\bigcap$ B $\bigcap$ C)

یا په لنډه توګه کولای شو ولیکو: P(AVBVC)+1-P(A′ $\bigcap$ B′ $\bigcap$ C′)

بېلګه: که $P(A \cap B)=\frac{1}{8}$, $P(B)=\frac{1}{5}$, $P(A)=\frac{1}{3}$ معلوم کړئ چې:

a- $P(A')=?$

b- $P(B')?$

c- $P(A' \cup B')$

d- $P(A' \cap B')$

a) $P(A)=1-P(A)=1-\frac{1}{3}=\frac{2}{3}$

b) $P(B')=1-P(B)=1-\frac{1}{5}=\frac{4}{5}$

c) $P(A \cup B)=P(A \cap B)=1-P(A \cap B)=1-\frac{1}{8}=\frac{7}{8}$

d) $P(A' \cap B')=P(A \cup B')=1-P(A \cap B)$

$=1-P(A \cup B)=1-\left[P(A)+P(B)-P(A \cap B)\right]=$

$1-(\frac{1}{3}+\frac{1}{5}-\frac{1}{8})=\frac{71}{120}$

په احتمالاتو کې د تقاطع (ضرب) قاعده:

a- دوه حادثو ته خپلواکه (مستقل) وایي که چېرې د یوې پېښې د بلې پېښې په احتمال کې کومه اغیزه ونه لري په دې صورت کې کولای شو ولیکو چې:

$P(A \cap B)=P(A)P(B)$

بېلګه: فرض کړئ د یو تن محصل د کامیابۍ احتمال د ۱۳ ټولګي د دویم سمستر د ریاضیاتو په مضمون کې (A حالت) ۴۰ فیصده او د همدغه محصل د کامیابۍ احتمال د اقتصادي جغرافیې په مضمون کې (B حالت) ۸۰ فیصده وي، څومره احتمال لري چې په دواړو مضمونو کې کامیاب شي؟

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$P(A \Lambda B) \Leftrightarrow P(A \cap B) \Rightarrow P(A) \times P(B) = 0.4 \times 0.8 = 0.32 = 32\%$$

یادونه: که چیرې د خپلواکه حادثو تعداد له دوو حادثو څخه زیات وي د ضرب د قاعدې فورمول په لاندې توګه پراختیا پیدا کوي.

$$P(A_1 \Lambda A_2 \Lambda A_3 \ldots \Lambda A_n) \Leftrightarrow P(A_1 \cap A_2 \cap A_2 \ldots \cap A_n)$$
$$P(A_1) \times P(A_2) \times P(A_3) \ldots P(A_n)$$

b- په ځینو موارد کې د حوادثو او واقعاتو پېښېدنه له یو بل څخه خپلواکه نه دي بلکې د یوې حادثې پېښېدنه د بلې حادثې په پېښېدنې پورې تړلې (مقیده) او مشروطه وي، یا په بل عبارت د A حالت هغه وخت پیښیږي چې یو بل حالت لکه (B) پېښه شوي وي. د A د حادثې د پېښېدنې احتمال د B حالت په پېښېدنې مشروط ګڼې او د P(A/B) د نښې په مرسته يې څرګندوي دغه احتمال د مشروط یا (Conditional Probability) په نوم یادوي او لیکي.

$$P(A/B) = \frac{n(A \cap B)}{n(B)} \text{ یا } P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

اما د شرطي احتمال د محاسبې لپاره له لاندې فورمول څخه ګټه اخیستل کیږي.

$$P(A/B) = P(B).P(A/B) \text{ یا } P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

په همدې ترتیب $\Rightarrow P(A \cap B) = P(A).P(\frac{B}{A})$

بېلګه: په یوه پاکټ کې څلور دانې د سرو زرو (طلا) سکې او دوه دانې د سپینو زرو (نقرې) سکې اېښودل شوي دي، که یوه سکه په اتفاقي ډول وټاکل شي د دې احتمال چې نومورې سکه به طلا وي $\frac{4}{6}$ وي، فرض کوو چې نومورې سکه طلا وي $\frac{4}{6}$ به وي، او د دویم ځل لپاره پاکټ ته نه غورځول کیږي او دویمه غوره کړل شي د دې احتمال چې دویمه هم طلا وي له $\frac{3}{6}$ څخه عبارت دی، په نتیجه کې د دې احتمال چې د شپږو نومورو سکو له جملې څخه لومړی او دویم دواړه طلا وي عبارت دي له:

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$P(A_1 \cap A_2)=P(A_1).P(\frac{A_2}{A_1})=\frac{4}{6}.\frac{3}{5}=\frac{2}{5}=0.4$$

بېلګه: د لوبو د قطعو له یو درجن څخه ۳ پاڼې یو پر بل پسې ټاکل کیږي او د دویم ځل لپاره د قطعې منځ ته غورځول کیږي، د دې احتمال چې لومړی، دویمه او دریمه به طوس وي څومره دی؟

$$P(A_1 \cap A_2 \cap A_3)=P(A_1).P(A_2).P(A_3)=\frac{4}{52}.\frac{3}{51}.\frac{2}{50}$$

یادونه: دوه حادثې چې د هغوی هم مهاله پېښېدنه امکان و نه لري نا سازګاره حادثې ورته ویل کیږي.

د دویم څپرکي د مطالبو لنډیز:

هغه قواعد چې د هغې په مرسته د دوو یا څو اتفاقي حادثو د ښکارېدو احتمال سنجش کیږي د جمع د قواعدو په نوم او هغه قواعد چې د هغې په مرسته د یو ځای د ښکارېدو د دوو یا څو اتفاقي حادثو احتمال سنجش کیږي د احتمالي ضرب د قواعدو په نوم یادیږي چې، دواړه قاعدې د نوې ریاضي د نښو او سمبولونو (د ست د تیوري) په اساس فورمول بندي کیږي.

که چېرې د یوې اتفاقي حادثې ښکارېدل د بلې اتفاقي حادثې په ښکارېدو تړلې (مقیده) نه وي د خپلواکه اتفاقي حادثې په نوم یادیږي چې، په داسې حالاتو کې د مطالعې وړ پدیدو ښکارېدل، د نورو حادثو ښکارېدل نه اغېزمن کوي.

اما په ځینو ځایونو کې د حادثو او واقعاتو پېښېدنه له یو بل څخه خپلواکه نه وي بلکې د یوې حادثې پېښېدنه د بلې حادثې په پېښېدنه باندې تړلې (مقیده) او مشروط وي، نو که د A د حادثې پېښېدنه د B د حادثې په پېښېدنه مشروط وي، دا ډول احتمال د مشروط احتمال په نوم یادیږي.

د دوو حادثو پېښېدنه چې هم مهاله امکان و نه لري ناسازګاره حوادث جوړوي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د دویم څپرکي پوښتنې

۱- ثابت کړئ چې $n!.n!=(n^2)!$

۲- په یوه صندوقچه کې (۳۰) دانې مردکي شتون لري چې، د هغوی له جملې څخه (۱۰) دانې یې سره، (۵) دانې یې شنه او (۱۵) دانې یې سپین دي. احتمال یې داسې پیدا کړئ چې له صندوقچې څخه د یوه مردکي په ایستلو کې به مردکی کوم رنګ وي.

۳- ممتحن د (۲۵) پوښتنو له جملې څخه درې پوښتنې غوره کوي، کوم احتمال به شتون ولري چې محصلین به د کومو دریو پوښتنو په اړه له (۲۰) پوښتنو څخه حدس ووهي.

۴- د دوه قطیو په منځ کې د برق یو شمېر ګروپونه شتون لري، څرنګه چې په لومړي قطي کې د (۱۲) ګروپونو له جملې څخه یو دانه یې ناقص او همدارنګه په دویم قطي کې د (۱۰) دانو له جملې څخه یو دانه یې هم ناقص دی. احتمال یې په هغه صورت کې پیدا کړئ چې، که له لومړي قطي څخه په کیفي ډول یو ګروپ واخیستل شي او په دویم قطي کې کېښودل شي، هم ناقص دی.

د دویم قطي لارښوونه $P(B)=\dfrac{11}{12}$ و $P(B̄)=\dfrac{1}{12}$

۵- ٪۵۰ ټولې پرزې چې د یوې دستګاه په مرسته تولیدیږي او په هغه کې یو فیصد زیان شتون لري، ٪۳۰ فیصده یې چې د دویمې دستګاه په مرسته تولیدیږي دوه فیصده زیان لري او ٪۲۰ فیصده چې د دریمې دستګاه په مرسته تولیدیږ په هغه کې ٪۵.۱ فیصده زیان شتون لري. مساوي احتمال به څو وي که پرزه له دستګاه څخه زیانمنه تولید شي.

$$P(A)=P(B_1).P_{B1}(A)+P(B_2)P_{B2}(A)+P(B_3)P_{B3}(A)$$

۱- د لوبو د ۳۶ قطعو له منځ څخه په کیفي توګه درې قطعې اخیستل کیږي، احتمال یې په هغه صورت کې پیدا کړئ چې د درې اخیستل شوو قطعو له جملې څخه لږ تر لږه یو له هغه څخه طوس وي.

لارښوونه: $P(A)=\dfrac{C_{32}^{3}.C_{3}^{0}}{C_{36}^{3}}$, $P(A)=1\text{-}P(A)$

(c) ketabton.com: The Digital Library

درېیم څپرکی

د ترکیباتو تیوري

ټولیزه موخه:

پېش بیني شوو موخو ته د رسېدو په غرض د پدیدو ترکیب، بدلون او ترتیب.

د زده کړې موخې: هیله کیږي تر څو زده کوونکي د دې څپرکي په پای کې وکړای شي:

۱- د بدلیدو یا تبدیل مفهوم توضیح کړي او د بحث وړ پدیدې دې په مناسبه توګه تبدیلې کړي.

۲- د ترتیب مفهوم دې توضیح کړي او د بحث وړ پدیدې دې په مناسبه توګه ترتیب کړي.

۳- ترکیب دې د احتمالاتو له تیوري سره سم توضیح او د پدیدو حوادث دې ترکیب کړي.

د ترکیباتو د محاسبې لپاره د احتمالاتو دوه عمده او بنسټیز اصله شتون لري چې، د جمع له قواعدو (د اتحاد قاعده) او ضرب قاعدې (تقاطع) څخه عبارت دی چې په دویم څپرکي کې په لنډه توګه توضیح او تشریح شوې دي، خو دا قواعد په شمېرلو کې د ضرب له اصل سره او په شمېرلو کې د جمع له اصل سره توپیر لري، ځکه د اتحاد او تقاطع قواعد پر حوادثو او اتفاقي احتمالاتو تړلي دي چې، پر له پسې متصل یا منفصل وي، خو د شمېرلو او ضرب لپاره د جمع په قواعدو کې مورږ له موجوده او مشخصه پدیدو او واقعیتونو سره سر او کار لرو چې هغوی ته له خپلې غوښتنې او ارادې سره سم نظم او ترتیب ورکولای شو.

په شمېرلو کې د جمع اصل: که چېرې n د خپلواکې عملیې جمله په $P_1, P_2, P_3, \ldots,$ P_n بېلا بېلو بڼو سر ته رسېدای شي او عملیه چې مقصد یې د دغو عملیاتو له جملې څخه د یوې پېښېدنه وي په $P=P_1+P_1+\ldots P_n$ په بېلا بېلو بڼو تر سره کېدای شی.

بېلګه: له څلور رنګه ټوکر (تور، سپین، سور او شین) څخه کولای شو څو بیرقه جوړ کړو داسې چې هر بیرق له دوو رنګونو څخه لږ رنګ ونه لري.

(c) ketabton.com: The Digital Library

حل:

د دوه رنګه بیرقونو تعداد $P_1=4.3=12$

د درې رنګه بیرقونو تعداد $P_2=4.3.2.1=24$

د څلور رنګه بیرقونو تعداد $P_3=4.3.2.1=24$

د ټولو بیرقونو تعداد $P= P1+P1+P3$

په شمېرلو کې د ضرب اصل: که چېرې د n عملیه د $P_1,P_2,P_3,...P_n$ په بېلا بېلو بڼو پېښې شي دغه عملیې په هم مهاله توګه د $P=P1.P2.P3....Pn$ په بېلا بېلو بڼو ترسره کېدای شي.

بېلګه: له څلور تنو انګلیسانو، پنځه تنو فرانسویانو او دوه تنو مصریانو څخه څو درې کسیزه کمیسیونونه چې د نومو‌ړو استازو لرونکي وي جوړېدای شي.

حل: د کمیسیونونو تعداد:

$P=4.5.2=40$

ترتیبونه (Arrangments): هغه بېلا بېل حالات چې n شي، په مرتبه توګه د یو بل څنګ ته ځای په ځای کېدای شي د هغوی د بېلا بېلو ترتیبونو په نوم یادیږي او د دې ترتیبونو تعداد عبارت دی له:

$P(n,n)=n!$

په بل عبارت د ست له عناصرو څخه د هر محدود منظم ست ته ترتیب ویل کیږي.

څرنګه چې په افاده کې $n=k, A_n^k$ وضع شي نو:

$P_n=n!= A_n^k$

بېلګه: د a,b,c درې توري په څو بڼو د یو بل څنګ ته ځای په ځای کېدای شي.

$P=3!=3.2.1=6$

بېلګه: د 2،4،6 او 8 له ارقامو څخه څو څلور رقمي عدده کولای شو جوړ کړو داسې چې د اعدادو ارقام نه وي تکرار شوي.

$P(n,n)=4!=4.3.2.1=24$

بدلونونه (Permutations): هغه بېل حالات چې r شي، له بېلا بېل n شي څخه (r<n) د یو بل په څنګ کې مرتب کېدای شي. د n شی د r په r بدلونونو په نوم یادیږي او د هغوی تعداد عبارت دی له:

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$P(n.r)=\frac{n!}{(n-r)!}$$

$$A_n^r=\frac{n!}{(n-r)!}=n(n-1)(n-2)\ ----\ (n-r+1)$$

بېلګه: يو توپير لرونکی درې رنګه بیرغ په هغه صورت کې چې زموږ په لاس کې موجوده مواد له پنځو رنګونو څخه جوړ شوي وي جوړولای شو داسې چې د ټوکر درې رنګه په افقي شان د بیرغ عرض جوړوي او له رنګونو څخه سور رنګ حتمي وي.

$$A_5^3=\frac{5!}{(5-3)!}=5.4.3=60$$

(۱) يادونه- ليدل کيږي چې د خصوصي حالت ترتيب له بدلون څخه دی کله چې r=n وي.

(۲) يادونه- که چېرې n شی د دايرې پر مخ مرتبه شي د دايروي بدلونونو په نوم ياديږي او د هغه ترتيبونه عبارت دي له (n-1)!

ترکيبونه (Combinations): هغه بېلا بېل حالات چې (r) شی، د n شی له ترتيب څخه پرته له دې چې په پام کې و نيول شي بېل ټاکل کيږي د n شی r په r ترکيبونو په نوم ياديږي او د هغوی تعداد عبارت دي له:

$$\begin{bmatrix} n \\ r \end{bmatrix}=\frac{n!}{(n-r)!r!}=\frac{n(n-1)(n-2)...((n-r+1)}{(n-r)!r!} \qquad r<n$$

واضح ده چې $\begin{bmatrix} n \\ 0 \end{bmatrix}=1=\begin{bmatrix} n \\ n \end{bmatrix}$

د $\begin{bmatrix} n \\ r \end{bmatrix}$ د سمبول په ځای د C(n,r) او C_n^r سمبولونو څخه هم ګټه اخيستل کيږي چې، په دې فورمول کې r فرعي ستونه عضوي r له يو ست څخه عضوي n ښيي.

- وروسته د پورتنيو توضيحاتو پر بنأ ويلی شو چې د r شی يو ترکيب له بېل يا متمايز n شي څخه عبارت دی د r شي غوره کول له دې ځيزونو (اشياوو) څخه پرته له دې چې په يو ځانګړي ځای کې ځای پرځای شي په مجدده توګه او پرته له دې چې د هغوی ترتيب په پام کې و نيول شي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

نو لیدل کیږي که په بدلون کې ترتیب راغلی وي، څیزونه (اشیاء) بدل کړو یو نوی حالت لاسته راځي څرنګه چې د څیزونو ځای په ځای کول په ترکیب کې نوی حالت منځ ته نه راوړي او له بل پلوه په بدلون او ترکیب کې انتخاب په نظر کې نیول کیږي. په داسې حال کې چې په ترکیب کې د انتخاب ترتیب په نظر کې نه نیول کیږي او د ترکیب مفهوم د اړیکې یا رابطې په توګه د طبیعي اعدادو ترمنځ توضیح کوي.

بېلګه: په یوه کڅوړه کې (۳) سرې مرۍ، (۵) سپینې مرۍ او (۸) شنې مرۍ دي. په څو لارو کولای شو (۲) سرې مرۍ، (۱) سپینه مرۍ او (۲) شنې مرۍ غوره کړو.

حل: باید دا په پام کې ولرو چې هر رنګه مرۍ له یو بل څخه توپیر لري نو مطلوبه کمیت عبارت دی له:

$$\binom{3}{2}\binom{5}{1}\binom{8}{2}=\frac{3!}{2!1!}.\frac{5!}{1!4!}.\frac{8!}{2!6!}=\frac{3.5.8.7}{1.1.2.1}=420$$

$$\binom{9}{5}=\frac{9!}{(9-5)!5!}.\frac{9!}{4!5!}=\frac{9.8.7.6.5.4.3.2.1}{4.3.2.1.5.4.3.2.1}=144$$

تکراري ترکیبونه: له تکرار سره ترکیب: د یوه ست د عناصرو په ټاکلو کې د ست ځینې عناصر څو ځلې تکرارېږي د بېلګې په ډول د ۱، ۳، ۴ او ۵ له اعدادو څخه څو درې رقمي عدده کولای شو ترتیب کړو. که چېرې یو یا عین عدد څو ځلې تکرار شي نو $5^3=125$ کیږي.

نو په دې اساس تکرار لرونکي ترتیبونه د $A_n^m = n^m$ د فورمول په مرسته څرګندیږي.

بېلګه: څو درې رقمي عدده کولای شو د ۱ او ۲ په رقمونو ولیکو.

$8=2^3$

بېلګه: څو بېلا بېل څلور رقمي عدده کولای شو له صفر، ۱ او ۲ اعدادو څخه ترتیب کړو که چېرې د اعدادو تکرار مجاز وي.

حل: له درې ورکړل شوو عددونو څخه څلور رقمي اعداد جوړولای شو په دې شرط چې هغه اعداد چې کیڼ لوري ته یې صفر ځای په ځای کیږي منفي شي.

$$A_3^4 - A_3^3 = 3^4 - 3^3 81 - 27 = 54$$

بدلېدل یا تکرار: د n شی د بدلېدلو تعداد ښیي، څرنګه چې په هغه کې یو د P دفعه او بل د q دفعه له څیزونو (اشیاؤ) څخه تکرار شوي وي عبارت دي له:

(c) ketabton.com: The Digital Library

$$P_{n_1,n_1,\dots n_m} = \frac{(n_1+n_1+\dots n_m)}{n_1!n_2!\dots.n_n!} = \frac{n!}{n_1!n_2!\dots.n_n!}$$ یا $$\frac{n!}{P!q!}$$

که چېرې !n بدلونونه انتخاب شي او د دې ست عناصر تکراري وي، بدلون له تکرار سره له !n څخه کوچنی دی.

بېلګه: د کلمې بېلا بېل څو توري کولای شو له هغو تورو څخه چې د (Matematuka) کلمه جوړه شوې ده واخلو.

حل: $n_1=2$ (m توری)، $n_2=3$ (a توری)، $n_3=2$ (t توری)، $n_4=1$ (e توری)، $n_5=1$ (u توری)، $n_6=1$ (k توری)

نو لرو:

$$P(n_1,n_2,n_3,n_4,n_5,n_6)=\frac{10!}{2!3!2!1!1!1!}=151200$$

بېلګه: د کلمې څو توري کولای شو د BABBY له کلمې څخه جوړه کړو.

حل: په دې ځای کې 5!=120 د B_1,A,B_2,B_3,y له تورو څخه تبدیل لرو چې په هغو کې درې B بېل یا متمایزشوي دي چې شپږ لاندې بدلونونه جوړولای شو.

$B_1B_2B_3Ay,\ B_1B_3B_3Ay,\ B_2B_1B_3Ay,\ B_2B_3B_1Ay,\ B_3B_1B_2Ay,\ B_3B_2B_1Ay$

$$P_{5,3}=\frac{5!}{3!}=\frac{5.4.3.2.1}{3.2.1}=20$$

او د 6 عدد مساوي دی له !3 سره.

ترکیب له تکرار سره: فرض کوو د {a,b,c} ست ورکړل شوی وي او له هغه څخه (۵) عنصره ترکیب له تکرار سره جوړ کړو لکه د aabbc بڼه او د 11.11.1 سمبولیک څرګندیږي، دا څرګندېدل داسې توضیح کیږي چې، a د دویم ځل لپاره تکرار شوی دی (۱۱) وروسته له هغې چې a شتون نه لري، (۰) وروسته له صفر څخه b د ۱۱ په بڼه او همدارنګه بل b شتون نه لري او د صفر په مرسته بیلیږي. په آخر کې د C (۱) توری شتون لري.

$$P_{5,3-1}=\frac{(5+3-1)!}{5!(3-1)!}$$

(c) ketabton.com: The Digital Library

ځکه چې:

$$C_n^m = P_{mn-1} = \frac{(m+n-1)}{m!.(n-1)!}$$

$C_{m+n}^m = C_{m+n}^{n-1}$ یا

بېلګه: د پرچون خرڅوونکي په يوه دوکان کې لس ډوله پست کارته شتون لري، په څو ډوله کولای شو له ۱۲ او ۸ پست کارتونو څخه ترکيب جوړ کړو په دې شرط چې د پست کارت په غوره کولو کې تکرار مجاز وي.

$$C_{10}^{-12} = \frac{(12+10-1)!}{12!(10-1)!} = 293930$$

$$C_{10}^{-8} = \frac{(12+8-1)!}{8!(10-1)!} = 24310$$

بېلګه: په يوه ټولګي کې چې لس زده کوونکي لري، شپږ تنه يې نرينه او څلور تنه يې ښځينه دي د n طريق تعداد چې:

-a له دې زده کوونکو څخه دې يوه څلور عضوي کمېټه غوره کړي.

-b يوه څلور عضوي کمېټه، دوه نرينه او دوه ښځينه دې غوره کړي.

-c ټولګی دې وکړای شي رئيس، د رئيس مرستيال، خزانه دار او منشي غوره کړي.

حل:

-a $C(10,4) = \binom{10}{4} = 910$

-b له شپږ نرينه و څخه $\binom{6}{2}$ طريق 2 نرينه ټاکل کيږي او 4 ښځينه $\binom{4}{2}$ طريق او ښځينه ټاکل کيږي نو:

$$\binom{6}{2}\binom{4}{2} = 90$$

-c په دې پوښتنه کې ترکيب په نظرکې نه دی بلکې ترتيب په نظر کې دی بناً:

n=P(6,4)= $A_6^4 = 360$

بېلګه: $\begin{bmatrix} 9 \\ 5 \end{bmatrix} = \frac{9!}{(9-5)!5!} = \frac{9!}{4!.5!} = \frac{9.8.7.6.5.4.3.2.1}{4.3.2.1.5.4.3.2.1} = 144$

(c) ketabton.com: The Digital Library

د درېيم څپرکي د مطالبو لنډيز

هغه بېلا بېل حالت چې n شی په مرتبه توګه د يو بل په څنګ کې ځای په ځای کېدای شي د هغوی د بېلا بېل ترتيب په نوم ياديږي او د ترتيبونو تعداد د فکتوريل په مرسته لاسته راتلای شي، د بېلګې په ډول کولای شو د n شی ترتيب د دې فورمول په مرسته لاسته راوړو.

$P(n,n)=n!$

تبديل: هغه توپير لرونکي حالات چې r شی، له n شي څخه (r<n) د يو بل په څنګ کې مرتب کېدای شي او د بدلونونو تعداد د لاندني فورمول په مرسته لاسته راځي.

$$P(n,r)=\frac{n!}{(n-r)!}$$

همدارنګه ترتيب له تکرار سره، تبديل له تکرار سره او ترکيب له تکرار سره په احتمالاتو کې د استعمال موارد لري.

ترکيب: هغه بېلا بېېل حالات چې (r) شی، د n شي له ترتيب څخه پرته له دې چې په پام کې و نيول شي بېل ټاکل کيږي د n شی، r په r ترکيبونو په نوم ياديږي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

د درېيم څپرکي پوښتنې

۱- له ۱۱ ټوکه کتابونو څخه په څو ډېلا ډېلو بڼو کولای شو پنځه ټوکه يې په الماری کې مرتب کړو.

۲- د teeth له کلمې څخه څو پنځه توريزې نمونې کولای شو وليکو.

۳- څو يوولس توريزې نمونې د MISSISSIPPI له کلمې څخه جوړېدلای شي.

۴- له يو دولس کسيز لست څخه څو پنځه کسيز بېل ګروپونه کولای شو غوره کړو.

۵- له يو ګروپ څخه چې له ۴ نرينه او ۵ ښځينه څخه جوړ شوی وي، څو پنځه کسيزه کميټې چې ۳ تنه نرينه او ۲ تنه ښځينه غړي ولري، د ټاکلو وړ دي.

۶- د افغانستان د کلمې توري په څو ډوله ترتيب کېدای شي.

۷- اوه دانې منې د درې تنو ماشومانو ترمنځ داسې چې د هغوی مشر ته درې دانې او نورو هر يوه ته دوه، دوه دانې ورسيږي په څو ډوله ترتيب کېدای شي.

۸- له لس تنو محصلينو څخه څو دوه کسيز ګروپونه جوړېدای شي.

۹- که چېرې يوه سکه څلور ځلې پورته واچول شي.

a. ممکنه فضاء مطلوبه ده.

b. په څو حالته کې دوه ځلې په مخ راځي.

c. په څو حالته کې درې ځلې په مخ راځي.

(c) ketabton.com: The Digital Library

سرچينې او اخيستنې

د احتمالاتو برخه

١- جليلى مرزا، رياضيات جديد، ١٣٧٠
٢- غورى ، محمد انور، رياضى عمومى، ١٣٨٤
٣- موحد حبيب الله ، تيورى احتمالات ،١٣٨٥
٤- پوهاند غلام سنايى و پهنيار ذكيه، حل مسايل احتمال ١٣٨٦

د احصايې برخه

١- اصيل، مراد على، تيورى احصائيه
٢- غورى، محمد انور، رياضى عمومى
٣- حميدى، عبدالباقى ، احصائيه
٤- لكچرنوت پوهنحى اقتصاد، ١٣٨٦-١٣٨٧

(c) ketabton.com: The Digital Library

د ښوونیز نصاب د پراختیا د ریاست پیغام

د پوهنې وزارت د تخنیکي او مسلکي زده کړو معینیت دښوونیز نصاب د انکشاف ریاست د ټولنې دعیني او ښکاره ضرورت په درک کولو سره چې د محصلینو او شاګردانو د درسي کتابونو په برخه کې یې تخنیکي او مسلکي رشتې درلودې او لري یې، په لومړي سرکې یې تصمیم ونیو، چې په ښوونیزو پلانونو او درسي مفرداتو باندې بیاکتنه وکړي او ورپسې بیا د شاګردانو او محصلینو د درسي کتابونو د تالیف لپاره مبادرت او کوښښ وکړي. د خدای(ج) په فضل او مرحمت سره او د ادارې او حسابدارۍ څانګې د ښوونکو په میړانې او همت سره د ادارې او حسابدارۍ درسي کتابونه تالیف شول تر څو په وړیا ډول د شاګردانو او محصلینو په واک او اختیار کې ورکړل شي.

د علم او معرفت له ټولو لوستونکو، علاقمندانو، د ادارې او حسابدارۍ د مکاتبو له ښوونکو، ګرانو شاګردانو او د تخنیکي او مسلکي زده کړو د چارو له متخصصینو او همدا شان له ټولو څېړونکو او شنونکو څخه صمیمانه هیله کیږي، چې د دې کتابونو په مطالعې سره چې په لومړي ځل د ښوونکو او د ادارې او حسابدارۍ څانګې د مسلکي غړو له لوري تالیف او تدوین شوي دي. د مسلکي، تخنیکي او علمي مطالبو او مفاهیمو د څرنګوالي په هکله خصوصاً د هغوی املایي او انشایي اشتباهاتو په اړه‌مونږ ته لارښوونه وکړي، ترڅو په راتلونکي کې وکړای شو، په همدې او نورو برخوکې ګرانو شاګردانو ته له دې څخه ښه، غوره، ګټور او ارزښتناکه موضوعات وړاندې کړو.

همدا شان له ګرانو شاګردانو او محصلینو څخه هیله کوو ترڅو د دې کتابونو د مطالعې او استفادې پر مهال د هیواد اقتصادي ستونزې، فقر او وروسته پاتې والی په نظرکې ونیسي او د کتابونو په ساتنه کې کوښښ او زیار وباسي، ترڅو د ډېرو شاګردانو او محصلینو د ګټې وړ وګرځي.

پته: دپوهنې وزارت – دتخنیکي او مسلکي زده کړو معینیت د تعلیمي نصاب د انکشاف ریاست – دکتابونو د تالیف او د درسي ممدو موادو د برابرولو عمومي مدیریت.

Get more e-books from www.ketabton.com
Ketabton.com: The Digital Library